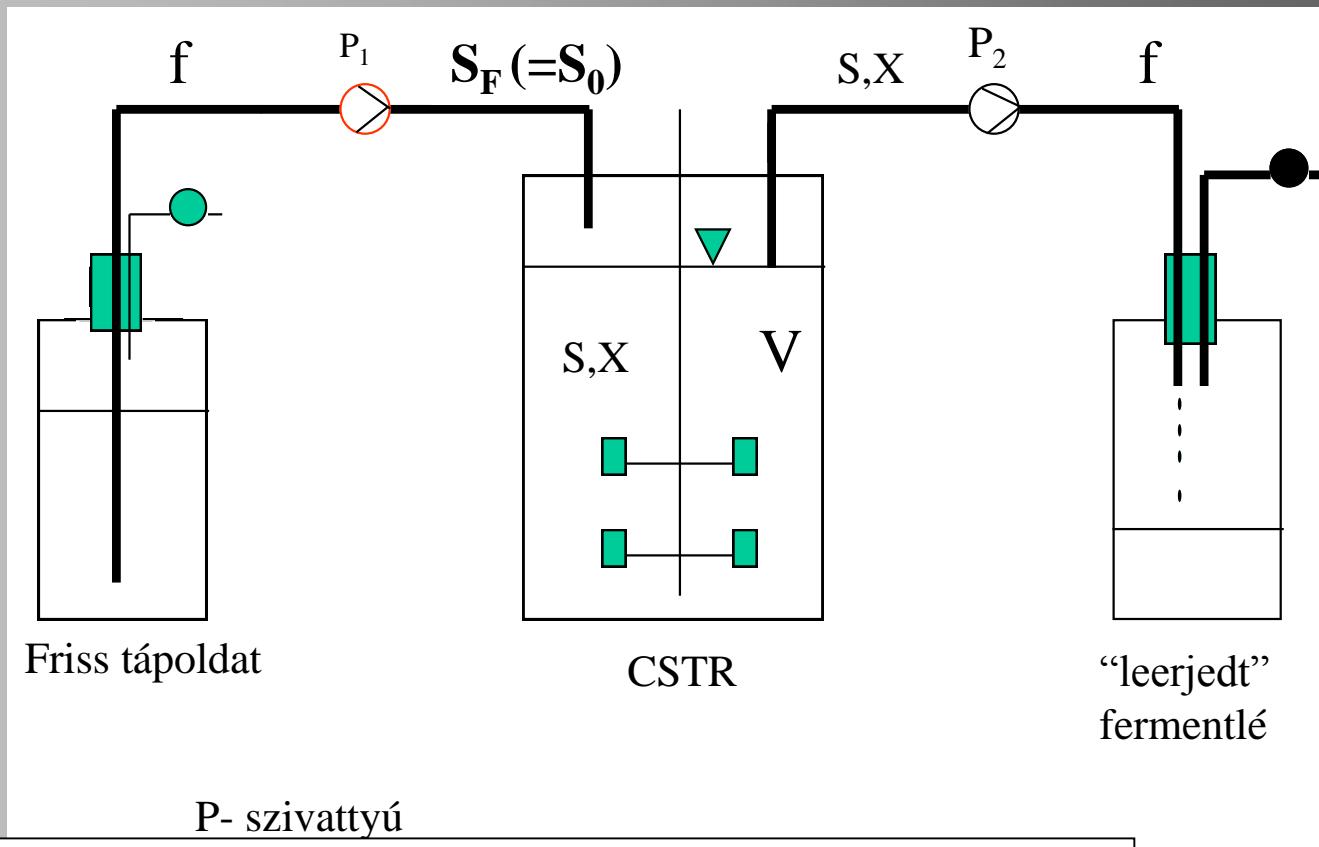


# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

BIM SB  
2002



P- szivattyú

sejttömeg:

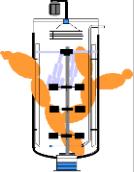
$$V \frac{dx}{dt} = V \left( \frac{dx}{dt} \right)_{\text{növekedés}} - f \cdot x$$

i-edik szubsztrát:

$$V \frac{dS_i}{dt} = fS_{i,F} - fS_i - \frac{V}{Y_{x/S_i}} \left( \frac{dx}{dt} \right)_{\text{növekedés}}$$

$$\frac{f}{V} = D$$

Higítási sebesség



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

BIM SB  
2002

$$\frac{f}{V} = D$$

**m<sup>3</sup>/h**

**h<sup>-1</sup>**

Higítási sebesség  
Dilution rate

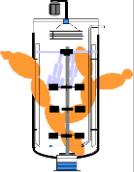
**m<sup>3</sup>**

Ráta, arány

$$\frac{1}{D} = \bar{t}$$

**h**

Átlagos tartózkodási idő  
Mean residence time



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

BIM SB  
2002

Egy limitáló szubsztrát esetében (ha a MONOD modell érvényes):

$$\frac{dx}{dt} = \mu x - Dx = (\mu - D)x = \left( \mu_{\max} \frac{S}{K_S + S} - D \right) x$$

$$\frac{dS}{dt} = D(S_F - S) - \frac{\mu x}{Y}$$

Állandósult  
állapotban

$$\frac{dx}{dt} = 0 \quad \frac{dS}{dt} = 0$$

Az állandósult állapot  
Szükséges és elégsges  
feltétele

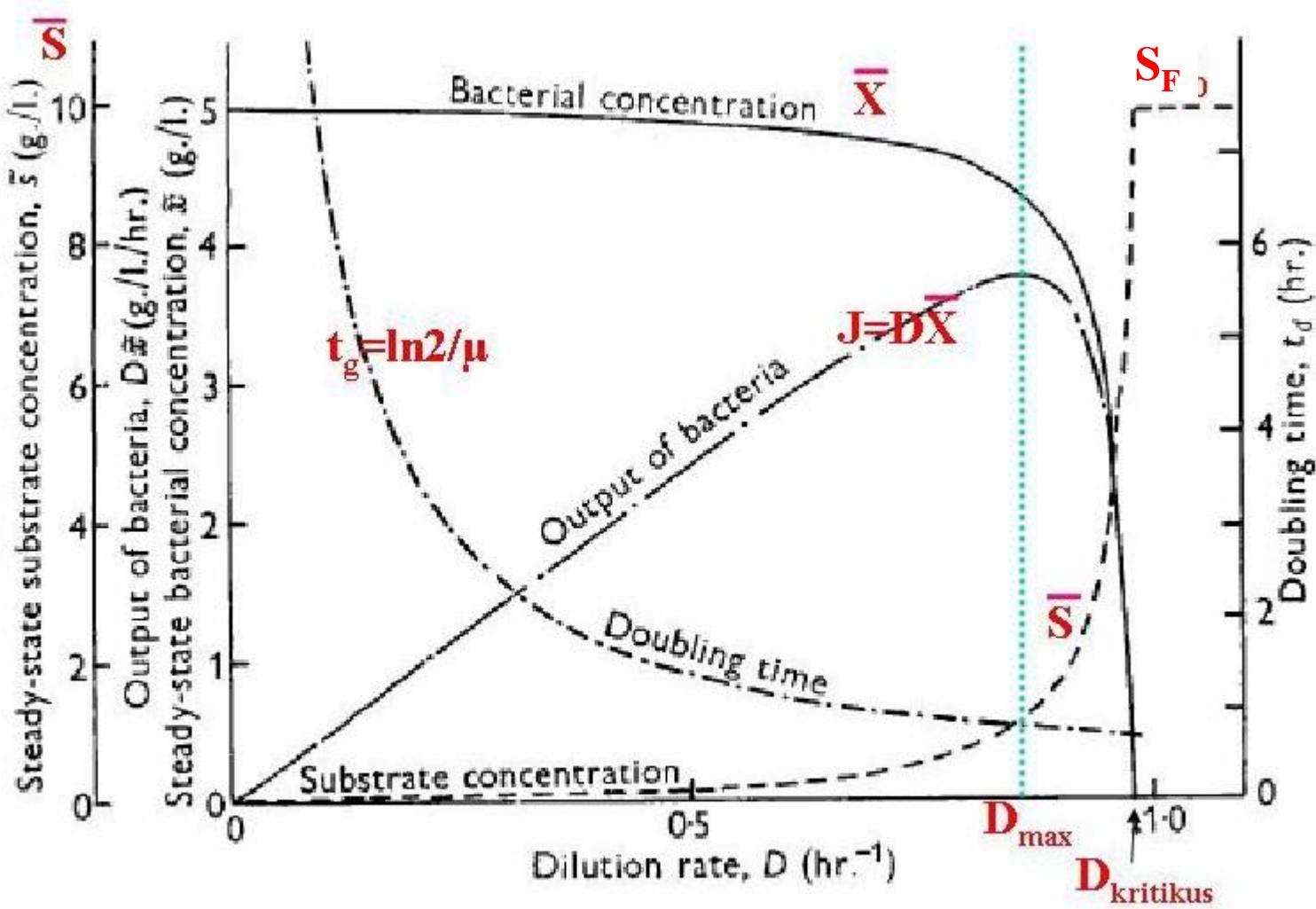
$$\mu = D$$

$$D = \mu_{\max} \frac{S}{K_S + S} \text{ illetve } \bar{S} = \frac{K_S D}{\mu_{\max} - D}$$

KEMOSZTÁT

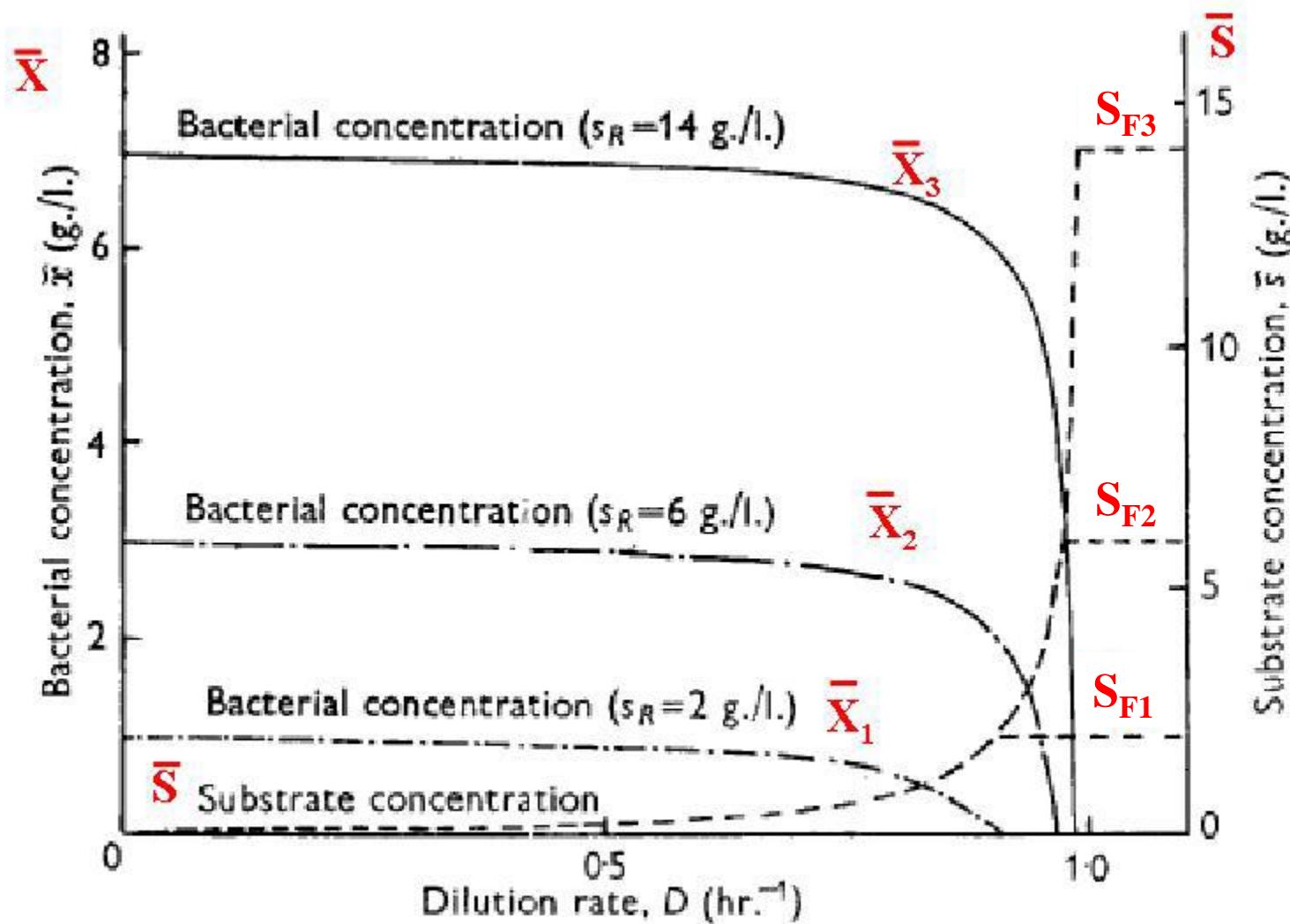
$$D(S_F - \bar{S}) = \frac{\mu x}{Y}$$

$$\bar{x} = Y(S_F - \bar{S}) = Y \left( S_F - \frac{K_S D}{\mu_{\max} - D} \right)$$

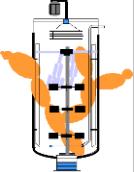


HERBERT, ELSWORTRH, TELLING (1956). The Continuous Culture of Bacteria; a Theoretical and Experimental Study, *J. gen. Microbiol.* 14, 601–622

*a kemosztát rendszer minden szubsztrát limitben működik*  
 KORLÁTOZOTTAN KIEGYENSÚLYOZOTT NÖVEKEDÉS  
 (a hanyatló fázisnak felel meg!!!)



Nem időbeliség (=st.st)! ->metszet->átmenet 2 áll. között: pl:  $\Delta D$



## KEMOSZTÁT KONTROLL VÁLTOZÓI („mi piszkáljuk”)



Állapot változók  
mikroba válasza)

V

CSAK TECHNIKAI KORLÁTJA VAN

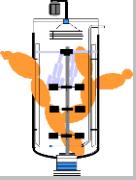
f

D

<  $\mu_{\max} = D_C$

S<sub>F</sub>

CSAK TECHNIKAI KORLÁTJA VAN:  
oldhatóság



PRODUKTIVITÁS:

$$J = D \cdot x \quad [\text{g/l.h}] \quad \text{vagy} \quad [\text{kg/m}^3\text{h}]$$

$$J = D \cdot \bar{x} = D \cdot Y \left( S_F - \frac{K_S D}{\mu_{\max} - D} \right) \quad := \mathbf{\max!!!}$$

$$\frac{\partial J}{\partial D} = 0 \quad \longrightarrow$$

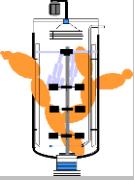
$$D_{\max} = \mu_{\max} \left( 1 - \left( \frac{K_S}{S_F + K_S} \right)^{1/2} \right)$$

$$\bar{x}_{\max} = Y \left[ S_F + K_S - \sqrt{K_S (S_F + K_S)} \right]$$

$$J_{\max} = D_{\max} \bar{x}_{\max} = \mu_{\max} Y \left[ 1 - \left( \frac{K_S}{K_S + S_F} \right)^{1/2} \right] \cdot \left[ K_S + S_F - \sqrt{K_S (S_F + K_S)} \right] =$$

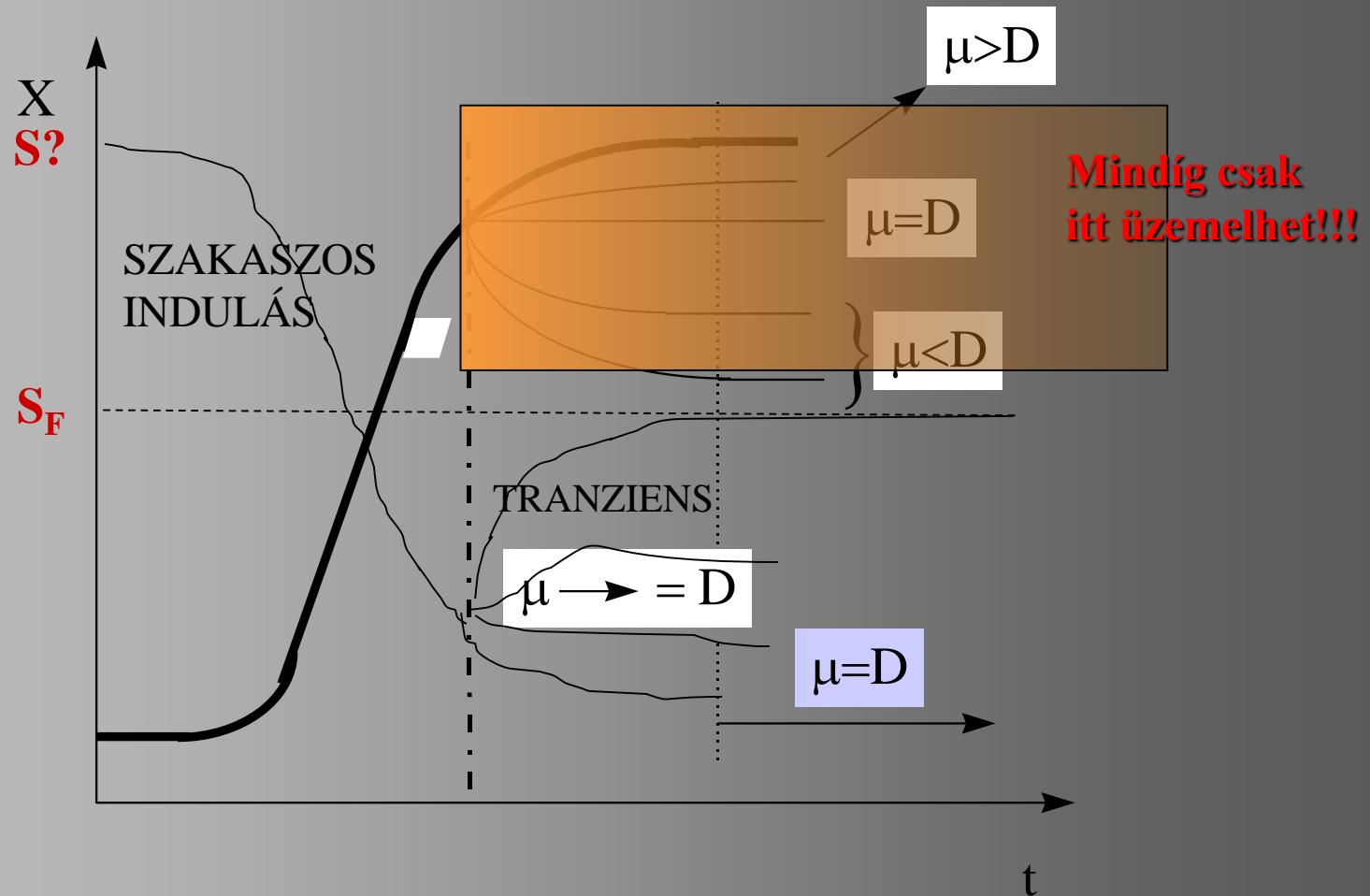
$$= Y \mu_{\max} S_F \left( \sqrt{\frac{K_S + S_F}{S_F}} - \sqrt{\frac{K_S}{S_F}} \right)^2 \approx Y \mu_{\max} S_F$$

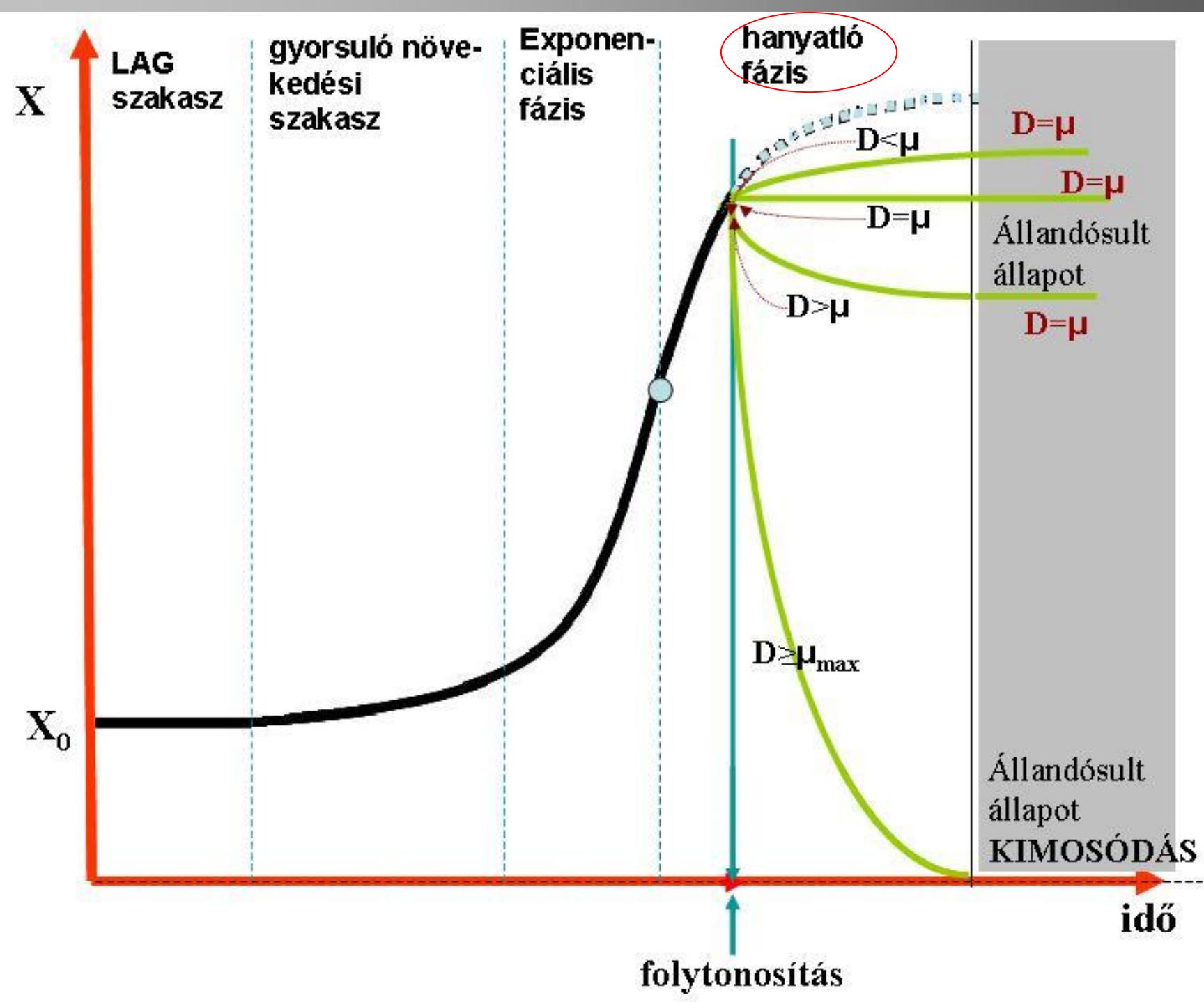
 $S_F >> K_S$

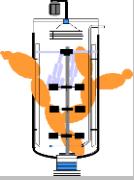


## Tranziens viselkedés

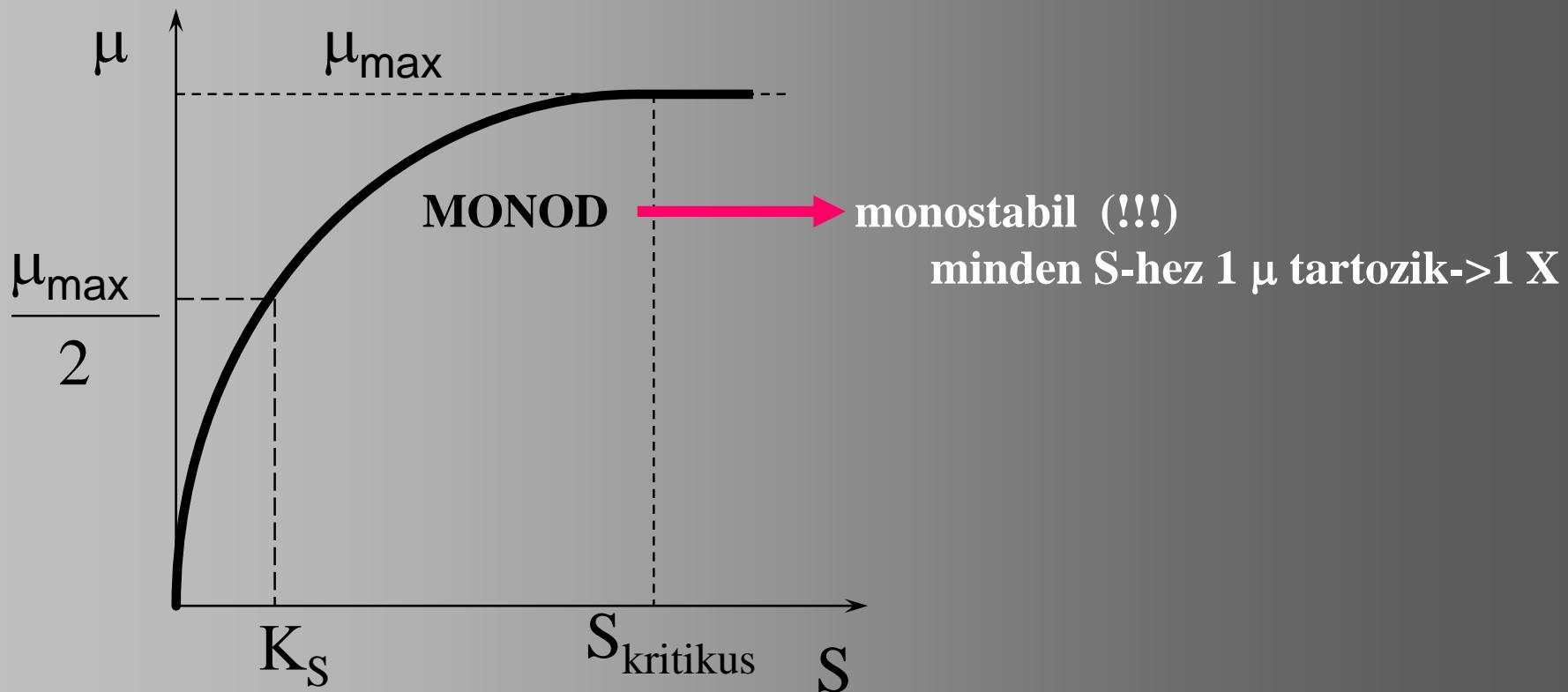
1. Indulás: áttérés a szakaszosról folytonosra

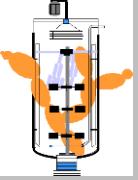




2. Ugrás v. Egyéb zavarás hatása: D, S<sub>0</sub>, T, pH...

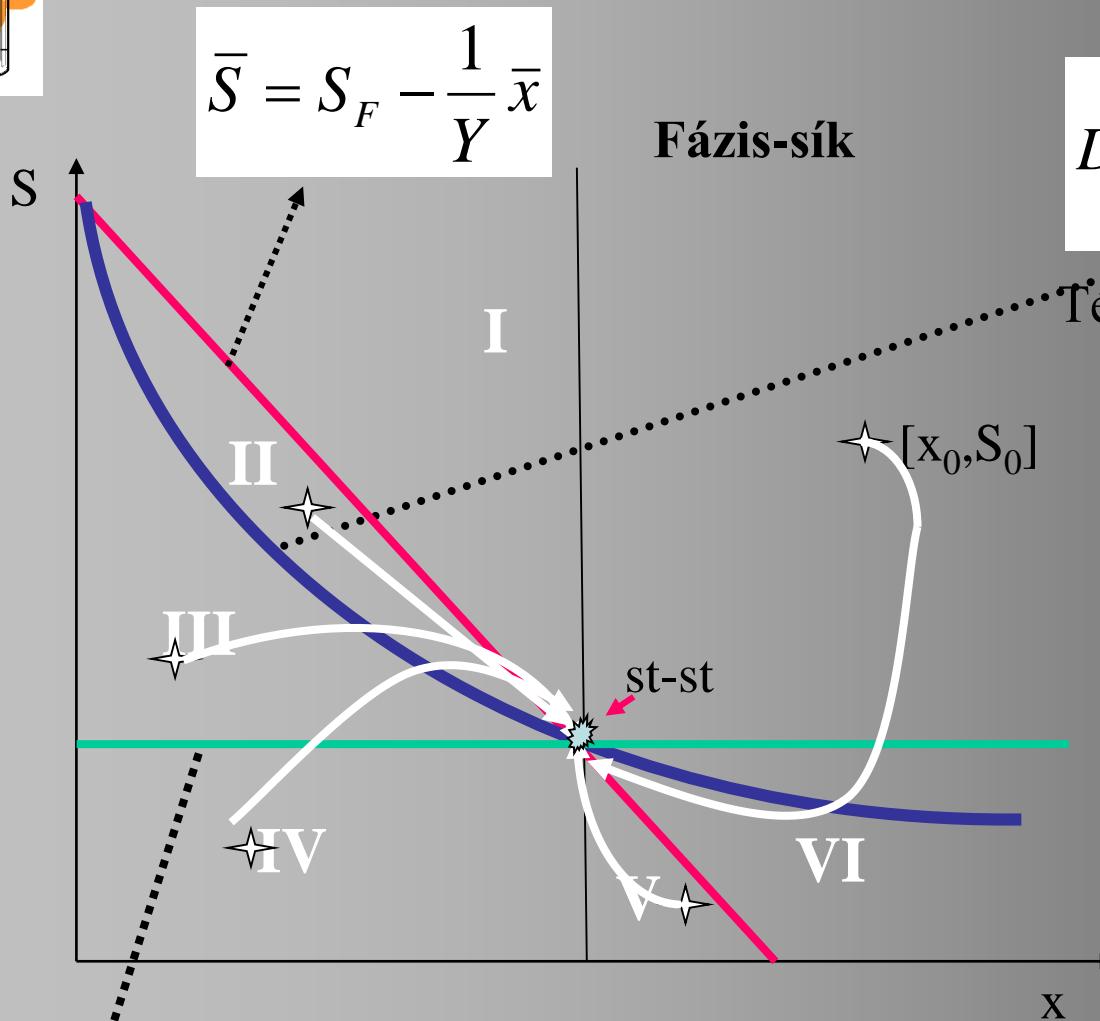
## Stabilitás





# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

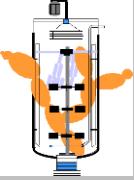
BIM SB  
2002



|     | $x(t)$          | $S(t)$          |
|-----|-----------------|-----------------|
| I   | fölémegy        | alámegy         |
| II  | monoton nő      | monoton csökken |
| III | monoton nő      | fölémegy        |
| IV  | alatta          | fölémegy        |
| V   | monoton csökken | monoton nő      |
| VI  | monoton csökken | alámegy         |

$$\bar{S} = \frac{K_S D}{\mu_m - D}$$

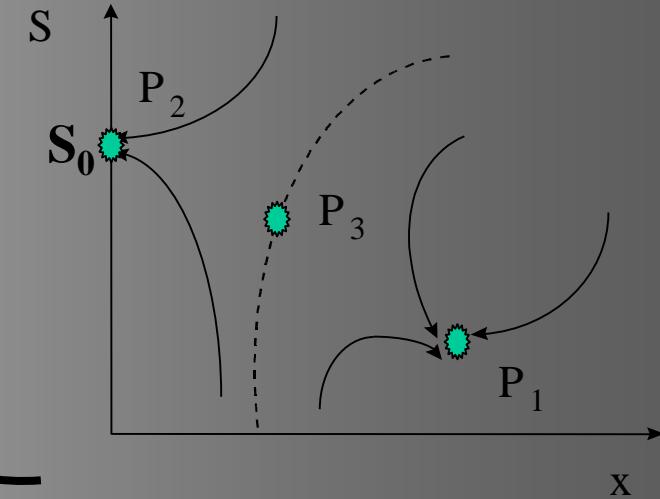
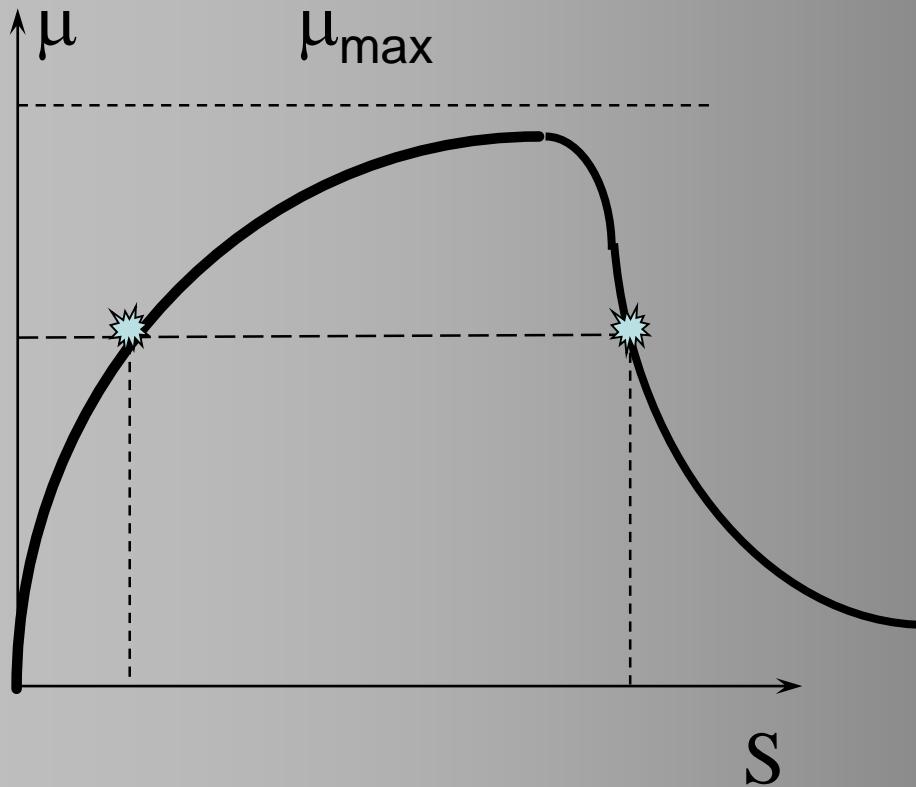
MONOSTABIL KEMOSZTÁT



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

BIM SB  
2002

Szubsztráthibíció → bistabil

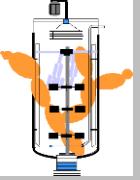


$P_1$  = stabil állandósult állapot

$P_2$  = stabil pont, kimosódás!

$P_3$  = instabil pont

Ezért fontos a matematikai model!



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ TARTÓZKODÁSI IDŐ ELOSZLÁS

BIM SB  
2002

Hármas esély

dt alatt távozó  
tömeghányad

dF a  $t$  és  $t + dt$  közé eső  
tartózkodási idejű anyaghányad.

$t=0$  időben  $m_0$

$t=t$  időben  $m$

$$-dm = D \cdot m \cdot dt$$

$$dF = -\frac{dm}{m_0}$$

: $m_0$

Viszonyítva  
a bent lévő  
tömeghez

$$dF = D \frac{m}{m_0} dt$$

$$-\int_{m_0}^m \frac{dm}{m} = D \int_0^t dt \quad \rightarrow \int_{m_0}^m d \ln m = D \int_0^t dt$$

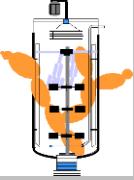
$$\frac{m}{m_0} = e^{-Dt}$$

$$dF = D \cdot e^{-Dt} dt$$

t.i.eloszlás sűrűségfüggvénye

$$E = \frac{dF}{dt} = D \cdot e^{-Dt}$$

Ilyen sebességgel távozik az  
eredeti mennyiség dF hányada

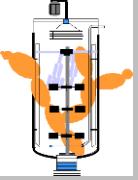


Az a hányad, amelynek  
ti-je  
 $t_1$  és  $t_2$  közé esik

$$F_{t_1, t_2} = \int_{t_1}^{t_2} Edt = \int_{t_1}^{t_2} De^{-Dt} dt = e^{-Dt_1} - e^{-Dt_2}$$

Tartózkodási idő eloszlásfüggvénye

$$F(t) = \int_0^t E(t)dt$$



0 és t között a rendszerben tartózkodó anyaghányad

$$F_{0,t} = \int_0^t Edt = \int_0^t De^{-Dt} dt = 1 - e^{-Dt}$$

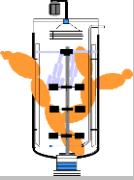
t és  $\infty$  között a rendszerben tartózkodó anyaghányad


$$F_{t,\infty} = \int_t^\infty Edt = \int_t^\infty De^{-Dt} dt = e^{-Dt}$$

---

0-tól  $\infty$  ideig a teljes anyagmennyiség kikerül a rendszerből

$$F_{0,\infty} = \int_0^\infty De^{-Dt} dt = 1 \quad (= F_{0,t} + F_{t,\infty})$$



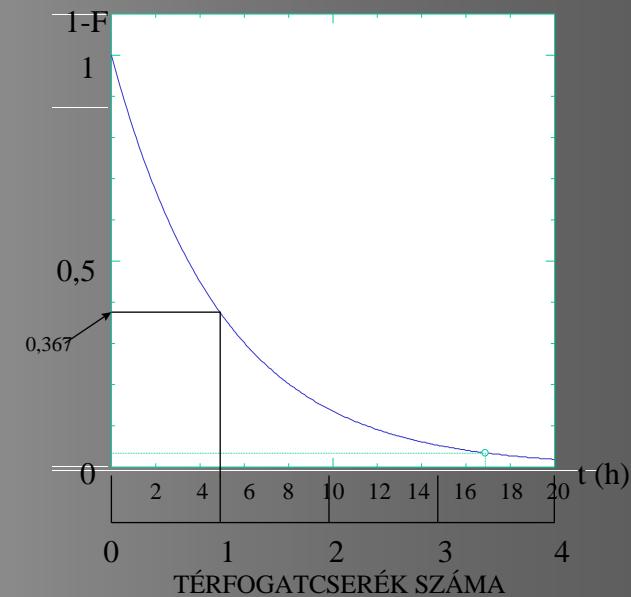
## Térfogatcserék hatása a folytonos kemosztát fermentációra (a tartózkodási idő eloszlás értelmezése)

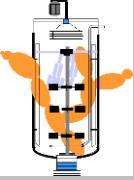
| térfogatcsere                   | (1-F)* | F**   |
|---------------------------------|--------|-------|
| Dt=0,2 h <sup>-1</sup> . 5 h =1 | 0,367  | 0,633 |
| =0,2 h <sup>-1</sup> .10 h =2   | 0,135  | 0,865 |
| =0,2 h <sup>-1</sup> .15 h =3   | 0,05   | 0,950 |
| =0,2 h <sup>-1</sup> .20 h =4   | 0,015  | 0,985 |

\*térfogatrész még nem cserélődött ki

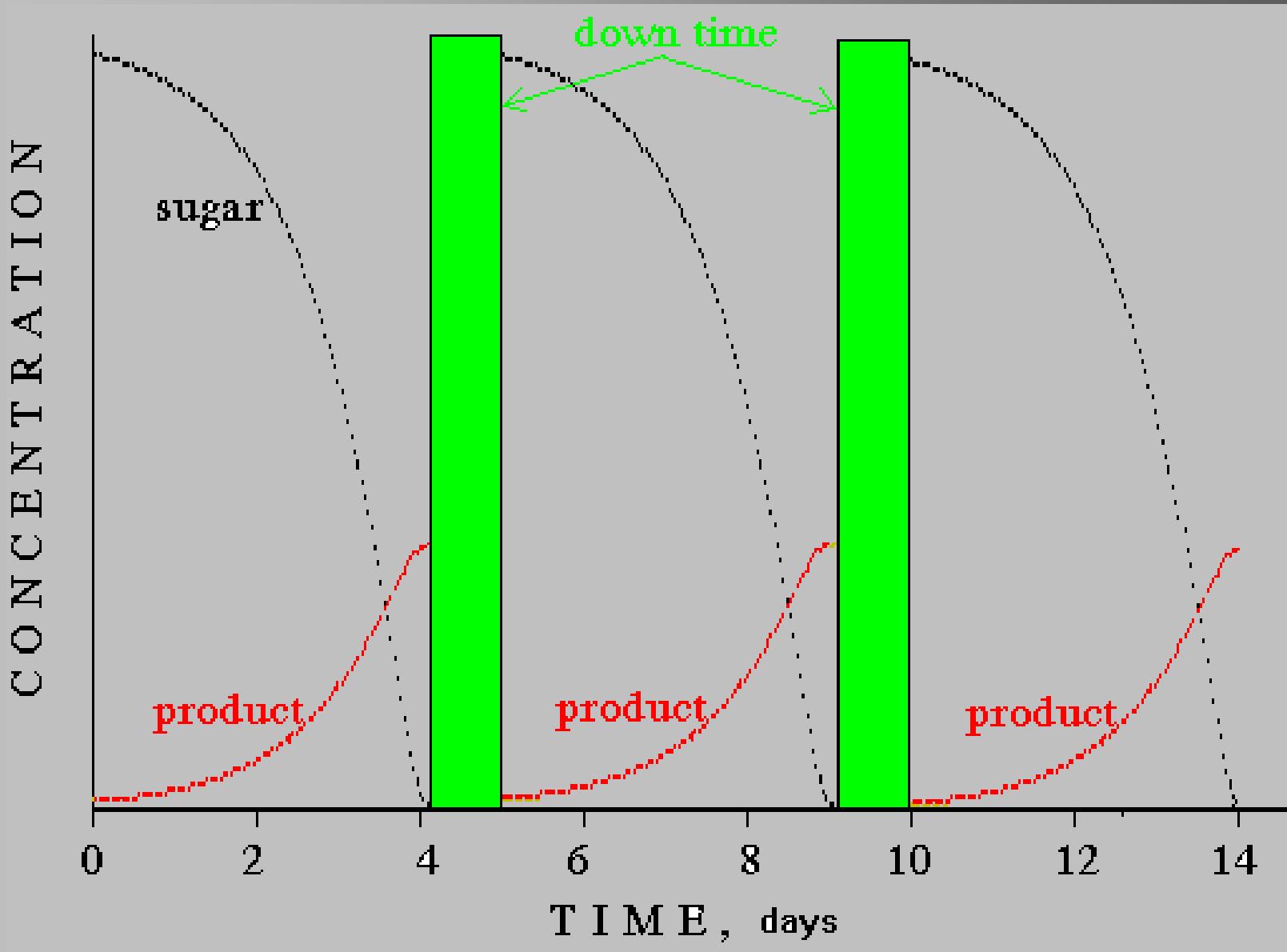
\*\*térfogatrész már eltávozott a rendszerből

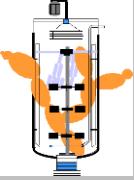
$$\bar{t} = 1/D$$



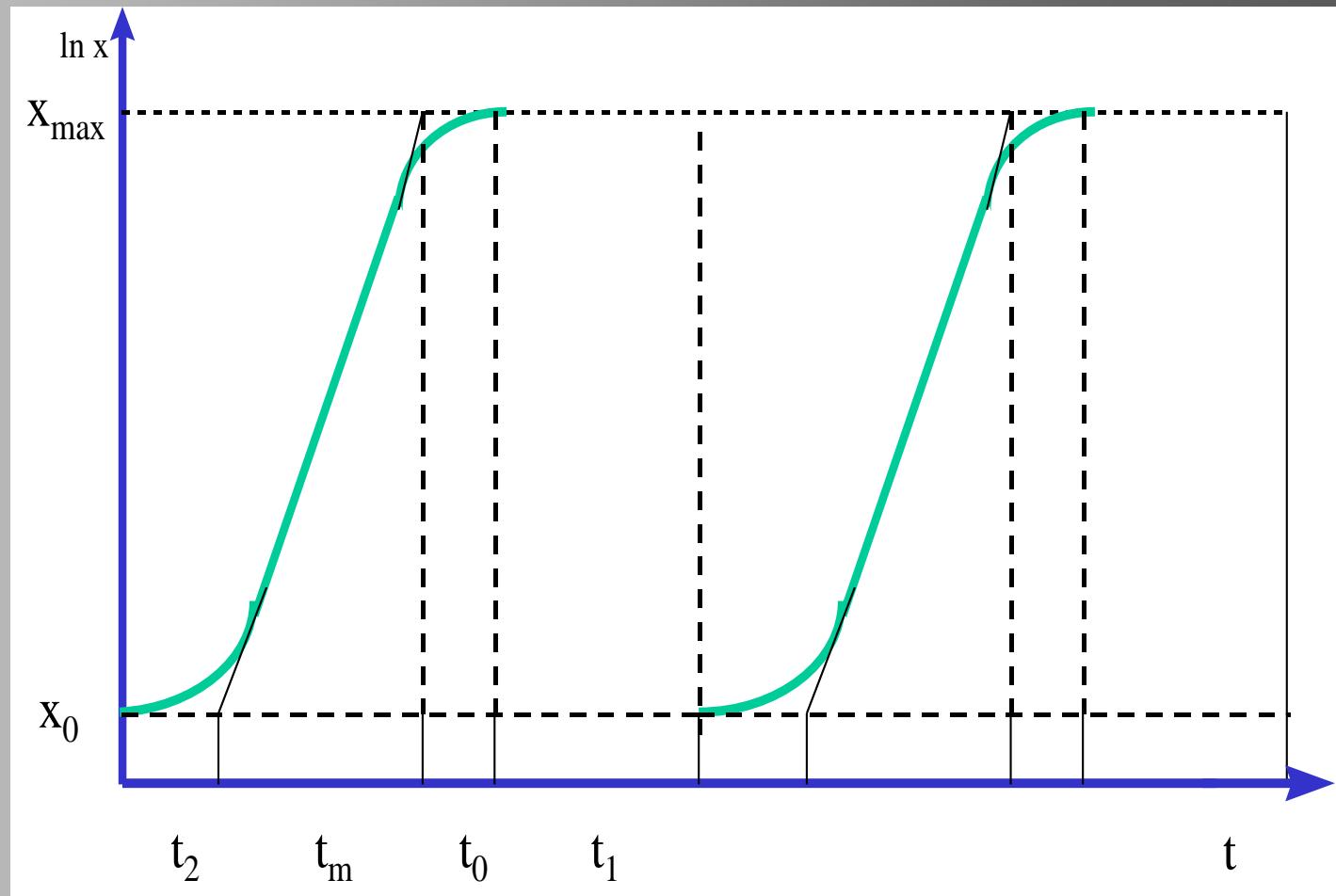


## Szakaszos fermentáció idődiagramja

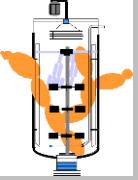




Szakaszos és folytonos rendszer összehasonlítása

**Szakaszos fermentáció idődiagramja****CIKLUSIDŐ**

$$t_c = t_m + t_0 + t_1 + t_2 = t_m + t_l$$



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

BIM SB  
2002

$$X_{\max} = X_0 * e^{\mu_{\max} t_m}$$

$$t_m = \frac{1}{\mu_{\max}} \ln \frac{X_{\max}}{X_0}$$

$$J_{\text{szakaszos}} = \frac{\Delta X}{\Delta t_c} = \frac{Y S_0}{\frac{1}{\mu_{\max}} \ln \frac{X_{\max}}{X_0} + t_1}$$

$$J_{\text{kemoszt}\ddot{t}} \cong Y \mu_{\max} S_F$$

$$\frac{J_{\text{kemosztát}}}{J_{\text{szakaszos}}} = \ln \frac{X_{\max}}{X_0} + t_1 \mu_{\max}$$

$$x_{\max}/x_0 \quad 5-100$$

$$\ln(x_{\max}/x_0): 1,6 - 4,6.$$

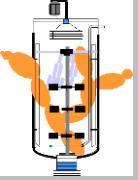
A  $t_l$  10-20 órát igényel,  
generációs idő 1-7 óra

$$\mu_{\max}: 0,1-0,6$$

$$t_l \mu_{\max} > 1 \quad (1-12).$$

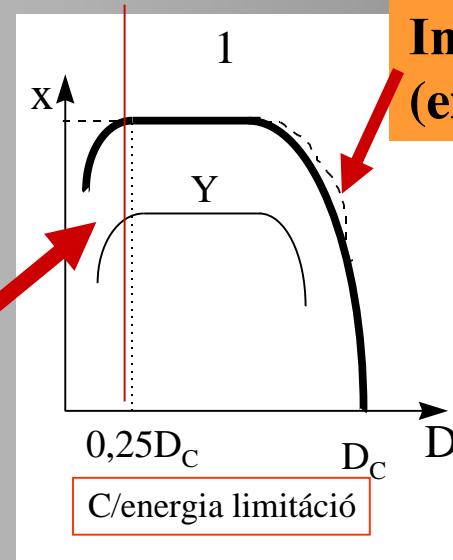
$$J_{\text{kemosztát}} / J_{\text{szakaszos}}$$

| $t_g [h]$ | $t_l = 10 \text{ h}$ | $t_l = 20 \text{ h}$ |
|-----------|----------------------|----------------------|
| 3         | 7                    | 9                    |
| 1,5       | 9                    | 14                   |
| 1,0       | 12                   | 18                   |

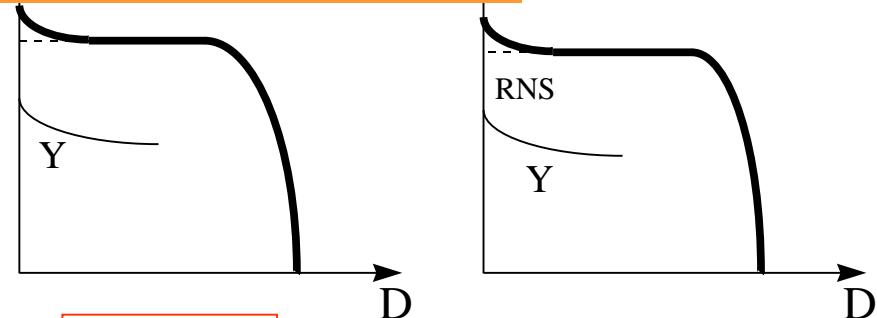


## Eltérések a kemosztáttól

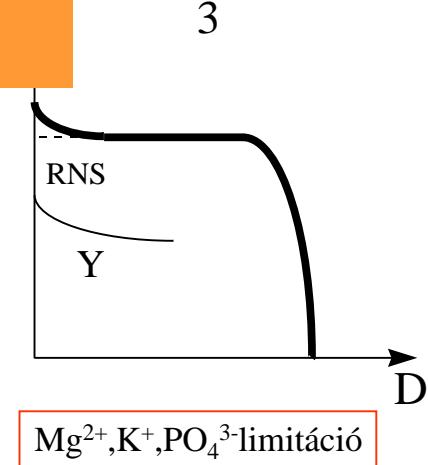
$D < 0,25D_C$



Nagy sebességgel képződő  
Intermedier termékek  
(extracel. Pyr,AcOH,...)



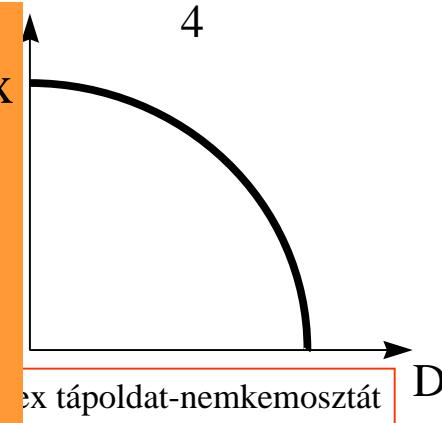
N,S limitáció



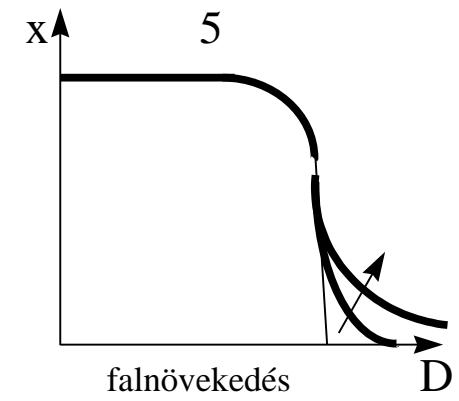
Mg<sup>2+</sup>,K<sup>+</sup>,PO<sub>4</sub><sup>3-</sup>-limitáció

$$\frac{dS}{dt} = D(S_F - S) - \left( \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_{EG}} + \frac{m}{\mu} \right) \mu x$$

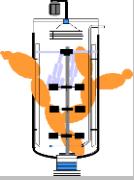
$$\bar{x} = \frac{\left( S_F - \frac{K_S D}{\mu_{max} - D} \right)}{\left( \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_{EG}} + \frac{m}{\mu} \right)}$$



ex tápoldat-nemkemosztát

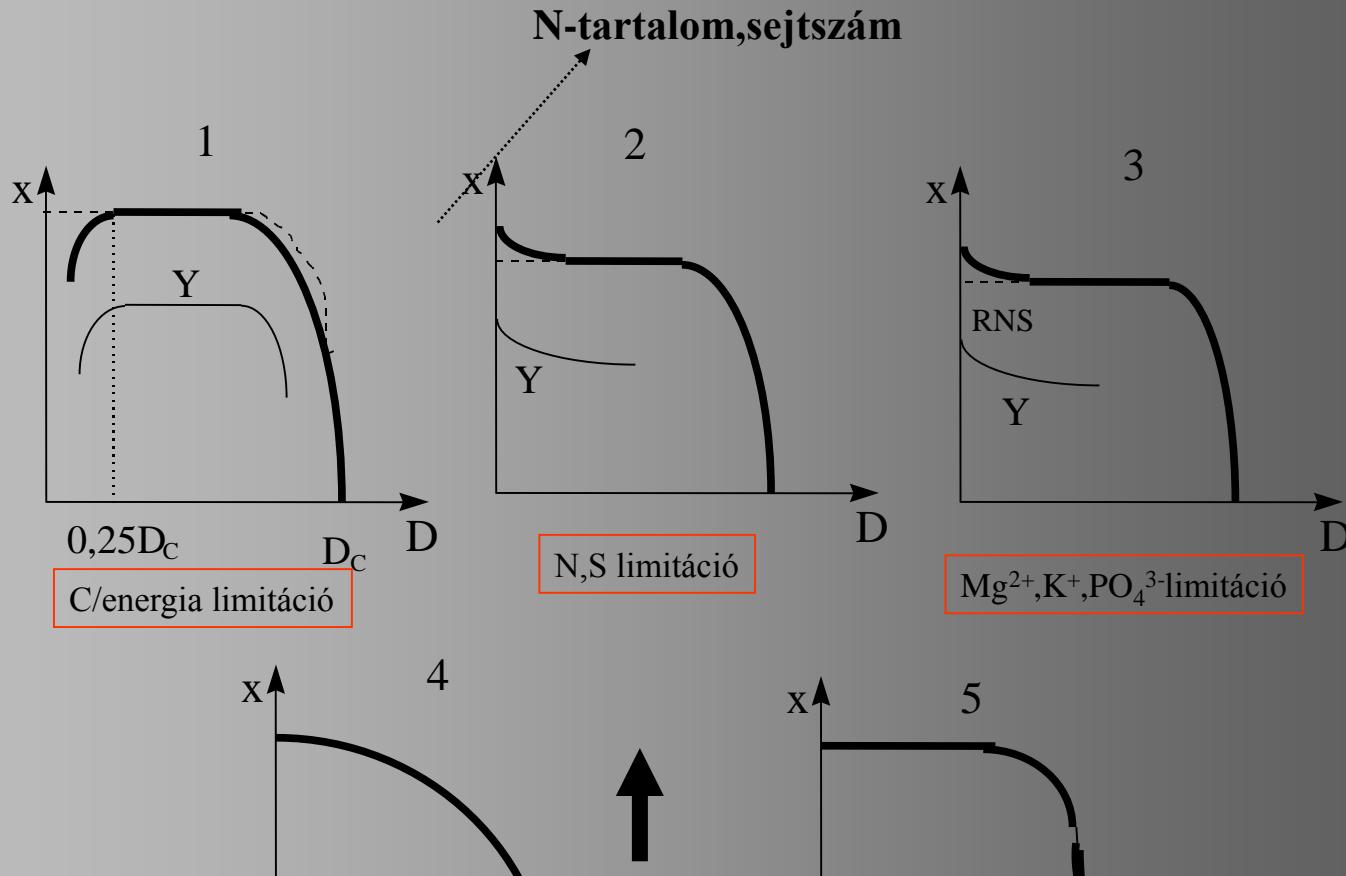


falfnövekedés



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

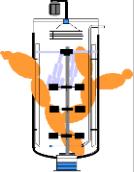
BIM SB  
2002



**N-forrás, vagy a kénforrás a limitáló tényező**

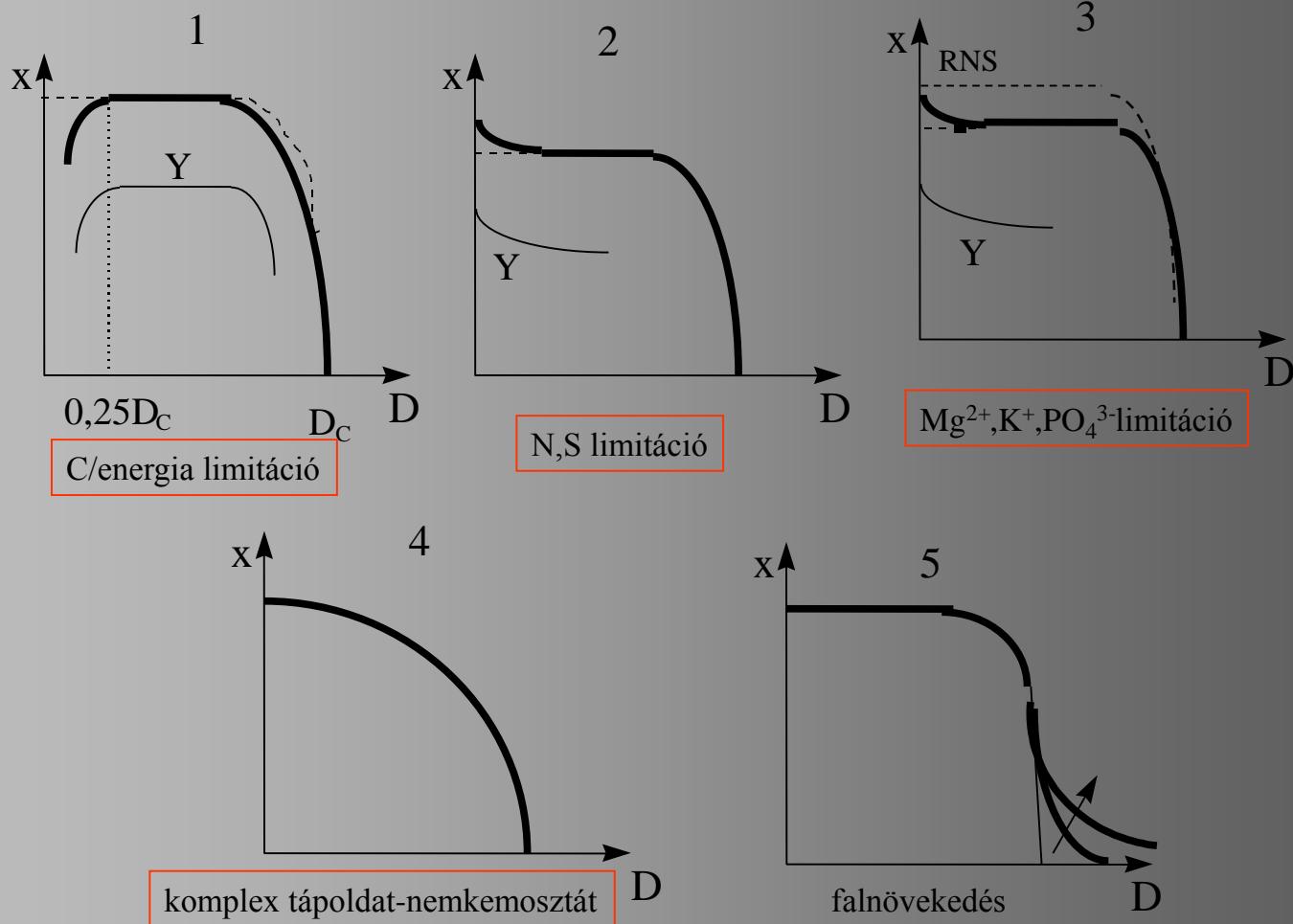
**Kisebb D-nél a C/en forrás feleslegben van:**

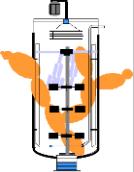
- 1 Tartaléktápanyagok szintézise  
(poliszaharidok, lipidek,  $\beta$ -OH-butirát BEÉPÍTÉSE X-be)



# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

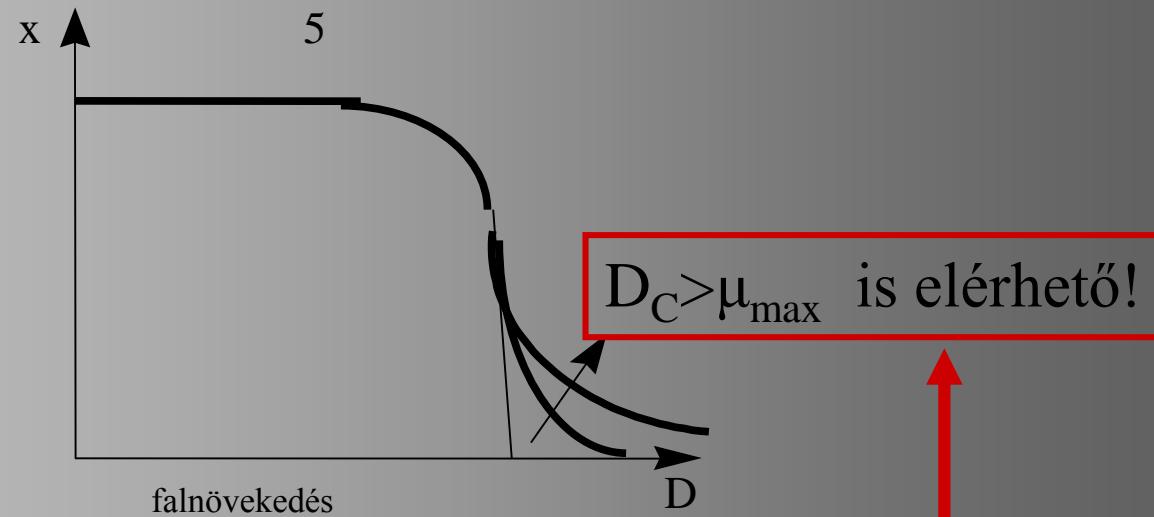
BIM SB  
2002





# FOLYTONOS FERMENTÁCIÓ

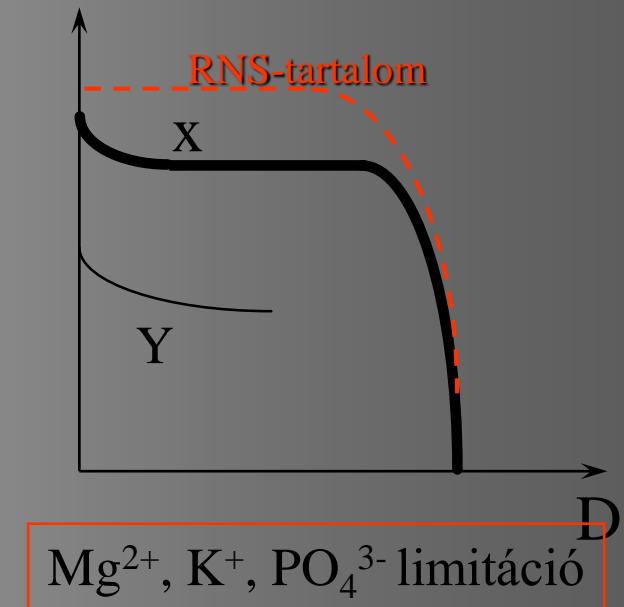
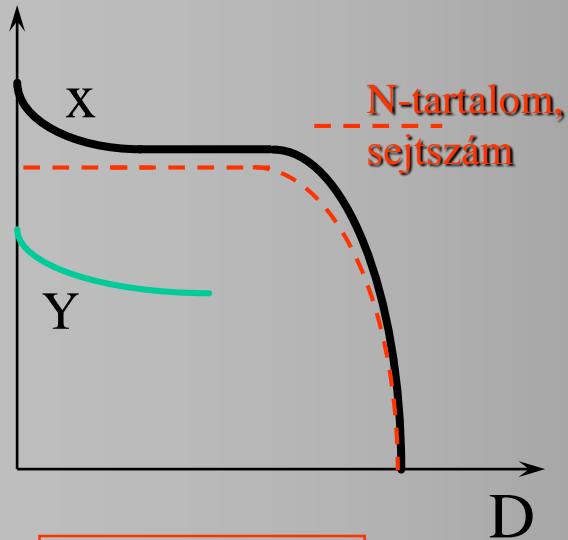
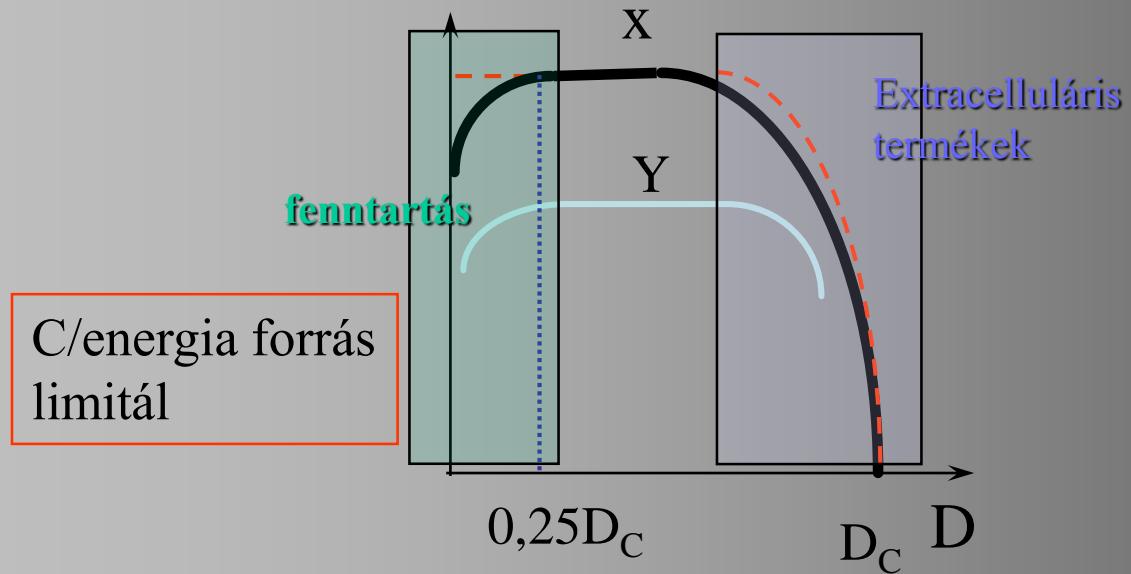
BIM SB  
2002



$$D\bar{x} = \mu\bar{x} + \mu\bar{x}_f$$

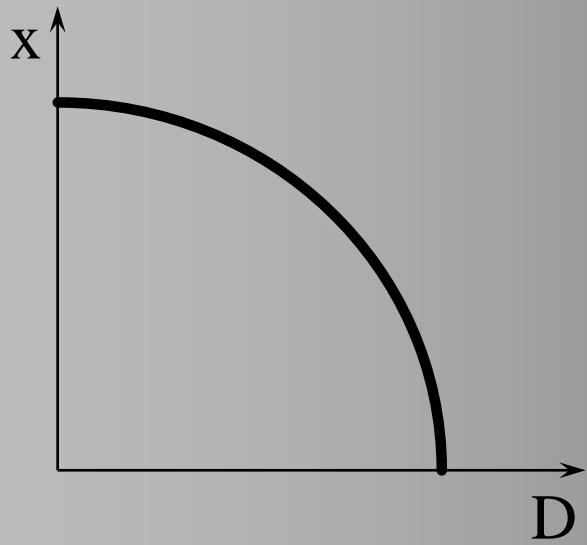
$$D(S_0 - \bar{S}) = (\mu\bar{x} + \mu\bar{x}_f) / Y_{x/S}$$

$$D = \mu \left( 1 + \frac{\bar{x}_f}{\bar{x}} \right)$$

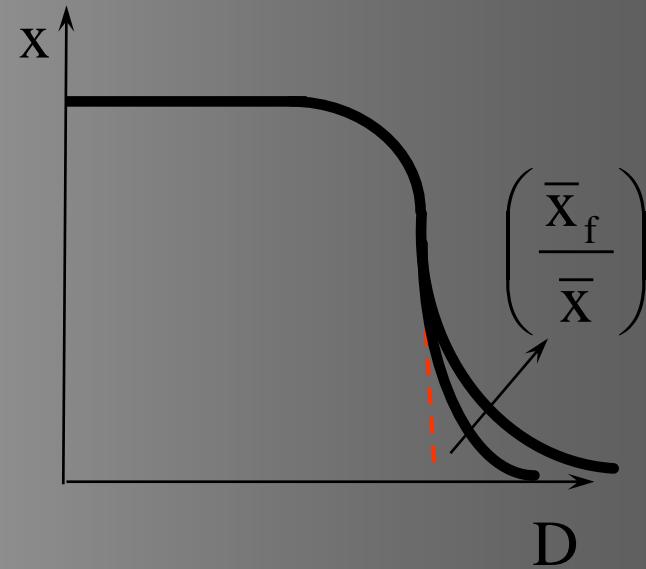


N,S limitáció

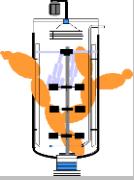
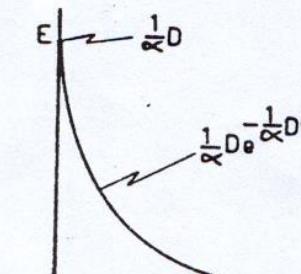
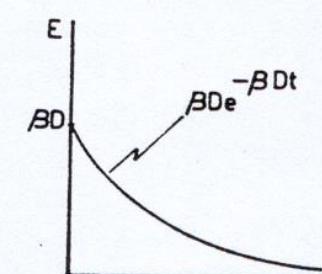
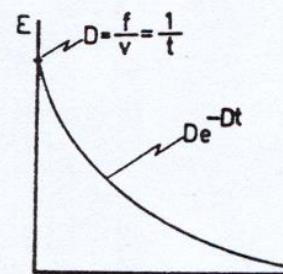
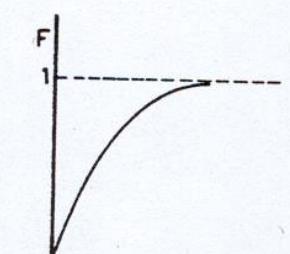
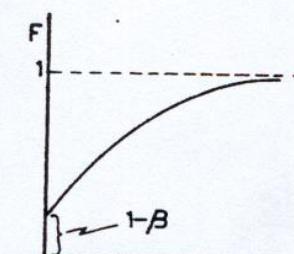
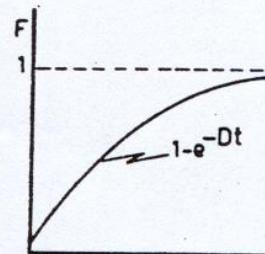
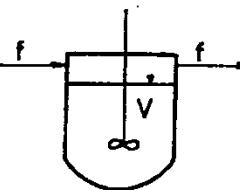
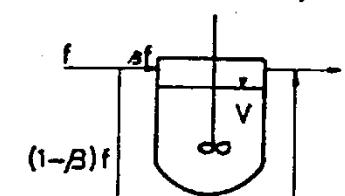
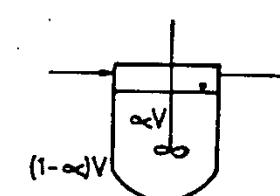
$Mg^{2+}$ ,  $K^+$ ,  $PO_4^{3-}$  limitáció



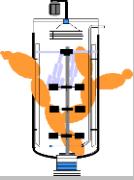
komplex tápoldat, nem-kemosztát



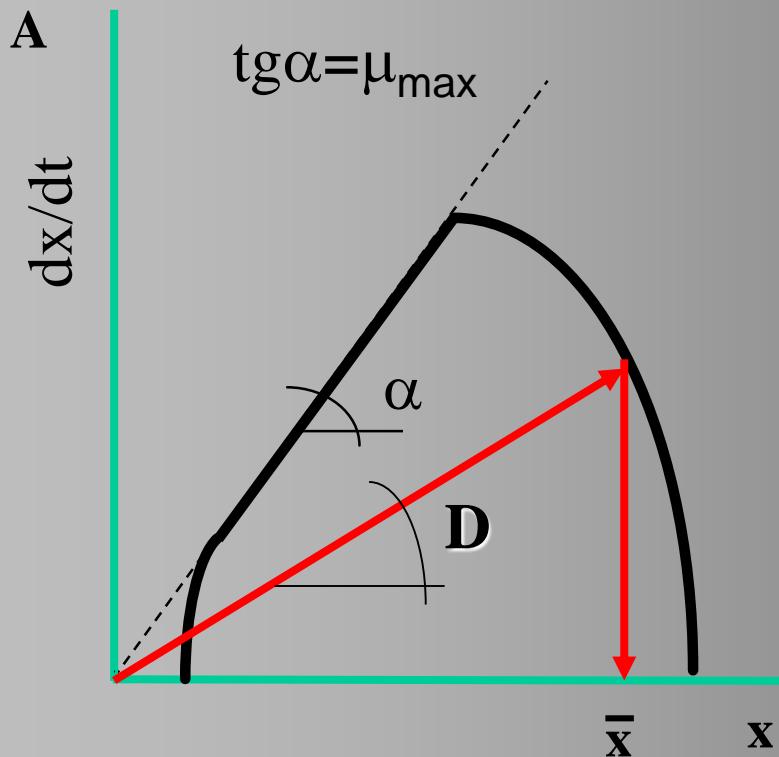
falnövekedés

**Tökéletes keveredés****Nem tökéletes keveredés**a)  
ideális CSTRb)  
CSTR bemenő bypass-szalc)  
CSTR (nem kevert) holt zónával

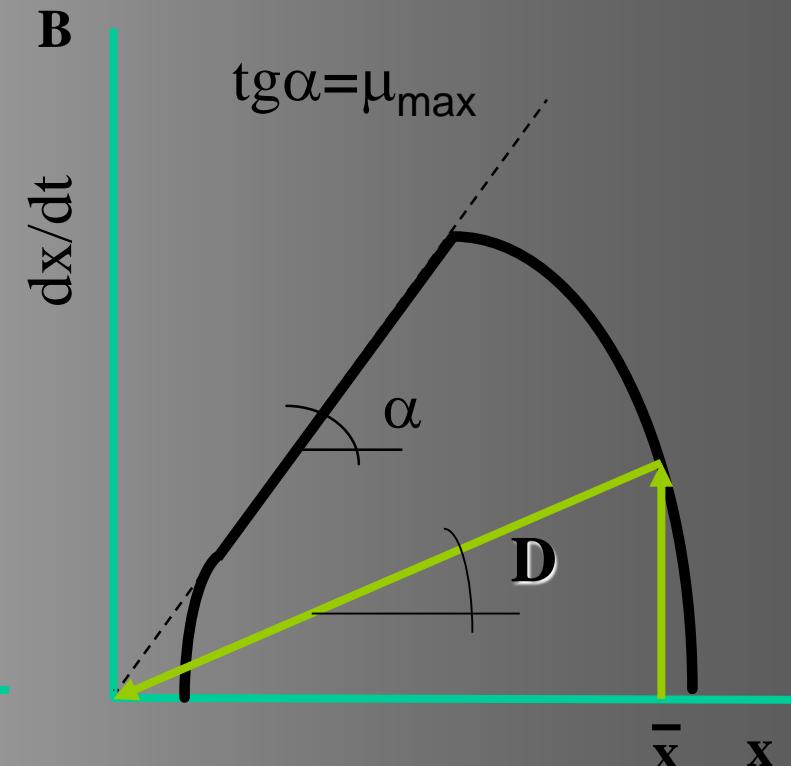
$1 - \beta$  hányad "nem jut a reaktorba"  
 $\alpha$  reaktor  $1 - \alpha$  hányada nem kevert

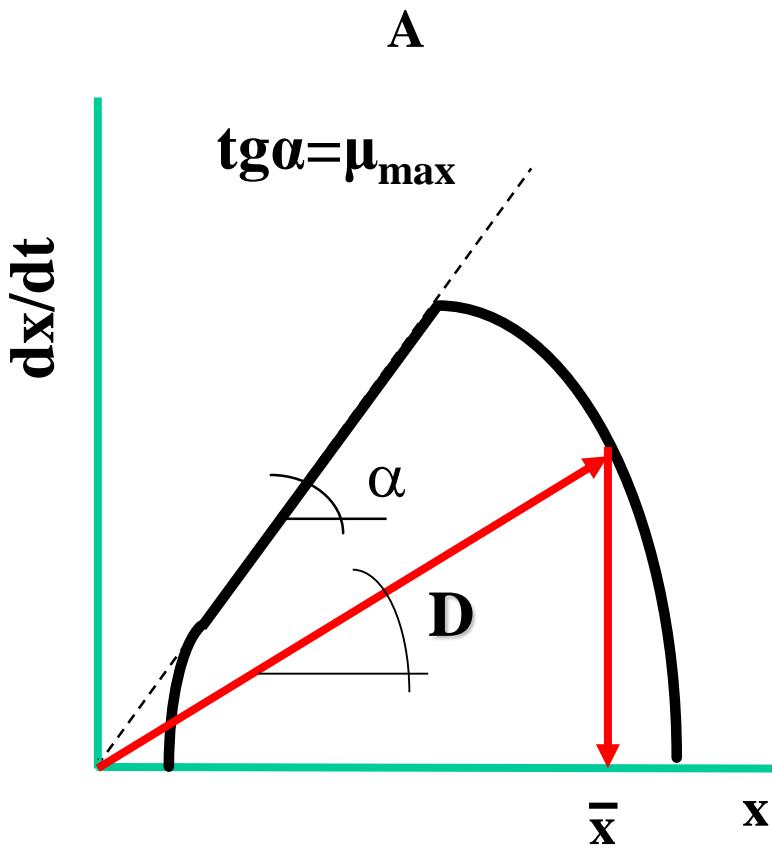


## Kemosztát tervezése

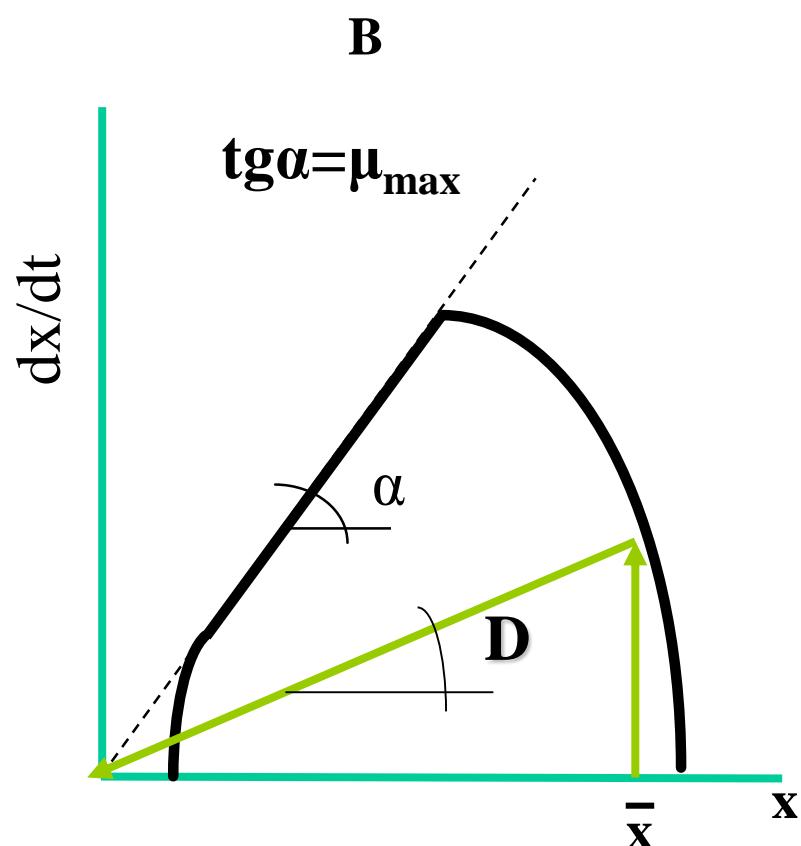
1. Szakaszos kinetika ismeretében:  $\mu_{\max}$ , Y,  $K_S$ , D2. Szakaszos növekedési görbe (és deriváltja) ismeretében  
V.

Választunk D-t, mi az elmenő?

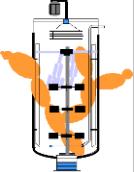
Választunk elmenőt, milyen  
Legyen a D?



Választunk D-t, mi az elmenő?



Választunk elmenőt, milyen  
Legyen a D?



## Problémák

Térfogatkontrol

levegőztetés, HABZÁS

**MIRE JÓ A KEMOSZTÁT?**

Előnyök: nagyobb produktivitás

korl. kieg. növ, st-st: azonos tenyészet  
mérés és szabályozás

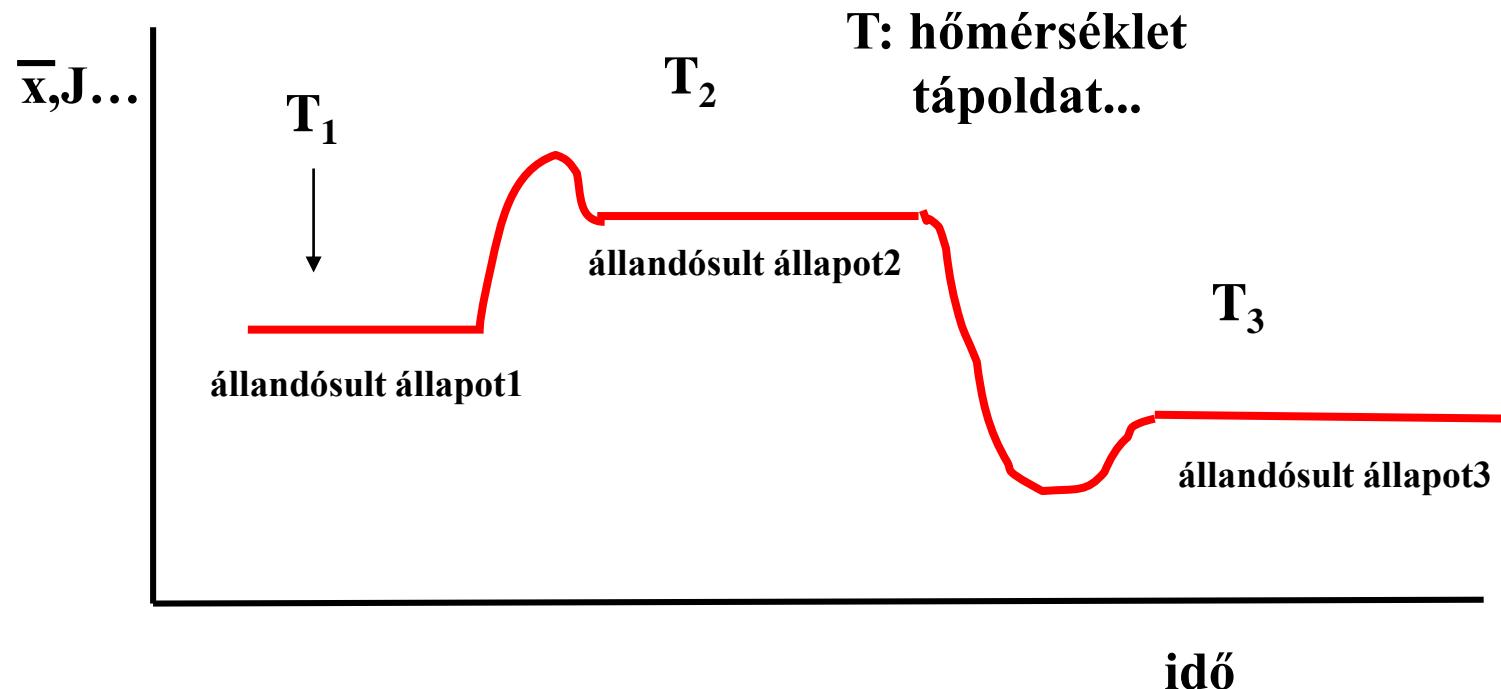
SCP, pékélesztő, takarmányélesztő, (sejttömeg), primer a.cseretermékek:  
alkohol, sör

**Kutatás:** kinetika, optimálás, tranziensek

**De:** szekunder nem, bár penicillin...laborszinten

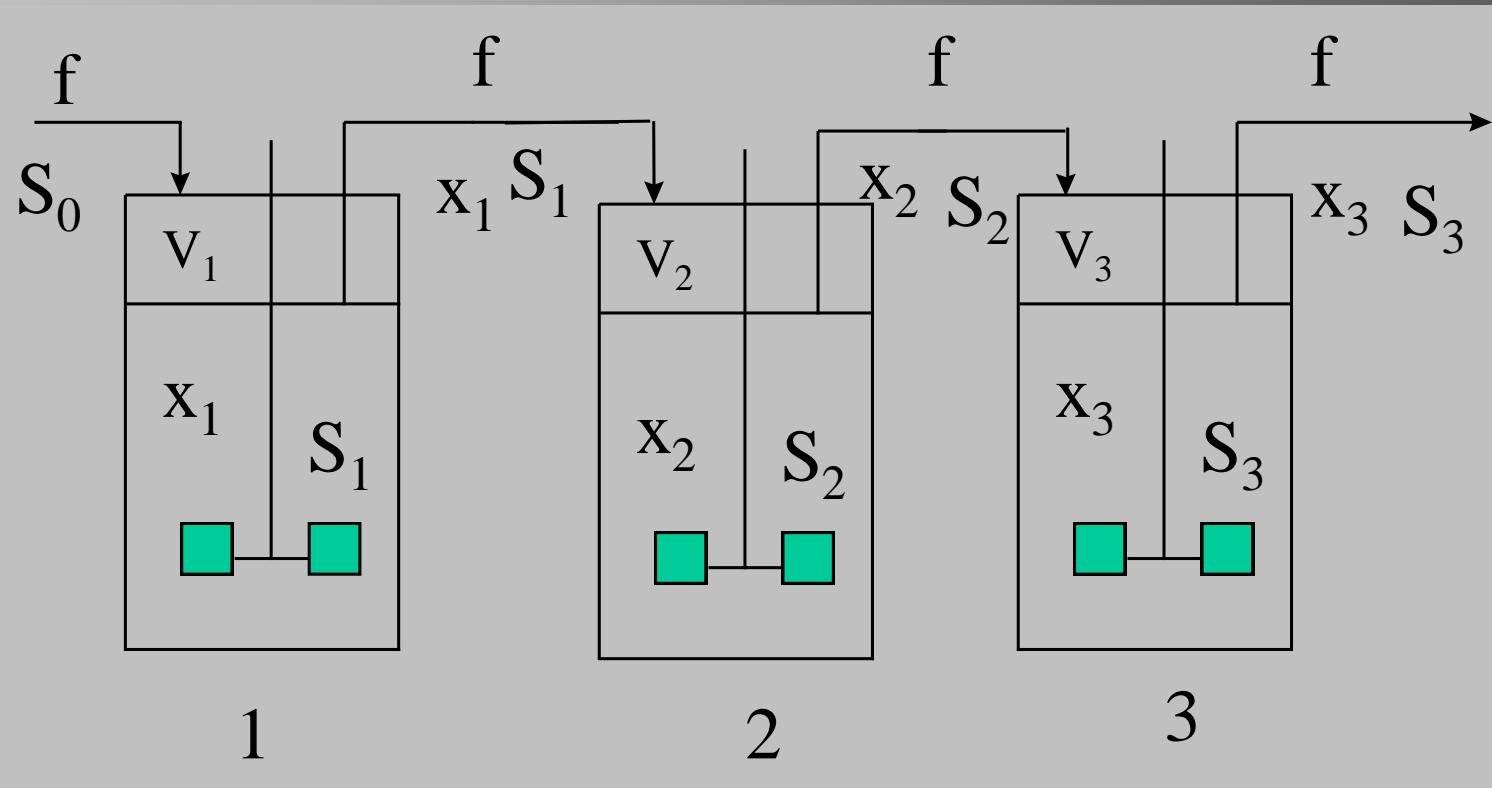
# OPTIMÁLÁS

BIM SB  
2002

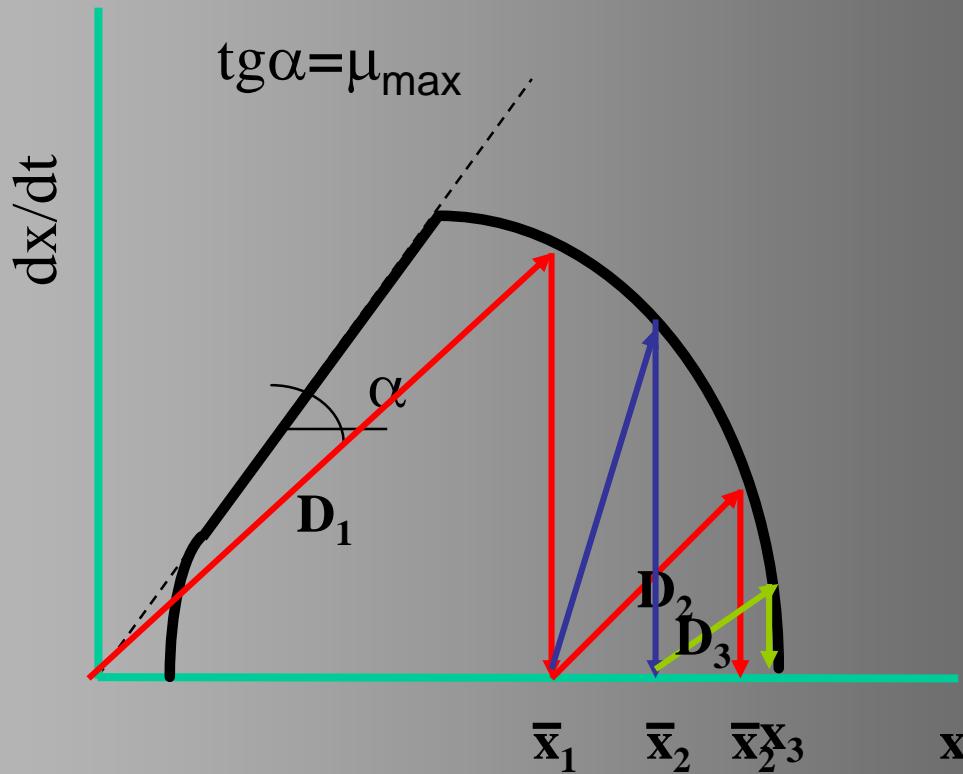


# Bonyolultabb kemosztatók

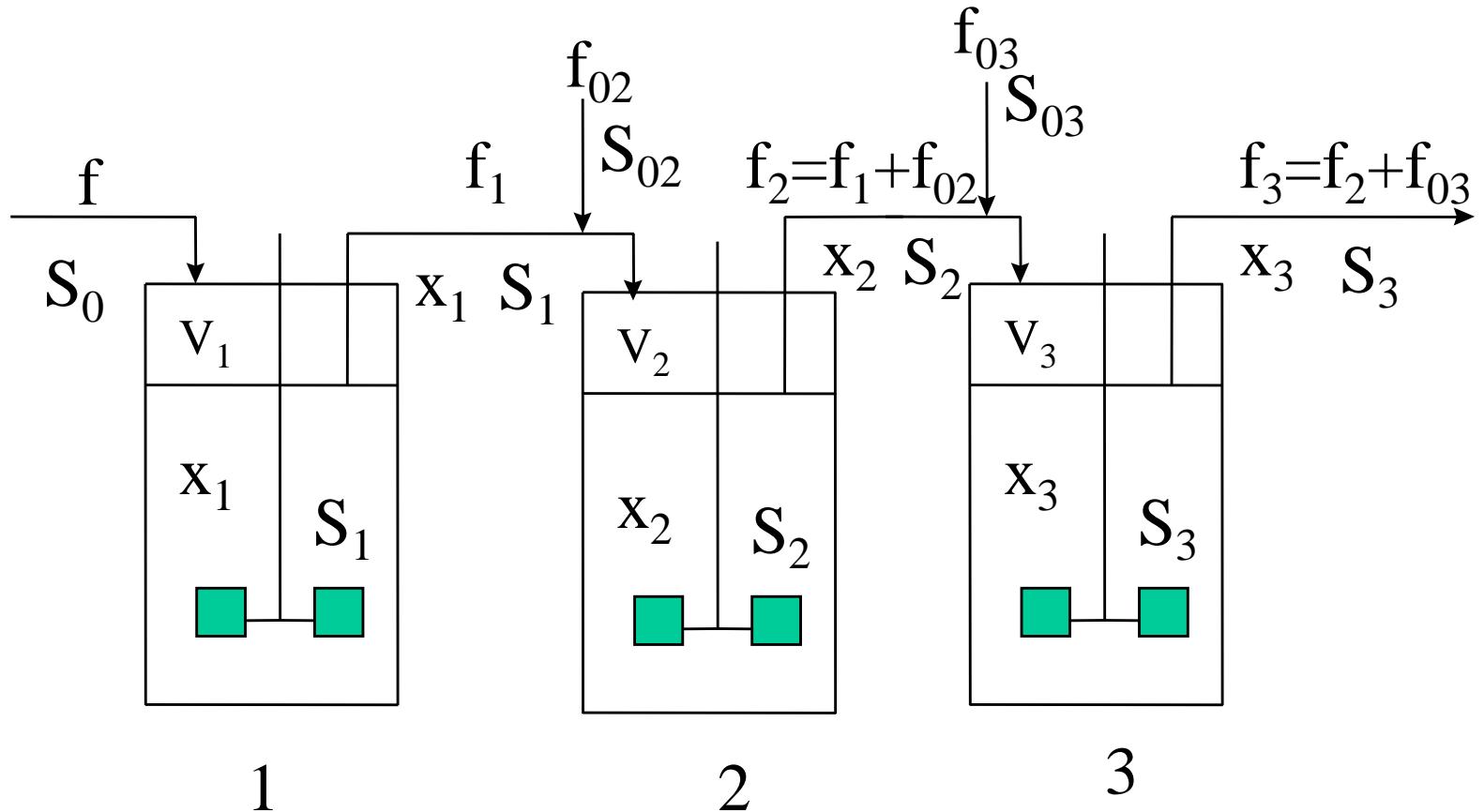
egyáramú többlépcsős

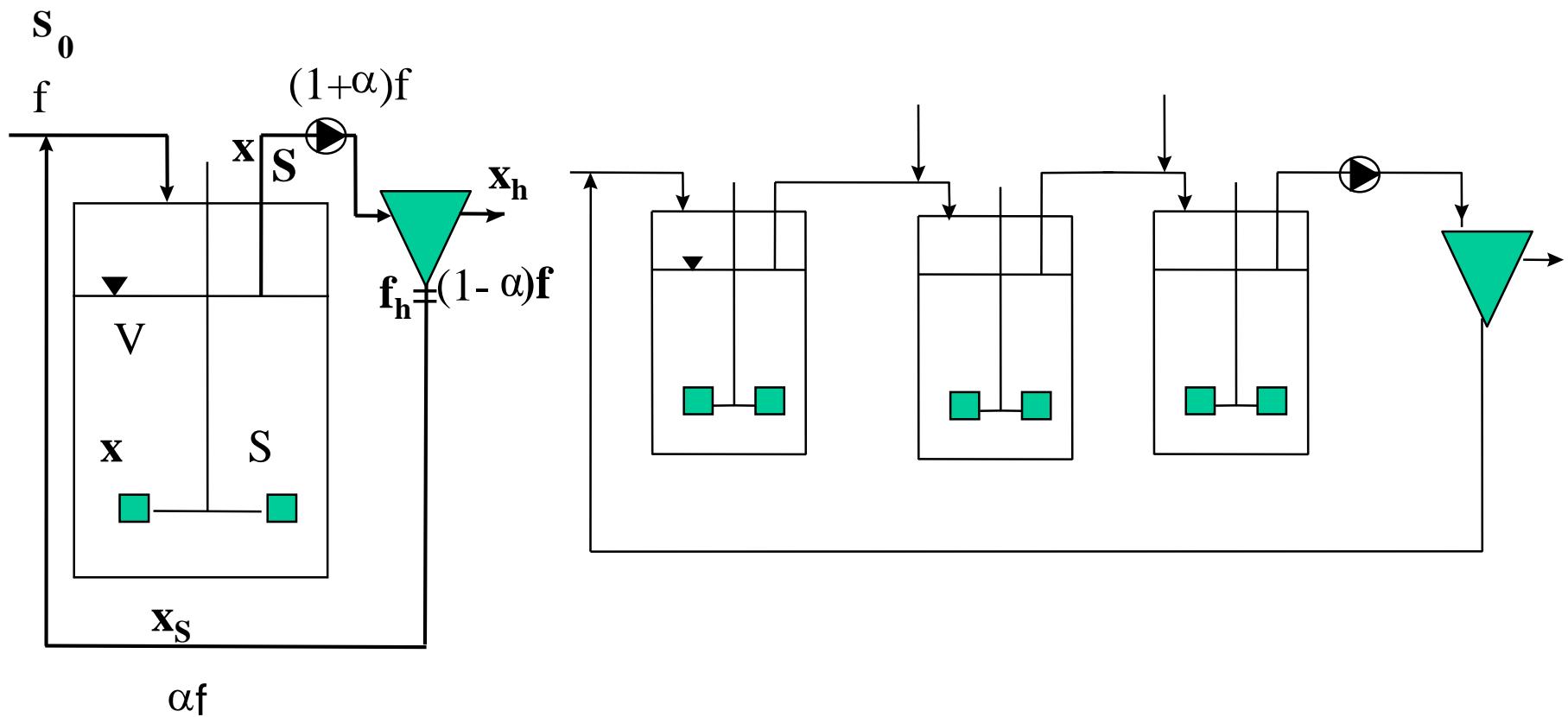


## Tervezés:



## többáramú többlépcsős





## Speciális kemosztát: integrált rendszer membrán modullal (pl. dialízis tenyésztés)

