

# 1. A reakciósebesség fogalma

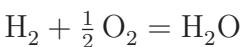
Állandó hőmérsékleten és térfogaton a reakciósebességet a

$$\nu_a A + \nu_b B + \dots + \nu_p P = \nu_q Q + \nu_r R + \dots + \nu_z Z$$

$$(0 = -\nu_a A - \nu_b B - \dots - \nu_p P + \nu_q Q + \nu_r R + \dots + \nu_z Z)$$

sztöchiometriai egyenlettel felírható folyamatra a következőképpen definiáljuk:  $v = \frac{1}{\nu_j} \frac{d[J]}{dt}$  ahol  $\nu_j$  a  $J$ -ik komponens sztöchiometriai együtthatója, ami a reaktánsokra negatív, a termékekre pozitív előjelű. (Így,  $v = \frac{1}{\nu_a} \frac{d[A]}{dt} = \frac{1}{\nu_b} \frac{d[B]}{dt} = \frac{1}{\nu_p} \frac{d[P]}{dt} = \frac{1}{\nu_q} \frac{d[Q]}{dt} = \frac{1}{\nu_r} \frac{d[R]}{dt} = \frac{1}{\nu_z} \frac{d[Z]}{dt} \geq 0$ )  
A reakciósebesség dimenziója:  $\dim(v) = [\text{konzentráció} \cdot \text{idő}^{-1}]$

Példa:



$$v = \frac{1}{-1} \frac{d[H_2]}{dt} = \frac{\frac{1}{2}}{2} \frac{d[O_2]}{dt} = \frac{1}{1} \frac{d[H_2O]}{dt}$$

Amennyiben a reakciósebesség a kísérletileg meghatározott  $v = k [A]^\alpha [B]^\beta \dots [Z]^\omega$  alakban írható fel, akkor a reakció rendűségét az  $\alpha + \beta + \dots + \omega$  összeggel definiáljuk. Az  $\alpha, \beta, \dots, \omega$  kitevőket az adott  $A, B, \dots, Z$  komponensekhez tartozó részrendeknek nevezzük.

# 2. Elsőrendű reakciók

$$A \xrightarrow{k} P + \dots \quad v = k[A] = -\frac{d[A]}{dt}$$

$$\int_{[A]_0}^{[A]} \frac{d[A]}{[A]} = -k \int_0^t dt$$

$$[A] = [A]_0 e^{-kt}, \text{ ahol } \dim(k) = \text{idő}^{-1}$$

$$\text{Felezési idő: } t = t_{1/2}, \text{ ha } [A] = \frac{1}{2}[A]_0$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$

$$\text{Általánosan: } t = t_{1/n}, \text{ ha } [A] = \frac{1}{n}[A]_0$$

$$t_{1/n} = \frac{\ln n}{k}$$

## 2.1. Példa: K8

Szulfuril-kloridot hevítenek zárt edényben 320 °C-on 1 bar kezdeti nyomással. Az  $\text{SO}_2\text{Cl}_2 \rightarrow \text{SO}_2 + \text{Cl}_2$  reakció elsőrendű folyamat. 320 °C-on a sebességi állandó  $k = 0,0792 \text{ h}^{-1}$ .

- Számítsuk ki a százalékos bomlást 30 min reakciódő után!
- Mennyi idő alatt bomlik el az  $\text{SO}_2\text{Cl}_2$  90%-a és mekkora lesz a nyomás ekkor az edényben?  
(3,88%; 29,07 óra; 1,9 bar)

### Megoldás:

$$k = 0,0792 \text{ h}^{-1} = 1,32 \times 10^{-3} \text{ min}^{-1} = 2,2 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1} \text{ és } \text{SO}_2\text{Cl}_2 = A;$$

- Százalékos bomlás

$$\frac{[A]_0 - [A]}{[A]_0} \cdot 100\% = \left(1 - \frac{[A]}{[A]_0}\right) \cdot 100\% = \left(1 - \frac{[A]_0 \cdot e^{-kt}}{[A]_0}\right) \cdot 100\% = (1 - e^{-kt}) \cdot 100\% = \underline{\underline{\underline{3,88\%}}}$$

- 90%-os bomláshoz szükséges idő és a nyomás

$$\frac{[A]_0 - [A]}{[A]_0} = 1 - \frac{[A]}{[A]_0} = 0,9 \Rightarrow [A] = 0,1[A]_0$$

$$[A] = [A]_0 e^{-kt} = 0,1[A]_0$$

$$-kt = \ln 0,1$$

$$kt = \ln 10 \Rightarrow t = \frac{\ln 10}{k} = \underline{\underline{\underline{29,07 \text{ h}}}}$$

Koncentrációk a  $t = 0 \text{ h}$  és a  $t = 29,07 \text{ h}$

időpillanatban:

t/h	$[\text{SO}_2\text{Cl}_2]$	$[\text{SO}_2]$	$[\text{Cl}_2]$
0	$[A]_0$	—	—
29,07	$[A]$	$[P_1]$	$[P_2]$

A reakció sztöchiometriája szerint, ha  $[A]_0 \Rightarrow$

$$p = p_0:$$

$$[A] = 0,1[A]_0 \mapsto 0,1p_0$$

$$[P_1] = 0,9[A]_0 \mapsto 0,9p_0$$

$$[P_2] = \frac{0,9[A]_0 \mapsto 0,9p_0}{1,9[A]_0 \mapsto 1,9p_0}$$

Mivel  $p_0 = 1 \text{ bar}$  és  $[P_1]_0 = [P_2]_0 = 0$ , így

$$\underline{\underline{\underline{p_{29,07\text{h}} = 1,9 \text{ bar}}} }$$

### 3. Másodrendű reakciók

**3.1.**  $A + A \xrightarrow{k} P + \dots$ , azaz  $2A \xrightarrow{k} P + \dots$

$$v = k[A]^2 = -\frac{1}{2} \frac{d[A]}{dt} \Rightarrow \int_{[A]_0}^{[A]} \frac{d[A]}{[A]^2} = -2k \int_0^t dt$$

$$\frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0} = 2kt \quad \text{és} \quad t_{1/2} = \frac{1}{2k[A]_0}$$

$$\dim(k) = [\text{koncentráció}^{-1} \text{idő}^{-1}]$$

**3.2.**  $A + B \xrightarrow{k} P + \dots$

$$v = k[A][B] = -\frac{d[A]}{dt}$$

$$[A] = [A]_0 - X \quad \text{és} \quad [B] = [B]_0 - X$$

$$-\frac{d[A]}{dt} = \frac{dX}{dt} = k([A]_0 - X)([B]_0 - X)$$

Tf.:  $[A]_0 \neq [B]_0$ , valamint  $X = 0$ , ha  $t = 0$

$$\int_0^t kdt = \int_0^X \frac{dX}{([A]_0 - X)([B]_0 - X)}$$

$$kt = \frac{1}{[A]_0 - [B]_0} \ln \frac{([A]_0 - X)[B]_0}{([B]_0 - X)[A]_0}$$

$$kt = \frac{1}{[B]_0 - [A]_0} \ln \frac{([B]_0 - X)[A]_0}{([A]_0 - X)[B]_0}$$

**Általános eset:**  $\mu A + \nu B \xrightarrow{k} P + \dots$

$$\frac{1}{\nu [A]_0 - \mu [B]_0} \ln \frac{([A]_0 - \mu X)[B]_0}{([B]_0 - \nu X)[A]_0} = kt$$

Ha  $[A]_0 = [B]_0$ , akkor a fentiekhez hasonlóan:

$$\frac{dX}{dt} = k([A]_0 - X)^2$$

$$\int_0^t kdt = \int_0^X \frac{dX}{([A]_0 - X)^2} \Rightarrow \left[ \frac{1}{[A]_0 - X} - \frac{1}{[A]_0} \right] = kt = \left[ \frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0} \right] = kt$$

### 3.3. Pszeudo-elsőrendű reakciók

Ha egy  $A + B \xrightarrow{k} P + \dots$  reakcióban  $[B]$  nagy feleslegben van  $[A]$ -hoz képest, akkor  $[B]$  mennyisége a reakció során állandónak tekinthető és a másodrendű sebességi egyenlet elsőrendűvé alakítható:

$$v = k [A] [B] = k [A] [B]_0 = k' [A], \text{ ahol } k' = k [B]_0 \text{ és } [B]_0 \gg [A]_0$$

Általánosan, bármely  $v = k [A]^\alpha [B]^\beta \cdots [Z]^\omega$  formában felírható reakcióban megállapítható egy kiválasztott komponensre vonatkozó részrend, ha a többi komponenst megfelelően nagy mennyiségeben alkalmazzuk. Azaz

$$v = k' [A]^\alpha,$$

ahol  $\alpha$  az  $A$  komponensre vonatkozó részrend,  $k' = k [B]^\beta \cdots [Z]^\omega$  és  $[B]_0, \dots, [Z]_0 \gg [A]_0$

### 3.4. Példa: K5 ( $2 A \xrightarrow{k} P + \dots$ )

A butadién dimerizálása ciklooctadiénné másodrendű reakció, amelynek sebességi állandója 500 K-en  $1,43 \text{ dm}^3 \text{ mol}^{-1} \text{ h}^{-1}$ . Egy  $2 \text{ dm}^3$ -es edénybe 8 g butadiént bemérve mennyi idő alatt alakul át a 75%-a? (14,16 h)

#### Megoldás:

$2 \text{C}_4\text{H}_6 \xrightarrow{k} \text{C}_8\text{H}_{12}$ ,  $\text{C}_2\text{H}_4 = A$  és  $\text{C}_8\text{H}_{12} = B$ , és a butadién moláris tömege:  $M = 54 \text{ g/mol}$ .

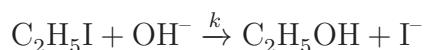
75%-os bomlásnál:  $[A] = 0,25[A]_0$ , ahol  $[A]_0 = \frac{m}{M} = 0,0741 \text{ M}$ , amiből  $[A] = 0,01852 \text{ M}$ .

$$\frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0} = 2kt, \text{ amiből}$$

$$t = \frac{\frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0}}{2k} = \underline{\underline{14,16 \text{ h}}}$$

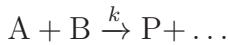
### 3.5. Példa: K4 ( $A + B \xrightarrow{k} P + \dots$ )

Az etil-jodid (A) alkoholos oldatban lúggal (B) másodrendű reakcióban ( $v = k [A] [B]$ ) reagál:



10 dm<sup>3</sup> 0,1 mol/dm<sup>3</sup>-es etil-jodid és 5 dm<sup>3</sup> 0,25 mol/dm<sup>3</sup>-es lúgoldatot összeöntve 5 perc után az elegendően 0,025 mol/dm<sup>3</sup>-es jodid-koncentrációt határoztak meg. Mekkora a sebességi állandó? (1,36 dm<sup>3</sup> mol<sup>-1</sup> min<sup>-1</sup>)

### Megoldás:



$$t = 0 \text{ min} : \begin{cases} n(A) = 1,00 \text{ mol} \\ n(B) = 1,25 \text{ mol} \end{cases} \sum V = 15 \text{ dm}^3 \Rightarrow \begin{cases} [A]_0 = 0,067 \text{ M} \\ [B]_0 = 0,083 \text{ M} \end{cases} \text{ és } [I^-] = X = 0,025 \text{ M}$$

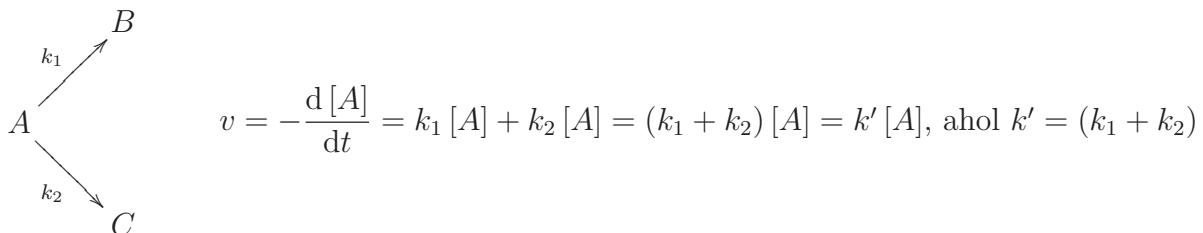
$$t = 5 \text{ min} : [A] = [A]_0 - X = 0,042 \text{ M}$$

$$[B] = [B]_0 - X = 0,058 \text{ M}$$

$$kt = \frac{1}{[B]_0 - [A]_0} \ln \frac{([B]_0 - X)[A]_0}{([A]_0 - X)[B]_0}$$

$$kt = \frac{1}{0,016 \text{ M}} \ln \frac{3,886 \times 10^{-3}}{3,486 \times 10^{-3}} = 6,879 \text{ M}^{-1} \Rightarrow k = 1,358 \text{ M}^{-1} \text{min}^{-1}$$

## 4. Párhuzamos reakciók



$$[A] = [A]_0 e^{-k't} = [A]_0 e^{-(k_1+k_2)t}$$

**Felezési idő:**  $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k_1 + k_2}$

Amennyiben  $[B]_0 = [C]_0 = 0$ , akkor egyrészt  $\frac{k_1}{k_2} = \frac{[B]}{[C]}$ ,

másrészt minden  $t$  időpillanatban:  $[A]_0 = [A] + [B] + [C]$ .

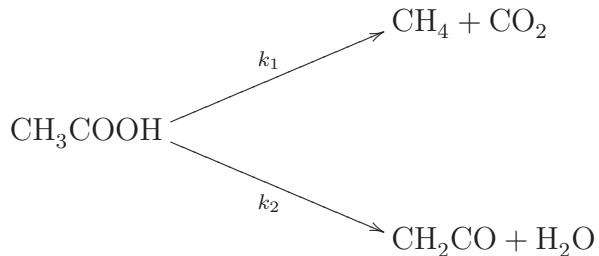
Ha tudjuk, hogy  $[A] = [A]_0 \cdot e^{-(k_1+k_2)t}$ , valamint  $\frac{[B]}{[C]} = \frac{k_1}{k_2}$ , amiből  $[B] = \frac{k_1}{k_2}[C]$ , akkor:

$$[A]_0 = [A] + [B] + [C] = [A]_0 \cdot e^{-(k_1+k_2)t} + \frac{k_1}{k_2}[C] + [C], \text{ amiből } [C]-t \text{ kifejezve:}$$

$$[C] = [A]_0 \left(1 - e^{-(k_1+k_2)t}\right) \frac{k_2}{k_1 + k_2}, \text{ valamint } [C]_{max} = \lim_{t \rightarrow \infty} ([C]) = [A]_0 \frac{k_2}{k_1 + k_2}$$

## 4.1. Példa: K13

Az ecetsav magas hőmérsékleten (500-1000 °C között) szén-dioxidra és metánra, továbbá egyidejűleg keténre és vízre is bomlik:



Mindkét reakció elsőrendű, és 1189 K-en az első reakció sebességi állandója  $3,74 \text{ s}^{-1}$ , a másodiké  $4,65 \text{ s}^{-1}$ . Számítsuk ki, mennyi idő alatt reagál el az ecetsav 93 %-a, és maximálisan mennyi ketén nyerhető 1 mol/dm<sup>3</sup> ecetsavból az adott körülmények között. (0,317 s, 0,554 mol/dm<sup>3</sup>)

Megoldás:

$$\text{CH}_3\text{COOH} = A; \text{CH}_4 = B; \text{CH}_2\text{CO} = C$$

$$93\%-os \text{ ecetsav fogyás esetén: } [A] = 0,07[A]_0$$

$$0,07[A]_0 = [A]_0 \cdot e^{-(k_1+k_2)t} \Rightarrow t = \frac{-\ln 0,07}{k_1 + k_2} = 0,317 \text{ s}$$

$$[C]_{max} = ?$$

$$[C]_{max} = [A]_0 \frac{k_2}{k_1 + k_2} = 0,554 \text{ M}$$

## 5. Egyensúlyi reakciók

$$A \xrightleftharpoons[k_2]{k_1} B \quad -\frac{d[A]}{dt} = \frac{d[B]}{dt} = k_1 [A] - k_2 [B] \text{ (mindkét irányban elsőrendű)}$$

Tf.:  $[A]_0 > 0$ ,  $[B]_0 = 0$ . Ekkor  $[A]_0 = [A] + [B] \Rightarrow [B] = [A]_0 - [A]$ , amiből:

$$\frac{d[A]}{dt} + (k_1 + k_2)[A] = k_2[A]_0$$

$$[A] = \frac{[A]_0}{k_1 + k_2} \left( k_1 e^{-(k_1+k_2)t} + k_2 \right) = \frac{k_2[A]_0}{k_1 + k_2} \left( \frac{k_1}{k_2} e^{-(k_1+k_2)t} + 1 \right)$$

Egyensúlyban:

$$t = \infty, [A] = [A]_e \text{ és } [B] = [B]_e, -\frac{d[A]}{dt} = \frac{d[B]}{dt} = k_1 [A]_e - k_2 [B]_e = 0 \Rightarrow k_1 [A]_e = k_2 [B]_e$$

Egyensúlyi állandó:  $K = \frac{[B]_e}{[A]_e} = \frac{k_1}{k_2}$

$$[A]_e = \frac{k_2 [A]_0}{k_1 + k_2} \text{ és } [B]_e = \frac{k_1 [A]_0}{k_1 + k_2}$$

$$[A] = [B]_e e^{-(k_1+k_2)t} + [A]_e, \text{ amiből } \ln \frac{[A] - [A]_e}{[A]_0 - [A]_e} = -(k_1 + k_2) t$$

Ha  $[B]_0 = 0$ , akkor  $[B] = [A]_0 - [A] = [A]_0 - [B]_e e^{-(k_1+k_2)t} - [A]_e$ .

Mivel  $[B]_e = [A]_0 - [A]_e$ , így az előző képletből adódik, hogy  $[B] = [B]_e (1 - e^{-(k_1+k_2)t})$

### 5.1. Példa: K14

A cis-sztilbén  $\xrightleftharpoons[k_2]{k_1}$  trans-sztilbén átalakulás 594 K-en minden irányban elsőrendű és egyensúlyra vezet. Egy kísérletsorozatban a következő adatokat mérték:

$t/s$	0	667	1206	1768	$\infty$
trans-%	0	42,8	62,5	74,9	93,2

Mekkora a két ellenkező irányú reakció sebességi állandója? ( $k_1 = 3,09 \text{ h}^{-1}$ ,  $k_2 = 0,225 \text{ h}^{-1}$ .)

Megoldás:

cis  $\xrightleftharpoons[k_2]{k_1}$  trans; elsőrendű folyamatok

$k_1, k_2$ ?

Egyensúlyban,  $t \rightarrow \infty \Rightarrow [\text{trans}] \rightarrow [\text{trans}]_e$ ,  $[\text{cis}] \rightarrow [\text{cis}]_e$

$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{[\text{trans}]_e}{[\text{cis}]_e} = \frac{93,2\%}{(100 - 93,2)\%} \approx 13,71; k_1 = 13,71 \cdot k_2$$

$$\ln \frac{[\text{cis}] - [\text{cis}]_e}{[\text{cis}]_0 - [\text{cis}]_e} = -(k_1 + k_2)t \Rightarrow k_1 + k_2 = \frac{-1}{t} \ln \frac{[\text{cis}] - [\text{cis}]_e}{[\text{cis}]_0 - [\text{cis}]_e} = \frac{-1}{667} \ln \frac{(100 - 42,8) - (100 - 93,2)}{100 - (100 - 93,2)} \approx 9,22 \times 10^{-4} \text{ s}^{-1} = 13,71 \cdot k_2 + k_2$$

$$k_2 = \frac{9,22 \times 10^{-4} \text{ s}^{-1}}{13,71} \approx 6,27 \times 10^{-5} \text{ s}^{-1} = 0,225 \text{ h}^{-1}$$

$$k_1 = 13,71 \cdot k_2 = 3,09 \text{ h}^{-1}$$

## 6. Konszekutív reakciók



$$\frac{d[A]}{dt} = -k_1 [A], \text{ melynek megoldása: } [A] = [A]_0 e^{-k_1 t}$$

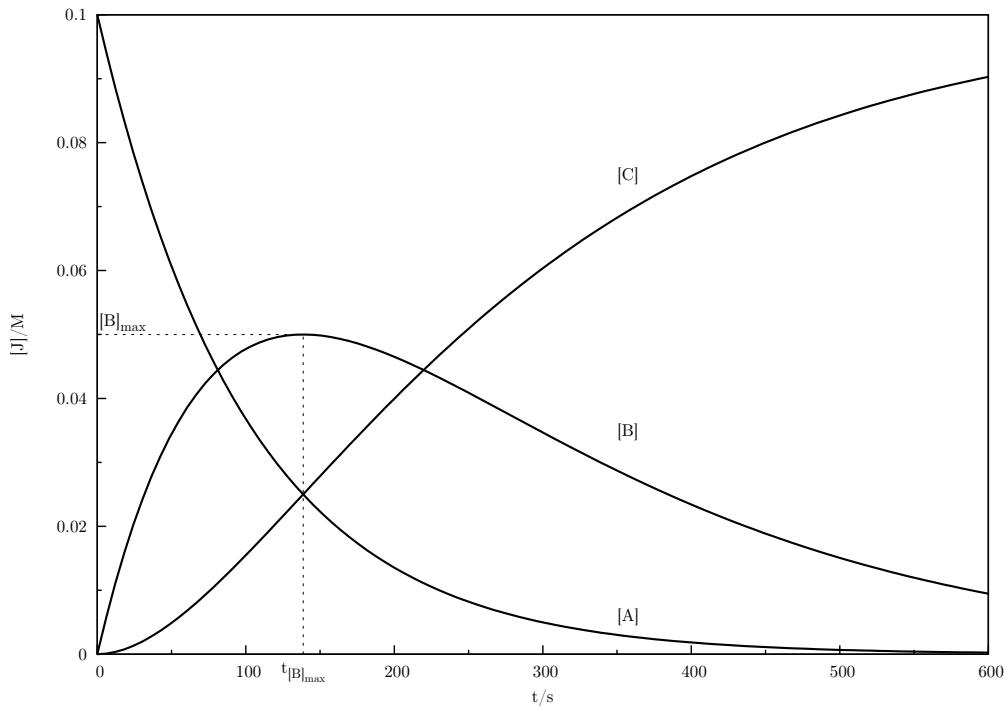
$$\frac{d[B]}{dt} = k_1 [A] - k_2 [B]$$

$$\frac{d[B]}{dt} + k_2 [B] = k_1 [A]_0 e^{-k_1 t}, \text{ melynek megoldása: } [B] = \frac{k_1 [A]_0}{k_2 - k_1} (e^{-k_1 t} - e^{-k_2 t})$$

$[A]_0 = [A] + [B] + [C]$ , amiből  $[C] = [A]_0 - [A] - [B]$ , melybe  $[A]$ -t és  $[B]$ -t behelyettesítve:

$$[C] = [A]_0 \left( 1 - \frac{k_2}{k_2 - k_1} e^{-k_1 t} + \frac{k_1}{k_2 - k_1} e^{-k_2 t} \right)$$

Mikor maximális  $[B]$ ? ( $t_{[B]_{\max}}$ )



Ha  $t = t_{[B]_{\max}}$ , akkor  $\frac{d[B]}{dt} = 0$

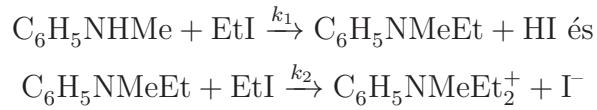
$$t_{[B]_{\max}} = \frac{\ln k_1 - \ln k_2}{k_1 - k_2}$$

és

$$[B]_{\max} = [A]_0 \left( \frac{k_1}{k_2} \right)^{\frac{k_2}{k_2 - k_1}}$$

## 6.1. Példa: K15

Az N-metil-anilin etil-jodiddal a következő konszekutív reakciók szerint reagál:



Mindkét reakció pszeudo-elsőrendűnek tekinthető a nagy etil-jodid felesleg miatt. Mennyi idő után lesz a köztitermék mennyisége maximális? A kiindulási anyag hány %-a alakult ekkor köztitermékké ill. végtermékké? Az N-metil-anilin felezési ideje 52,6 min, és  $k_2/k_1 = 0,483$ .  
(107 min; 50,7% ill. 24,9%)

Megoldás:



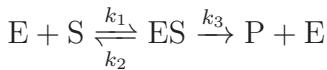
$$\begin{aligned} t_{1/2}(A) &= \frac{\ln 2}{k_1} \Rightarrow \underline{k_1 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}(A)} = 0,01318 \text{ min}^{-1}} \\ &\underline{k_2 = 0,483k_1 = 0,006365 \text{ min}^{-1}} \\ &\underline{t_{[B]_{max}} = \frac{\ln k_1 - \ln k_2}{k_1 - k_2} = 106,81 \text{ min}} \end{aligned}$$

%-os átalakulás  $t = 106,81$  min-nél:

$$[B] \text{ anyagra: } \frac{[B]}{[A]_0} \cdot 100\% = \frac{1}{[A]_0} \left[ \frac{[A]_0 k_1}{k_2 - k_1} (e^{-k_1 t} - e^{-k_2 t}) \right] \cdot 100\% = \underline{\underline{50,67\% \text{ alakul } [B] \text{ köztitermékké.}}$$

$$[C] \text{ anyagra: } \frac{[C]}{[A]_0} \cdot 100\% = \frac{[A]_0}{[A]_0} \left( 1 - \frac{k_2}{k_2 - k_1} e^{-k_1 t} + \frac{k_1}{k_2 - k_1} e^{-k_2 t} \right) \cdot 100\% = \underline{\underline{24,86\% \text{ alakul } [C] \text{ végtermékké.}}$$

## 7. Michaelis-Menten enzimkinetika



$\frac{d[ES]}{dt} \approx 0 = k_1 [E] [S] - k_2 [ES] - k_3 [ES]$  és a teljes enzimkoncentráció:  $[E]_0 = [E] + [ES]$ .  
A fentiekből adódik, hogy

$$[ES] = \frac{k_1}{k_2 + k_3} [E] [S] = \frac{1}{K_M} [E][S], \text{ ahol } K_M = \frac{k_2 + k_3}{k_1} \text{ a Michaelis-állandó.}$$

$[E]$ -t kifejezve a teljes enzimkoncentrációból és behelyettesítve a fenti egyenletbe:

$$[E] = [E]_0 - [ES]$$

$$K_M[ES] = ([E]_0 - [ES])[S]$$

$$[ES](K_M + [S]) = [S][E]_0$$

$$[ES] = \frac{[S][E]_0}{K_M + [S]}, \text{ amiből}$$

$$v = \frac{d[P]}{dt} = k_3 [ES] = \frac{k_3 [S][E]_0}{K_M + [S]}$$

Ha  $[S] \gg K_M$ , akkor  $v_{max} = k_3 [E]_0$  a maximális sebesség, ahol  $k_3$  a maximális katalitikus ciklusszám.

$$\text{Ha } [S] = K_M, \text{ akkor } v = \frac{v_{max}}{2}$$

## 7.1. Példa

Egy szubsztrátum enzim által katalizált átalakulásának Michaelis-állandója 25 °C-on 0,035 M. Amikor a szubsztrátum koncentrációja 0,01 M, a reakció sebessége  $1,15 \cdot 10^{-3}$  Ms<sup>-1</sup>. Mekkora a reakció maximális sebessége? ( $5,175 \times 10^{-3}$  M/s)

**Megoldás:**

$$K_M = \frac{k_2 + k_3}{k_1} = 0,035 \text{ M}; [S] = 0,01 \text{ M}; v = 1,15 \times 10^{-3} \text{ M/s}$$

$$v = \frac{k_3 [E]_0 [S]}{K_M + [S]} \Rightarrow k_3 [E]_0 = \underline{\underline{v_{max}}} = \frac{v(K_M + [S])}{[S]} = \underline{\underline{5,175 \times 10^{-3} \text{ M/s}}}$$

## 8. Arrhenius-egyenlet

$$k(T) = Ae^{-E_a/RT}$$

$$\ln k(T) = \ln A - E_a/RT$$

A - preexponenciális tényező

$E_a$  - aktiválási energia

R - egyetemes gázállandó

$\dim(A) = \dim(k)$

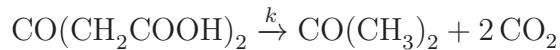
$\dim(E_a) = \text{energia/anyagmennyiség}$

Ha  $k$  ismert a  $T_1$  és  $T_2$  hőmérsékleten ( $k(T_1) = k_1$  és  $k(T_2) = k_2$ ):

$$\left. \begin{array}{l} \ln k_1 = \ln A - E_a/RT_1 \\ \ln k_2 = \ln A - E_a/RT_2 \end{array} \right\} \Rightarrow E_a = \frac{R(\ln k_1 - \ln k_2)}{\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}}$$

### 8.1. Példa: K11

Vizes oldatban az aceton-dikarbonsav elsőrend szerint bomlik:



A reakció felezési ideje 0 °C-on 28200 s, 50 °C-on 37 s. Mekkora az aktiválási entalpia? (97,4 kJ/mol)

#### Megoldás:

$$T_1 = 273,15 \text{ K}, t_{1/2}(k_1) = 28200 \text{ sec.}$$

$$T_2 = 323,15 \text{ K}, t_{1/2}(k_2) = 37 \text{ sec.}$$

$$E_a = ?$$

$$\text{Elsőrendű folyamatra } t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$

$$k_1 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}(k_1)} \approx \frac{2,46 \times 10^{-5}}{s^{-1}}$$

$$k_2 = \frac{\ln 2}{t_{1/2}(k_2)} \approx \frac{1,87 \times 10^{-2}}{s^{-1}}$$

$$E_a = \frac{R(\ln k_1 - \ln k_2)}{\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}} \approx 97406 \text{ J/mol} \approx \underline{\underline{97,4 \text{ kJ/mol}}}$$