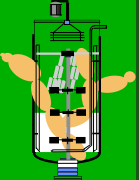


## **Fermentációs összefoglaló**



## MIKROORGANIZMUSOK TÁPANYAG IGÉNYE

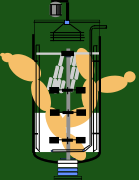
TERMELŐKÉPESSÉG ← KÖRNYEZET ← GENOM

## Néhány mikroba összetétel

összetétel a sejt szárazanyag százalékában

Mikroorganizmus

	C	H	O	N	S
<i>Saccharomyces cerevisiae</i>	45	6,8	30,6	9,0	
<i>Methylomonas methanolica</i>	45,9	7,2		14,0	2,6
<i>Penicillium chrysogenum</i>	43	6,9	35,0	8,0	



C-forrás + N-forrás + O<sub>2</sub> + ásványi sók +  
+speciális tápanyagok (pl. vitamin) →

→ új sejttömeg (ΔX) + termék(ek) + CO<sub>2</sub> + H<sub>2</sub>O

Tápanyag igény

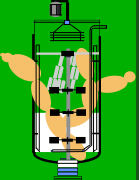
$$\frac{dx}{dS_i} = \frac{\Delta x}{\Delta S} = \frac{\frac{dx}{dt}}{\frac{dS}{dt}} = \frac{\mu_x}{\mu_s} = \frac{\mu_x}{Q_s} = Y_{x/s_i}$$

HOZAMKIFEJEZÉS ÁLTALÁNOSÍTÁSA

Tápoldatok

szintetikus  
félszintetikus  
természetes alapú





# Szerves anyag fogyasztók

BIM2

2002

KÉMIAI ENERGIAFORRÁS FÉNY

SZÉNFORRÁS

SZERVES HETEROTRÓFOK

KEMOORGANOTRÓF

Legtöbb baktérium, gomba...mi

SZERVES

...glükóz...

FOTOORGANOTRÓF

Bíbor (nem kén-)baktérium.  
Néhány eukarióta alga

SZERVES  
...glükóz...

← ELEKTRON DONOR

SZÉNDIOXID AUTOTRÓFOK

KEMOLITOTRÓF

H-, S-, Fe-  
Denitrifikáló-  
baktériumok

SZERVETLEN en.forrás

H<sub>2</sub>S, S, S<sub>2</sub>O<sub>3</sub><sup>2-</sup>, H<sub>2</sub>, Fe(II),  
NH<sub>3</sub>, NO<sub>2</sub>,

FOTOLITOTRÓF

Zöld növények, eukarióta algák  
(fényben)  
Blue/green algák  
Cianobaktériumok  
Fotoszint.baktériumok

SZERVETLEN

H<sub>2</sub>O, H<sub>2</sub>S, S...

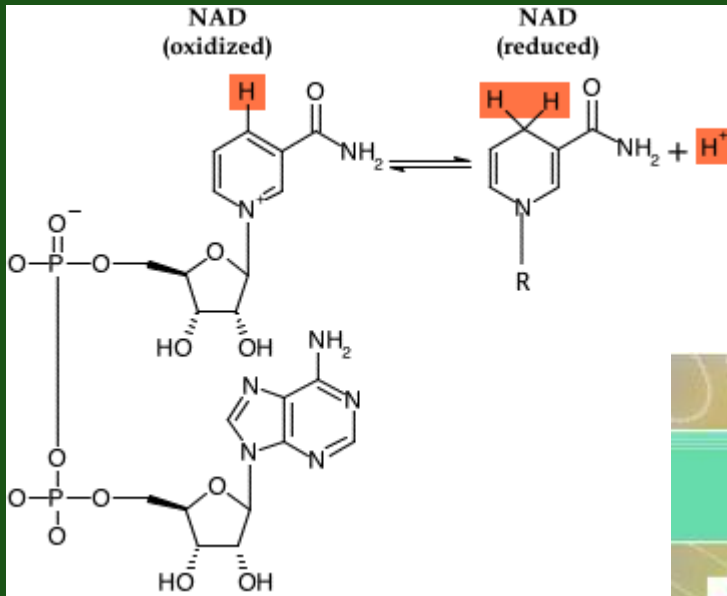
← ELEKTRON DONOR

(És mi az elektron akceptor??)

Nettó szerves anyag termelők

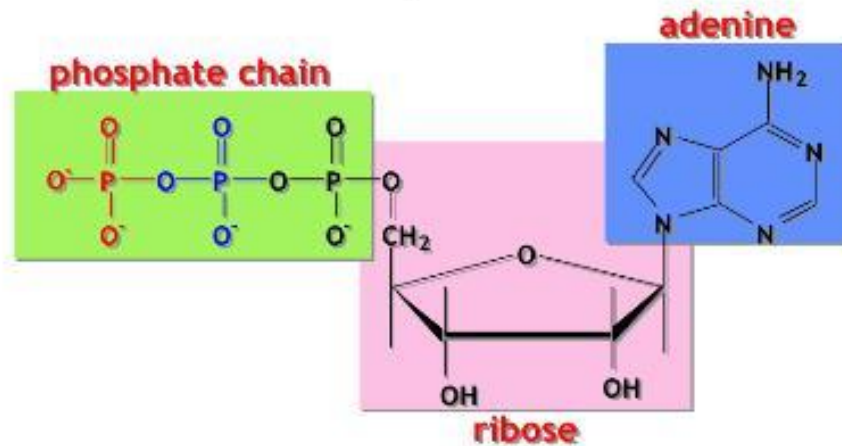


# NAD

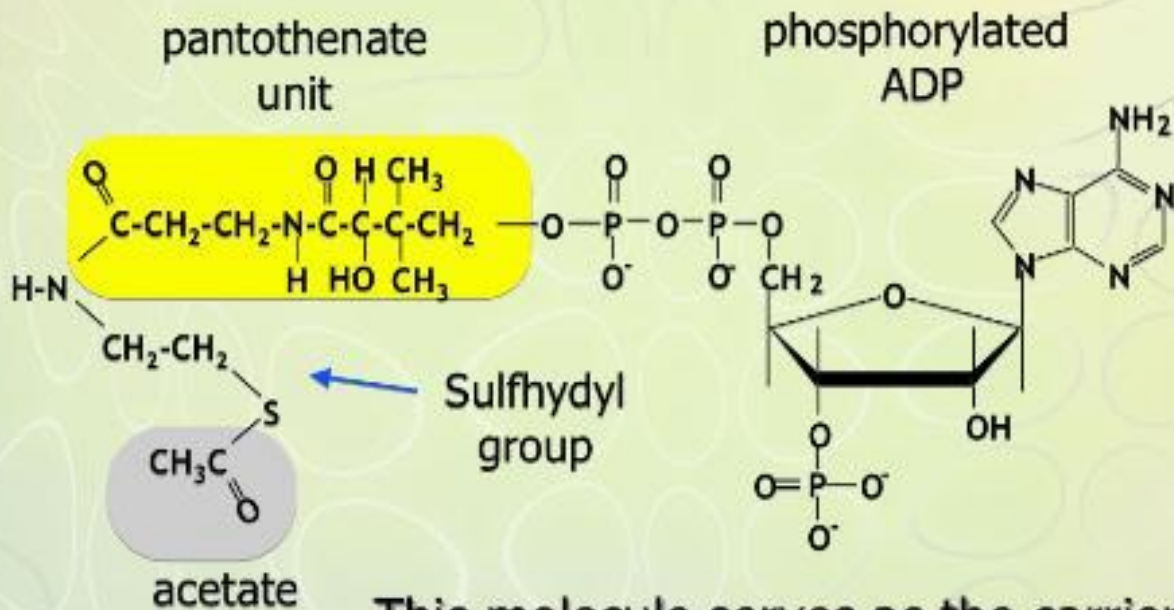


# ATP

**ATP** adenosine triphosphate  
a nucleotide composed of three basic units.



# Acetyl - coenzyme A



This molecule serves as the carrier for the small molecules from digestion.

# CUKOR KATABOLIZMUS

## Glikolízis (Embden, Meyerhof Parnas )

- legtöbb baktérium
- Állati és növényi **sejtek**

glükóz (6 C-atom)



G-6-P

F-6-P



F-1,6-diP

Glicerinaldehyd-P (3C-atom)

1,3-diP-glicerát



3-P-glicerát

2-P-glicerát

PEP



Pyr

Ac-CoA



Oxálacetát

citrát

Malát

Cis-akonitát

Fumarát



i-citrát

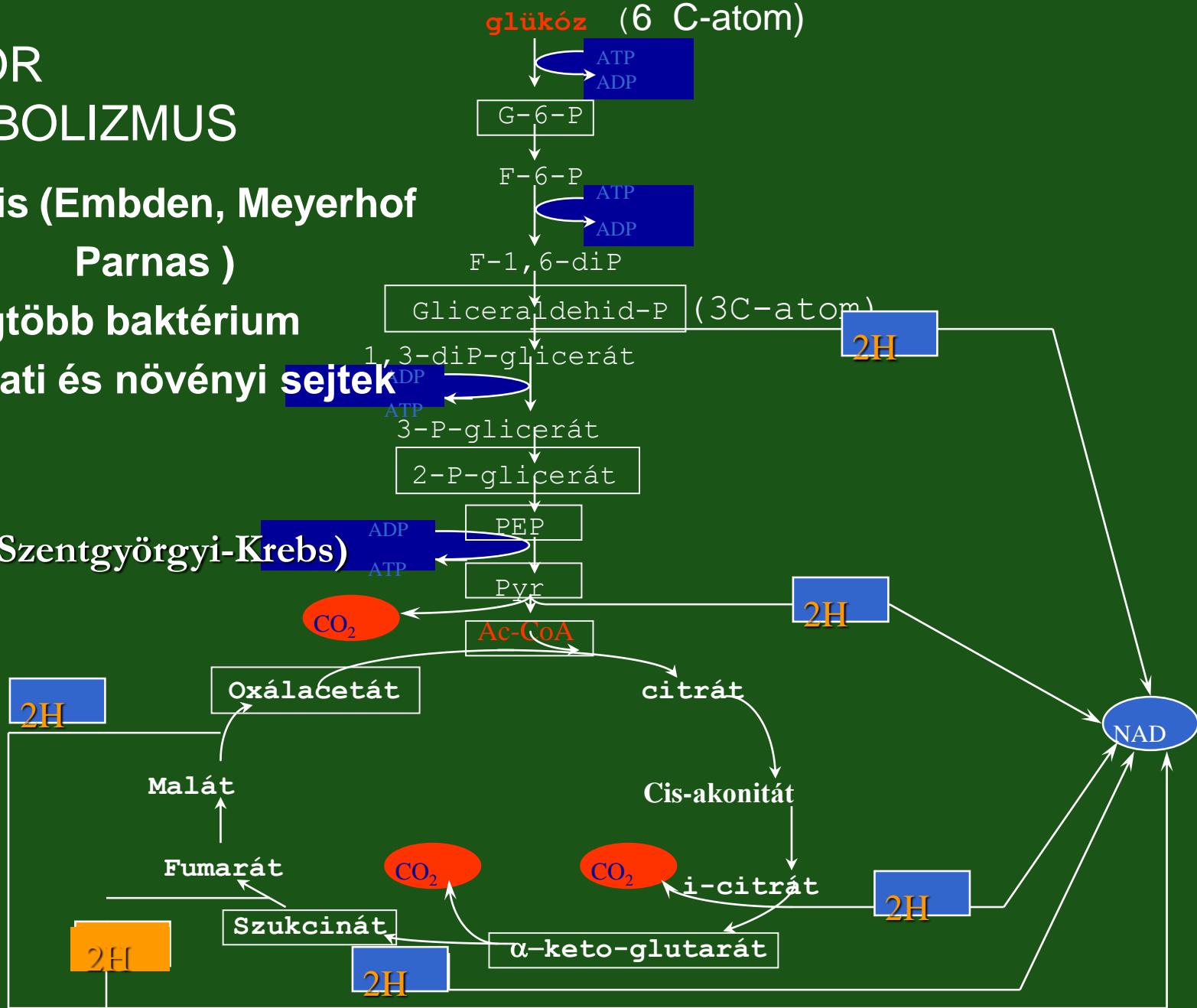
Szukcinát

α-keto-glutarát

koenzimQ

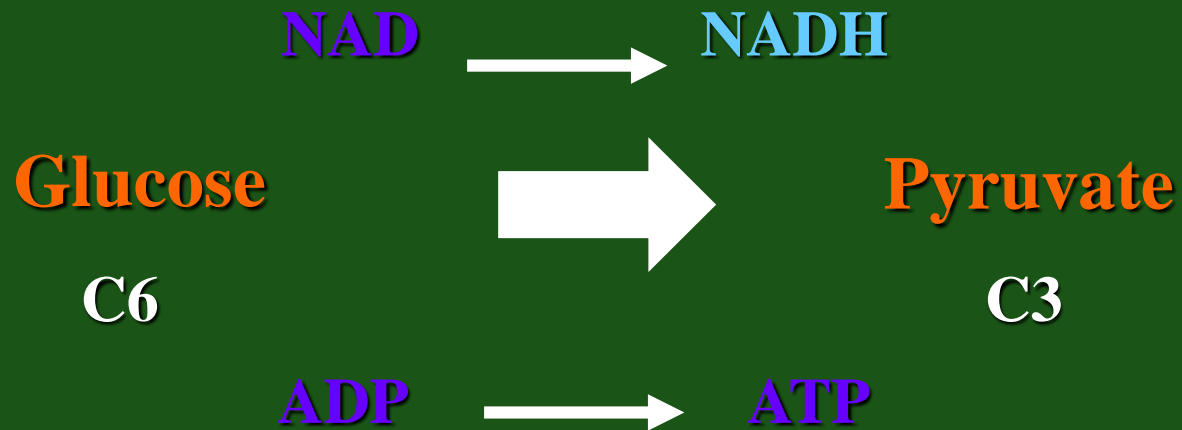


## Citrátkör(Szentgyörgyi-Krebs)





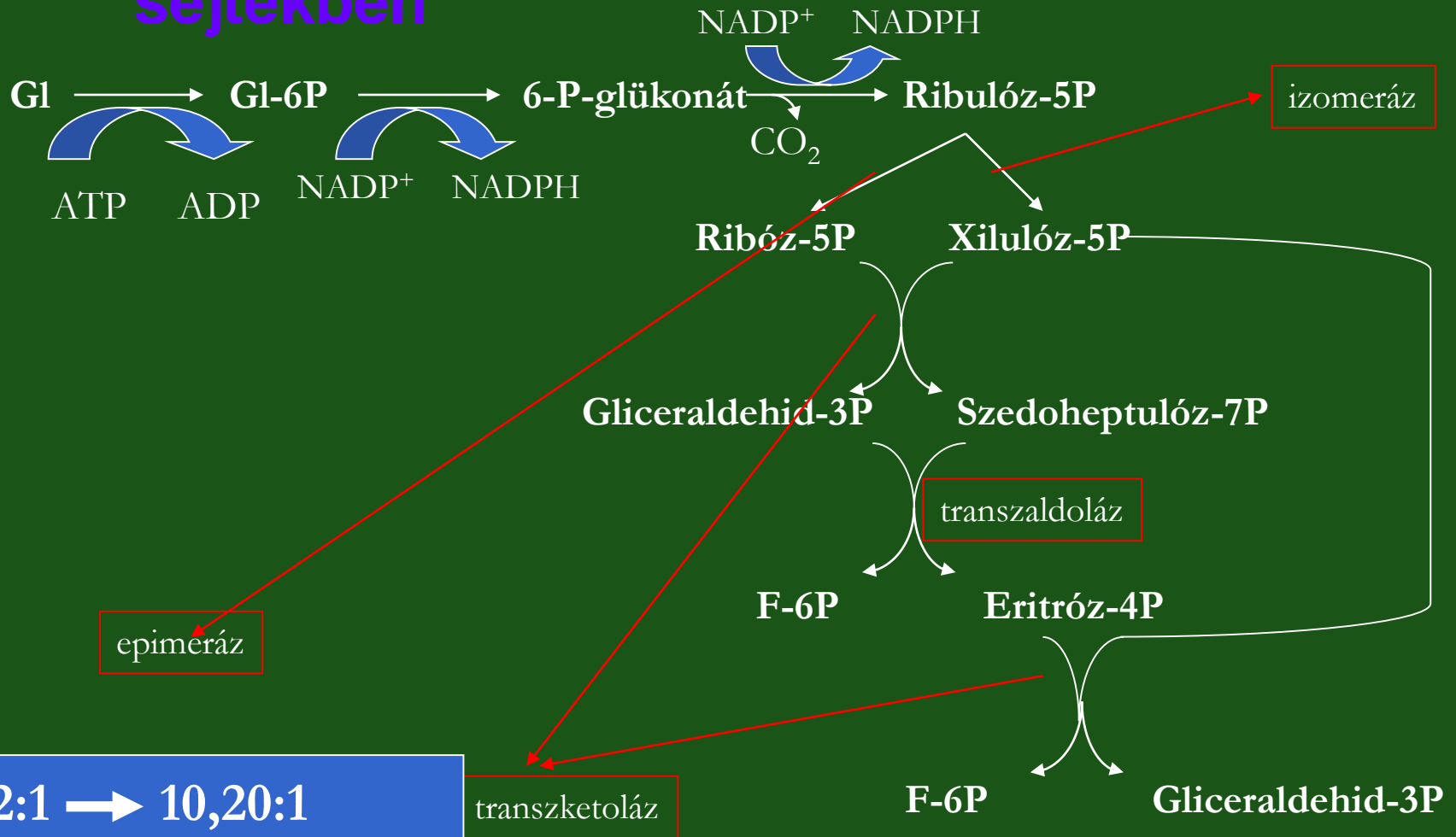
# Glikolízis



# Egyéb cukor katabolizmus utak

## Pentóz foszfát út (hexose monophosphate sönt)

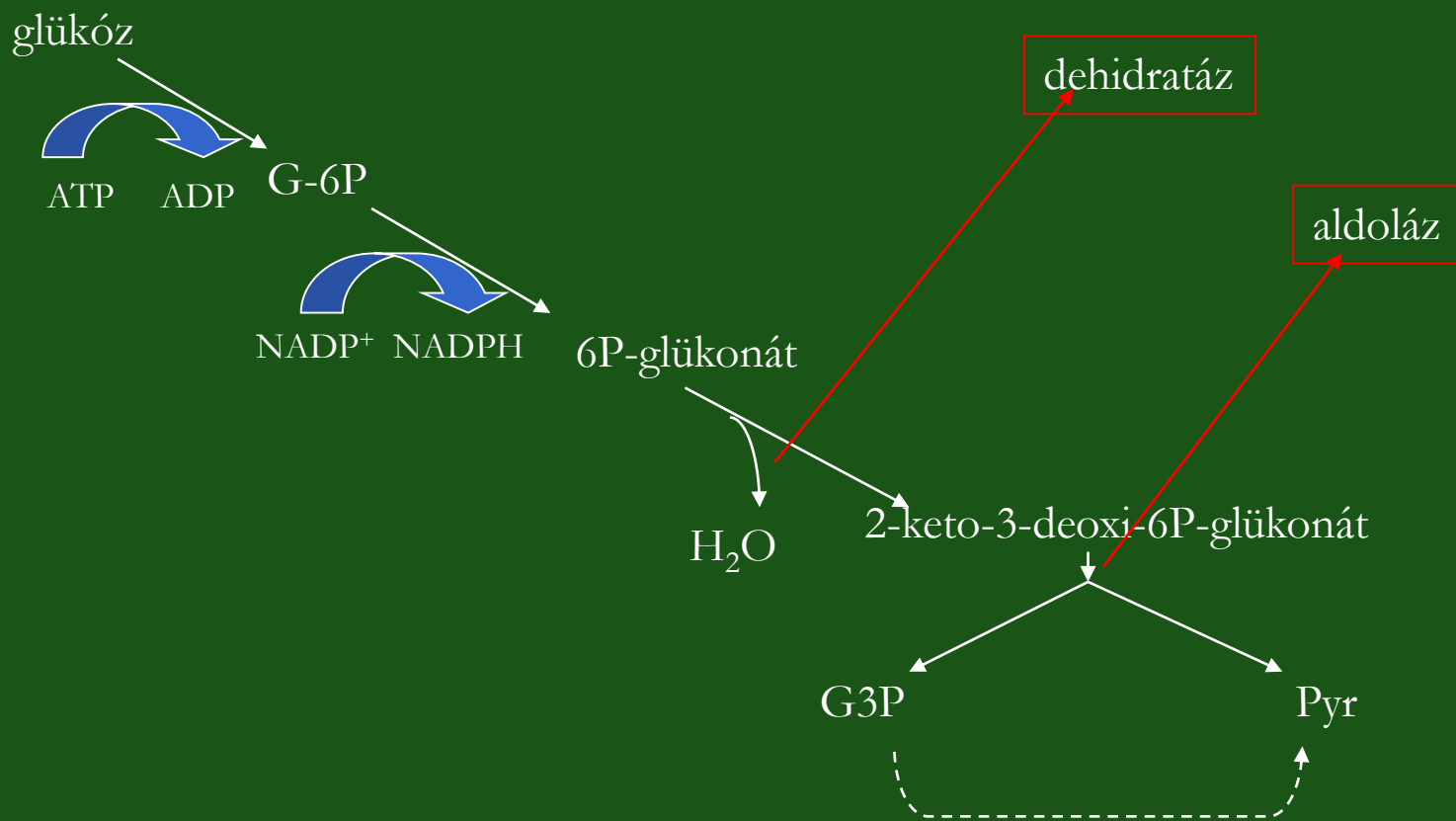
### NADPH termelés, általános növ. és állati sejtekben



**2:1 → 10,20:1**  
Gyors → lassú növekedés

# Entner Doudoroff út

Néhány baktériumban -EMP helyett

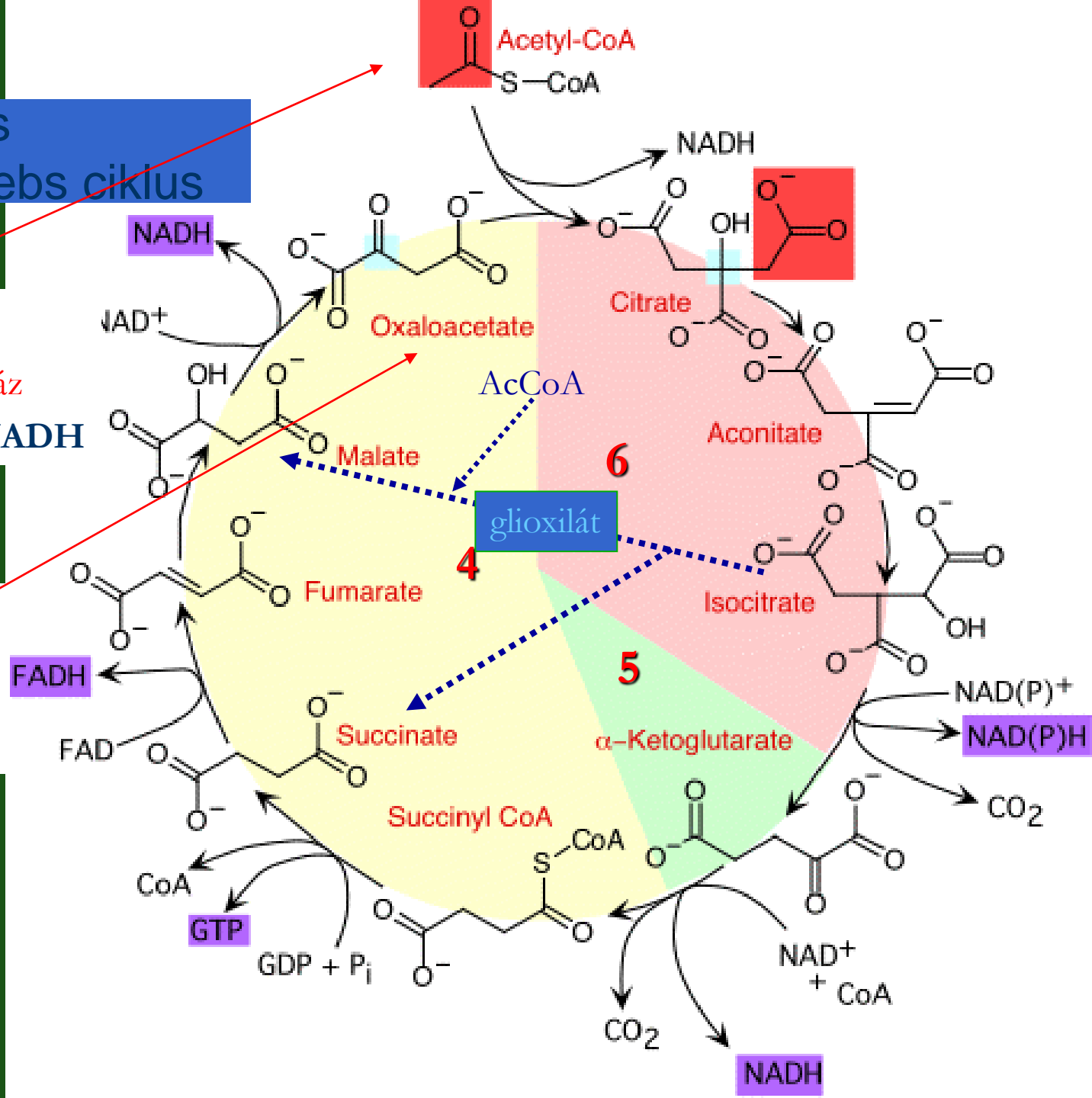


# Citromsav ciklus Szentgyörgyi-Krebs ciklus

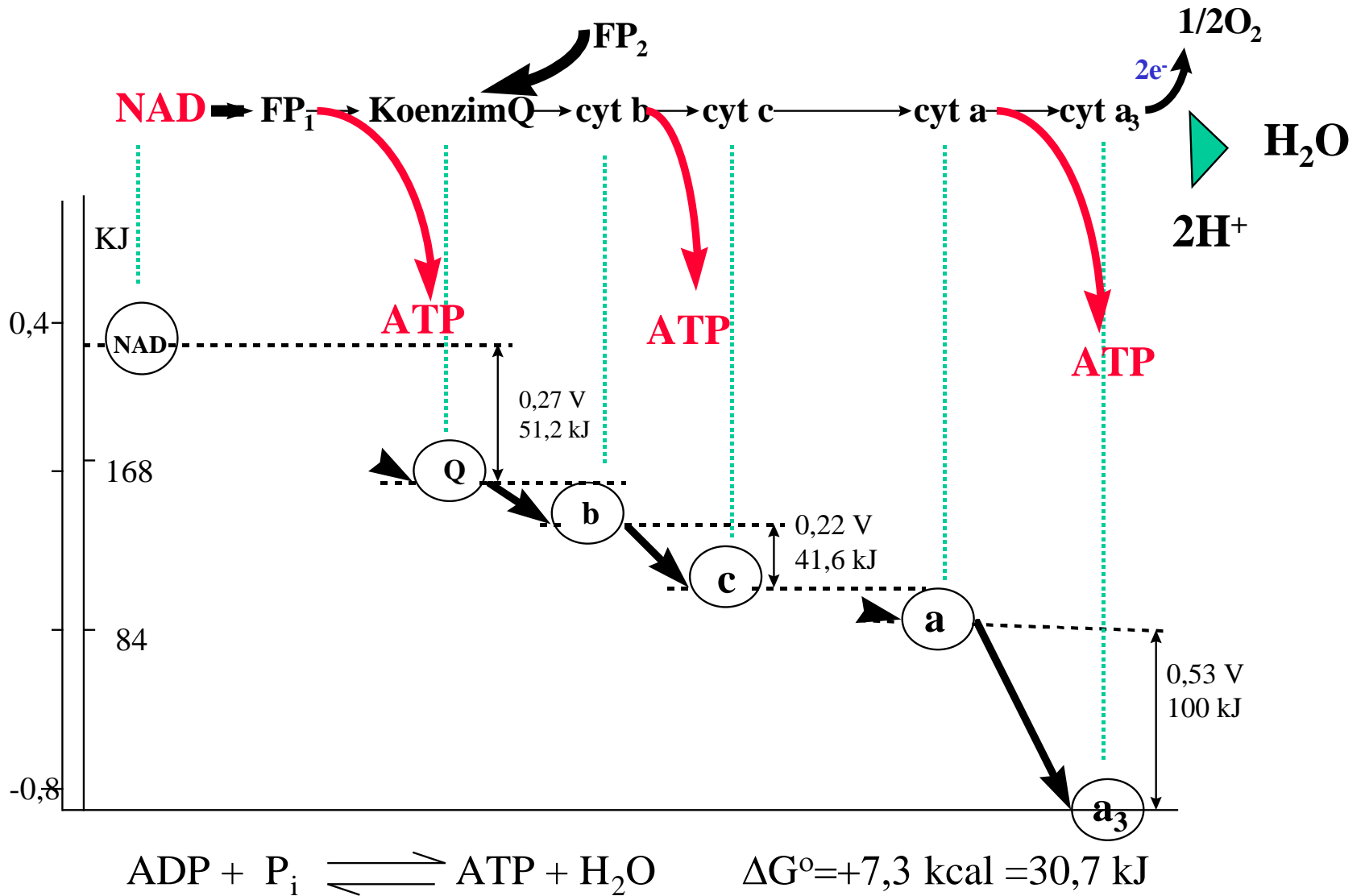
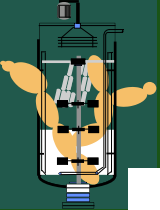
$\text{Pyr} + \text{CoA} + \text{NAD}^+$   
 Piruvát-↓dehidrogenáz  
 $\text{Acetil-CoA} + \text{CO}_2 + \text{NADH}$

$\text{Pyr} + \text{CO}_2 + \text{ATP}$   
 Piruvát-↓karboxiláz  
 $\text{Oxaloacetát} + \text{ADP} + \text{P}_i$

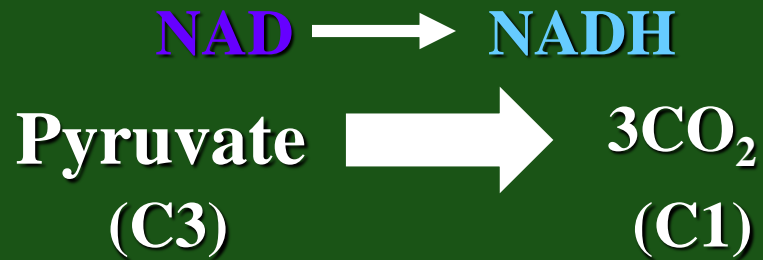
anaplerotikus



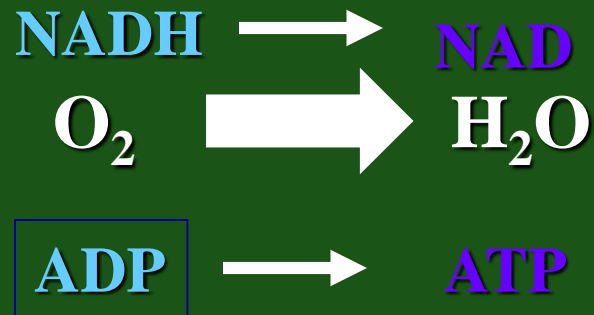
# Az oxigén szerepe , légzés

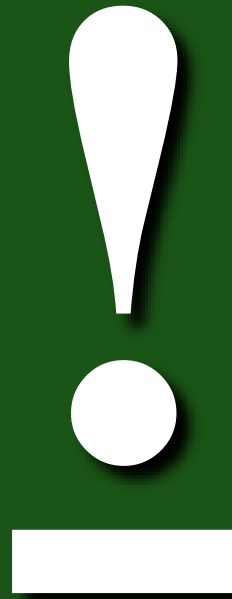


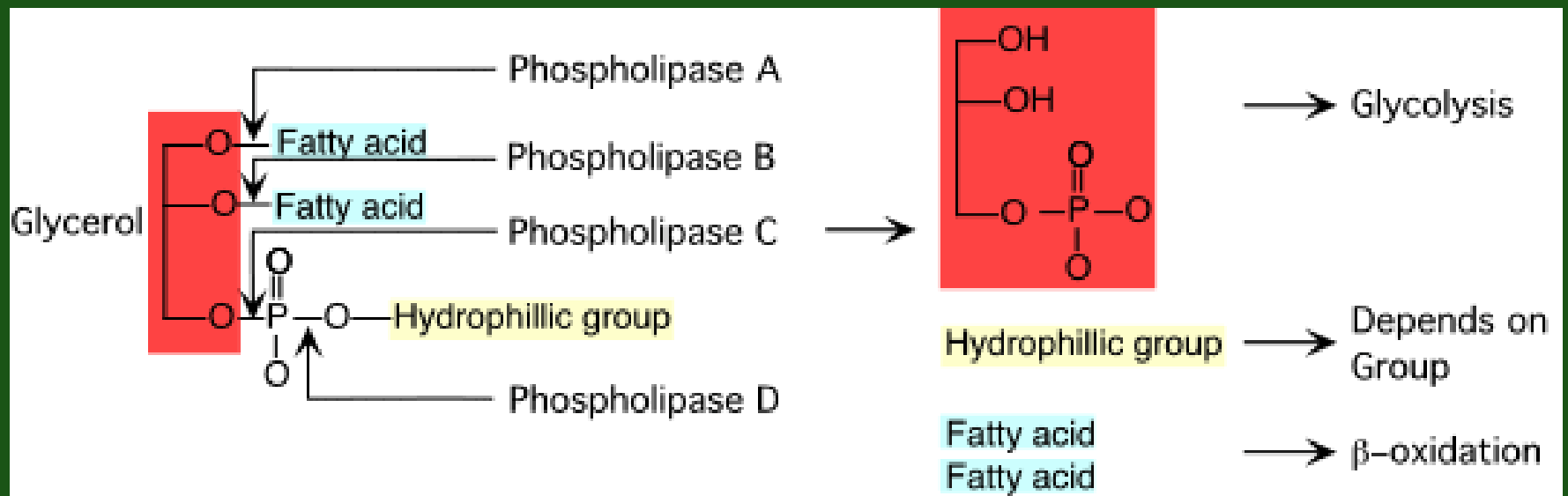
# Krebs Cycle (C4-C6 intermediate compounds)



# Oxidative phosphorylation

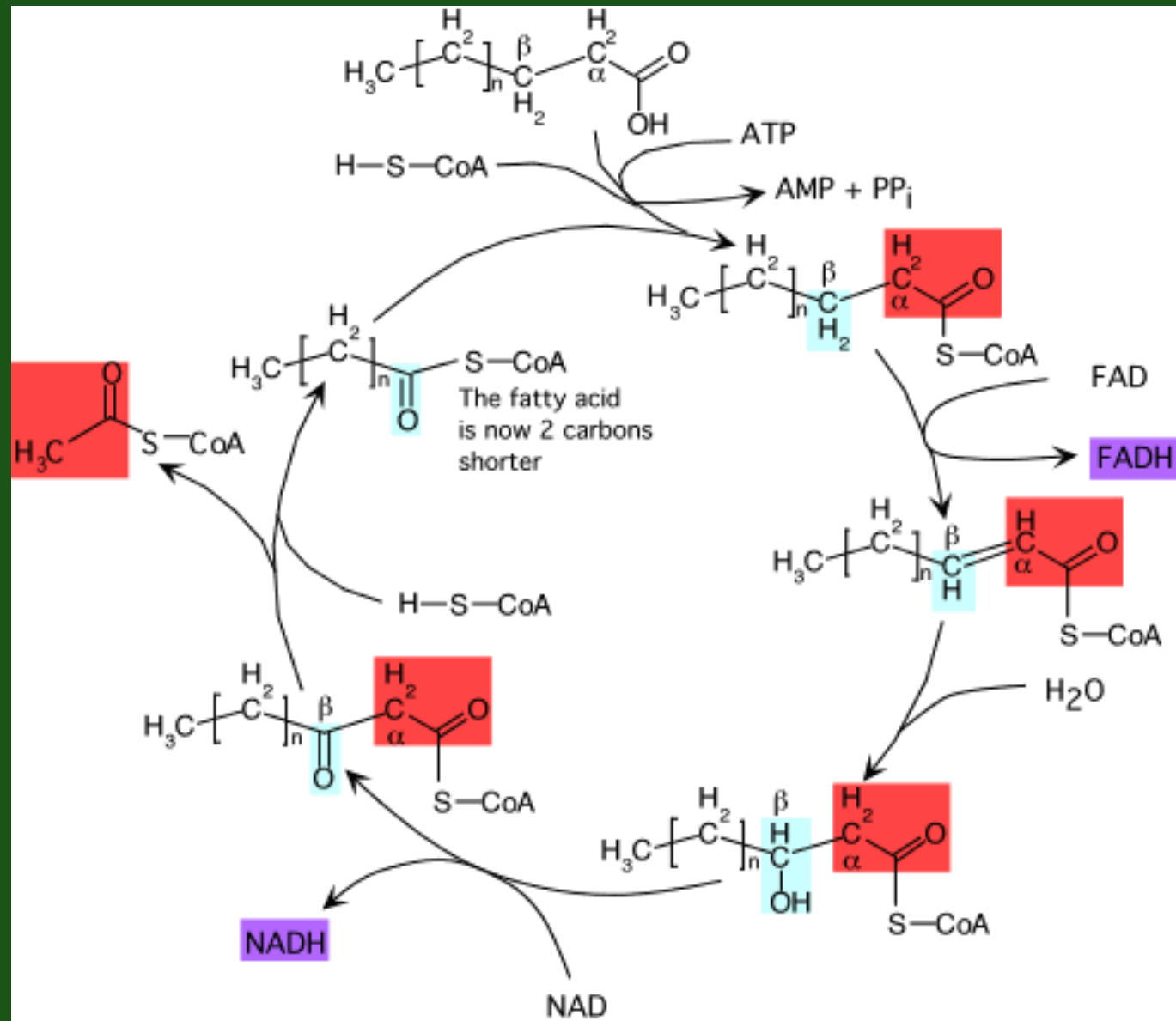




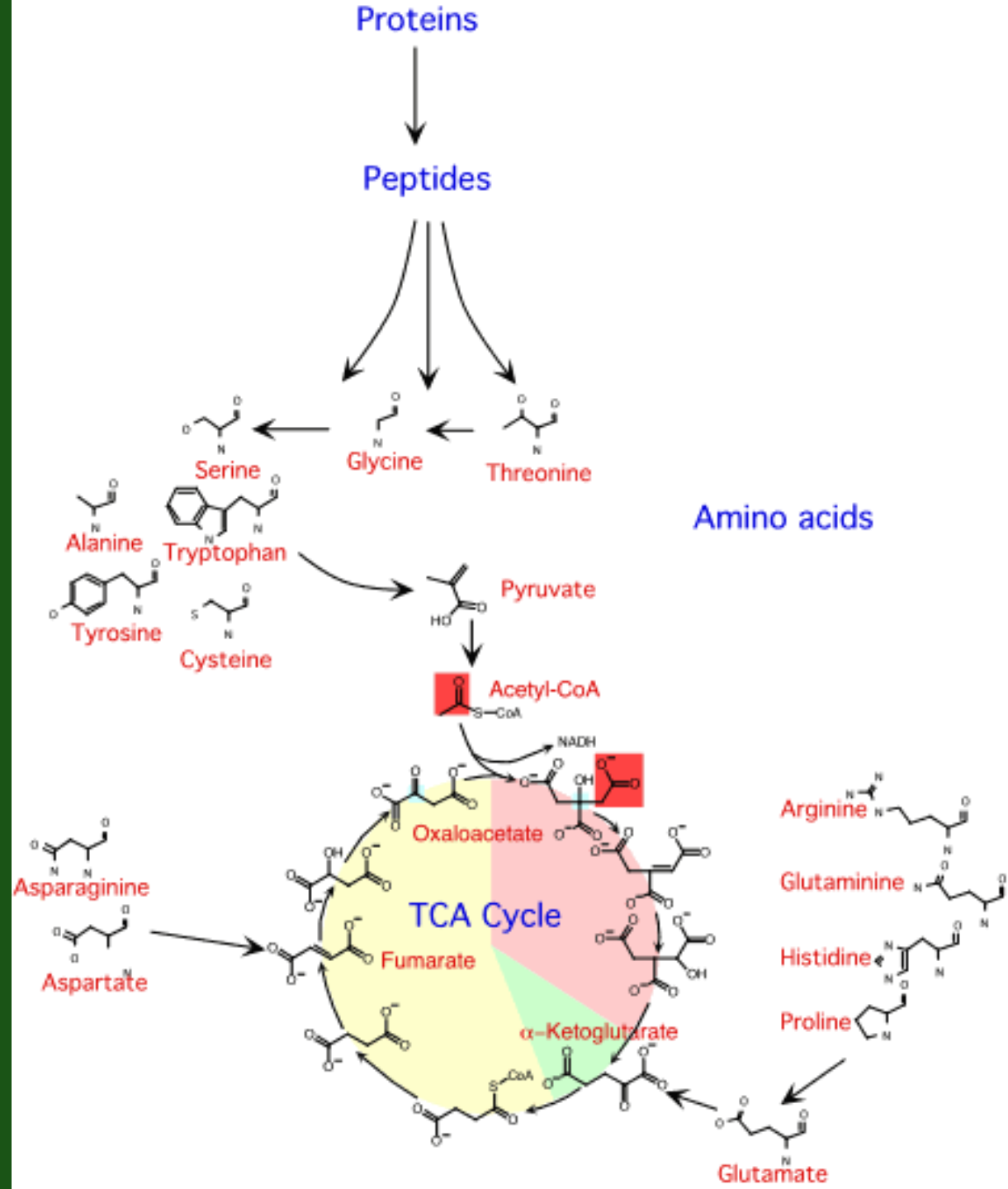




Zsírsvav lebontása  
-oxidáció



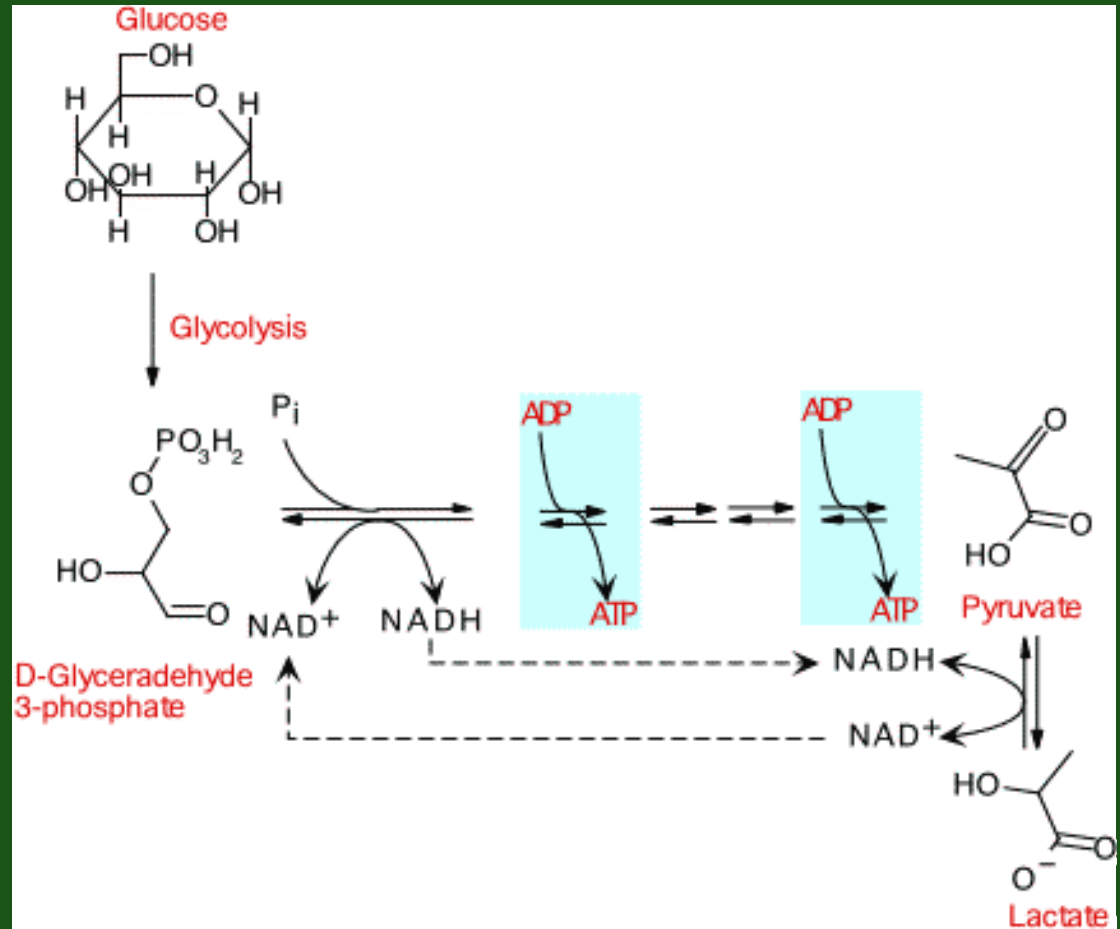
# Aminosavak mint C/energiaforrások



# ANAEROB ANYAGCSERE

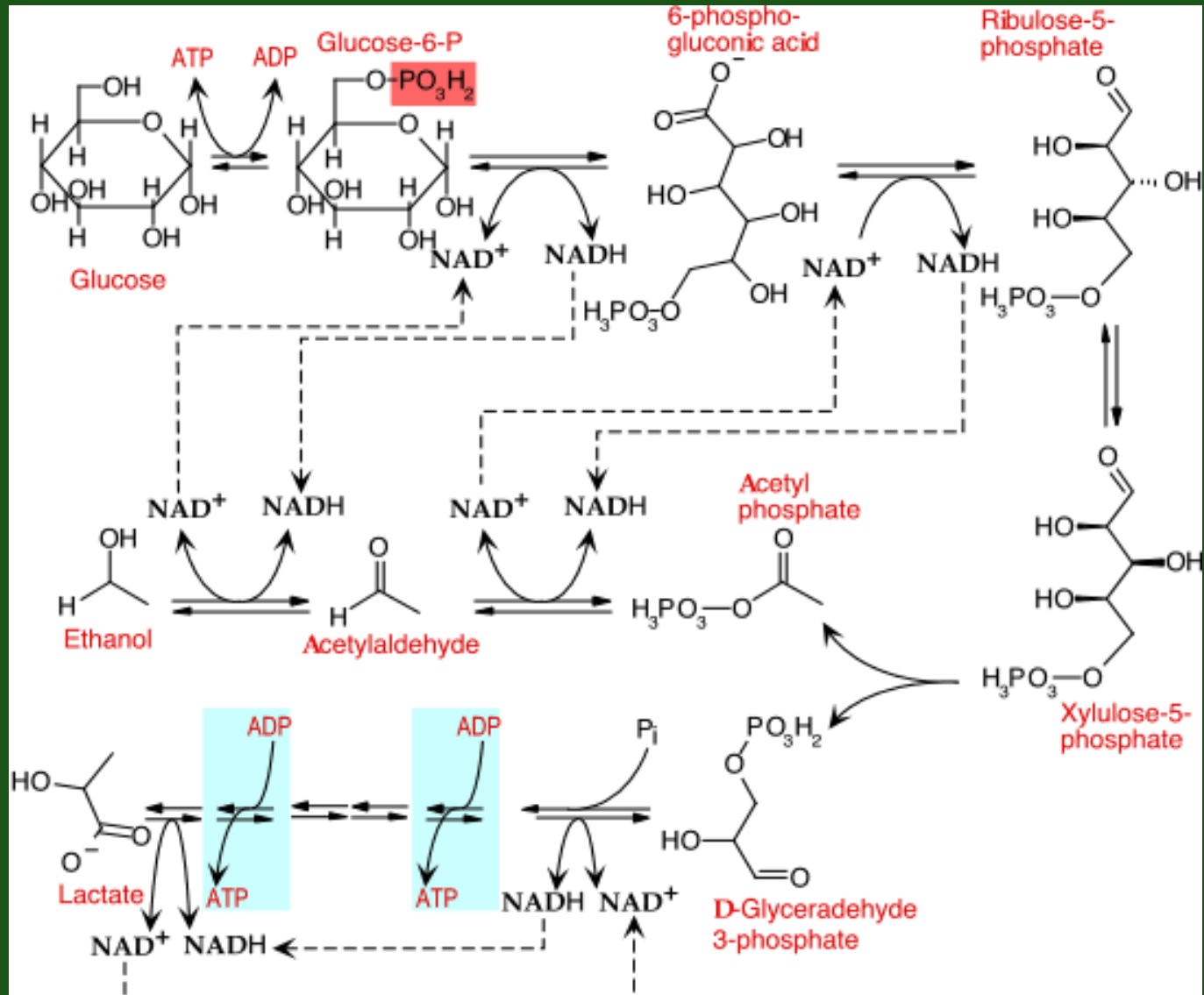
## SZUBSZTRÁT SZINTŰ FOSZFORILEZÉS (GIKOLÍZIS, TCA)

NEMCSAK MIKROBÁKBAN: TEJSAV (homolaktikus fermentáció)

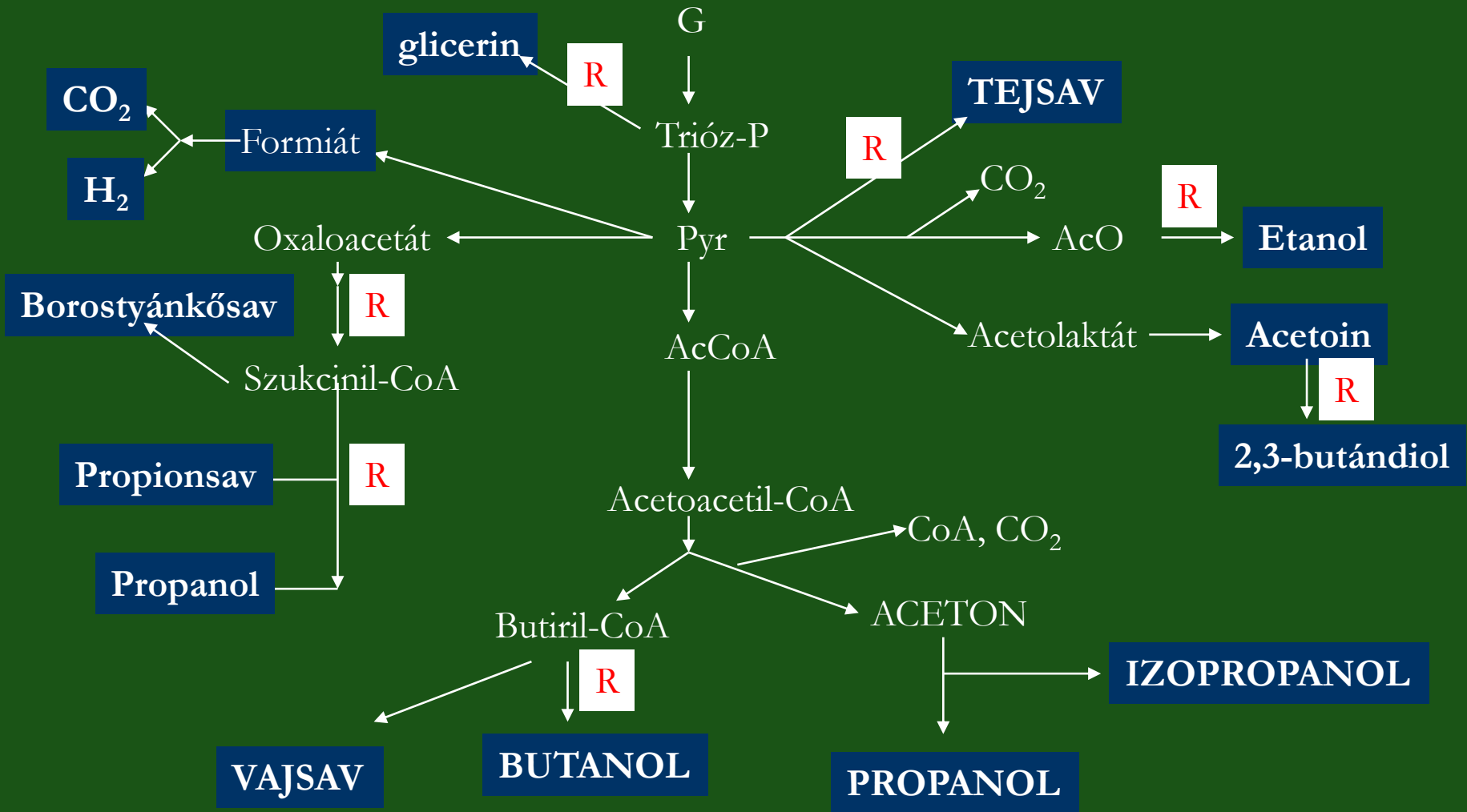


# NADH visszaoxidálása egy sor anyagcseretermék, más elektronakceptorok

## egy sor anyagcseretermék: heterolaktikus fermentáció



# 1 egy sor anyagcsere-termék: anaerob NADH regeneráló anyagcsereutak, végtermékek



## NADH visszaoxidálása: más elektronakceptorok

Energiaforrás (redukáló=oxidálódó vegyület)	Oxidáns (terminális elektron akceptor)	Respiráció termékei	Példa
*H <sub>2</sub>	SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>	H <sub>2</sub> O+S <sup>2-</sup>	<i>Desulfovibrio</i>
*Szerves vegyület	NO <sup>3-</sup>	N <sub>2</sub> +CO <sub>2</sub>	Denitrifikáló baktérium
S <sup>2-</sup> +	NO <sub>3</sub> <sup>-</sup>	N <sub>2</sub> +elemi S	Thiomargarita

# BIOSZINTÉZIS

Primer anyagcsere

TROPOFÁZIS

kiegyensúlyozott növekedés  
balanced growth

Szekunder anyagcsere

IDIOFÁZIS

kiegyensúlyozatlan növ,  
fenntartás: folyik a primer  
anyagcsere részben:  
m á s f e l é

Ac-CoA

Citrát, Itakonát

Zsírsavak (olajok, zsírok)

PHB

Poliketidek

x3

Mevalonsav(C6)

CO<sub>2</sub>

Izoprén egységek (C5)

Kinonok

x2

C<sub>10</sub>

terpének

C<sub>15</sub>

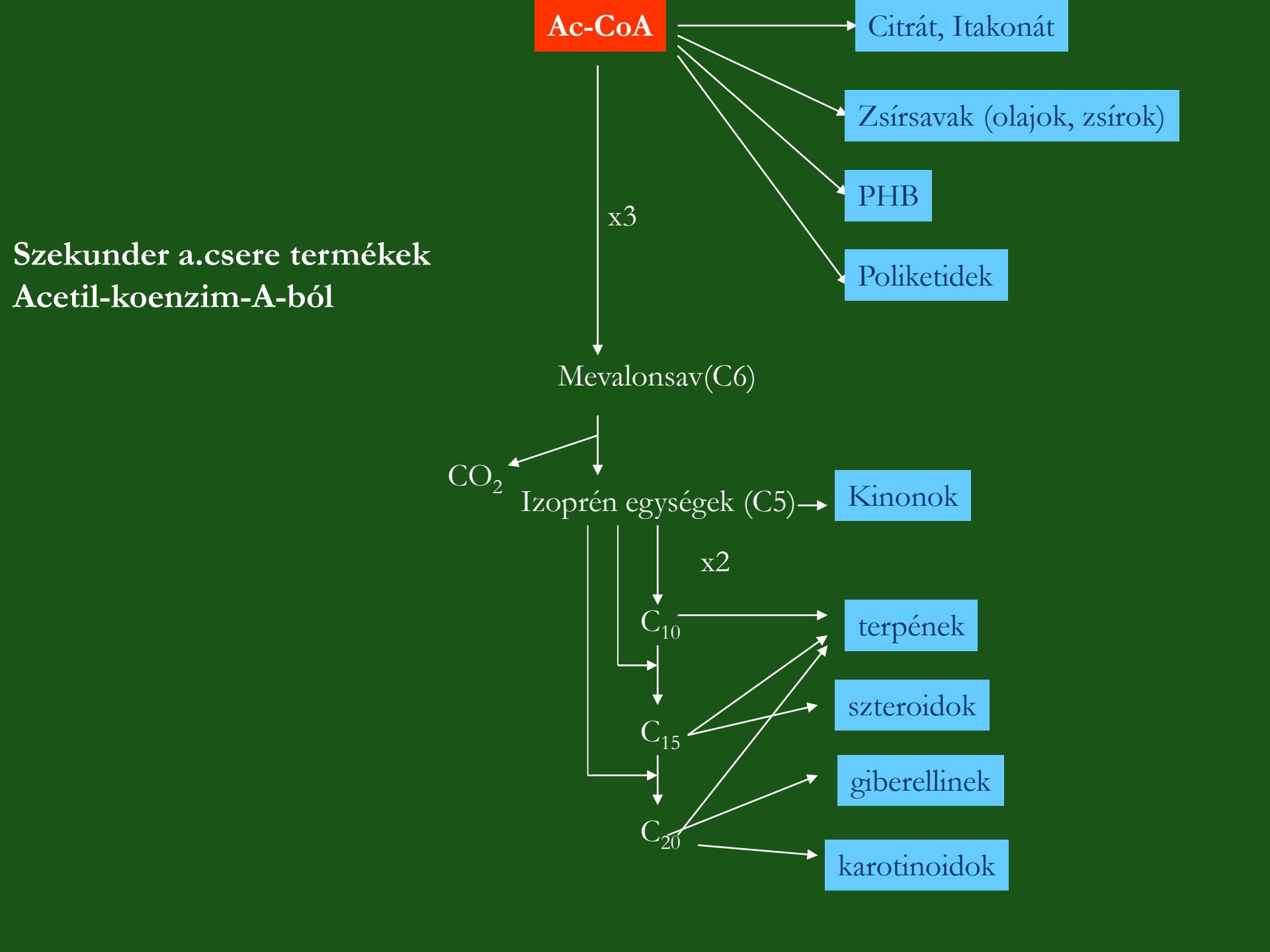
szteroidok

C<sub>20</sub>

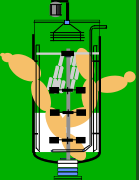
giberellinek

karotinoidok

Szekunder a.c.sere termékek  
Acetil-koenzim-A-ból



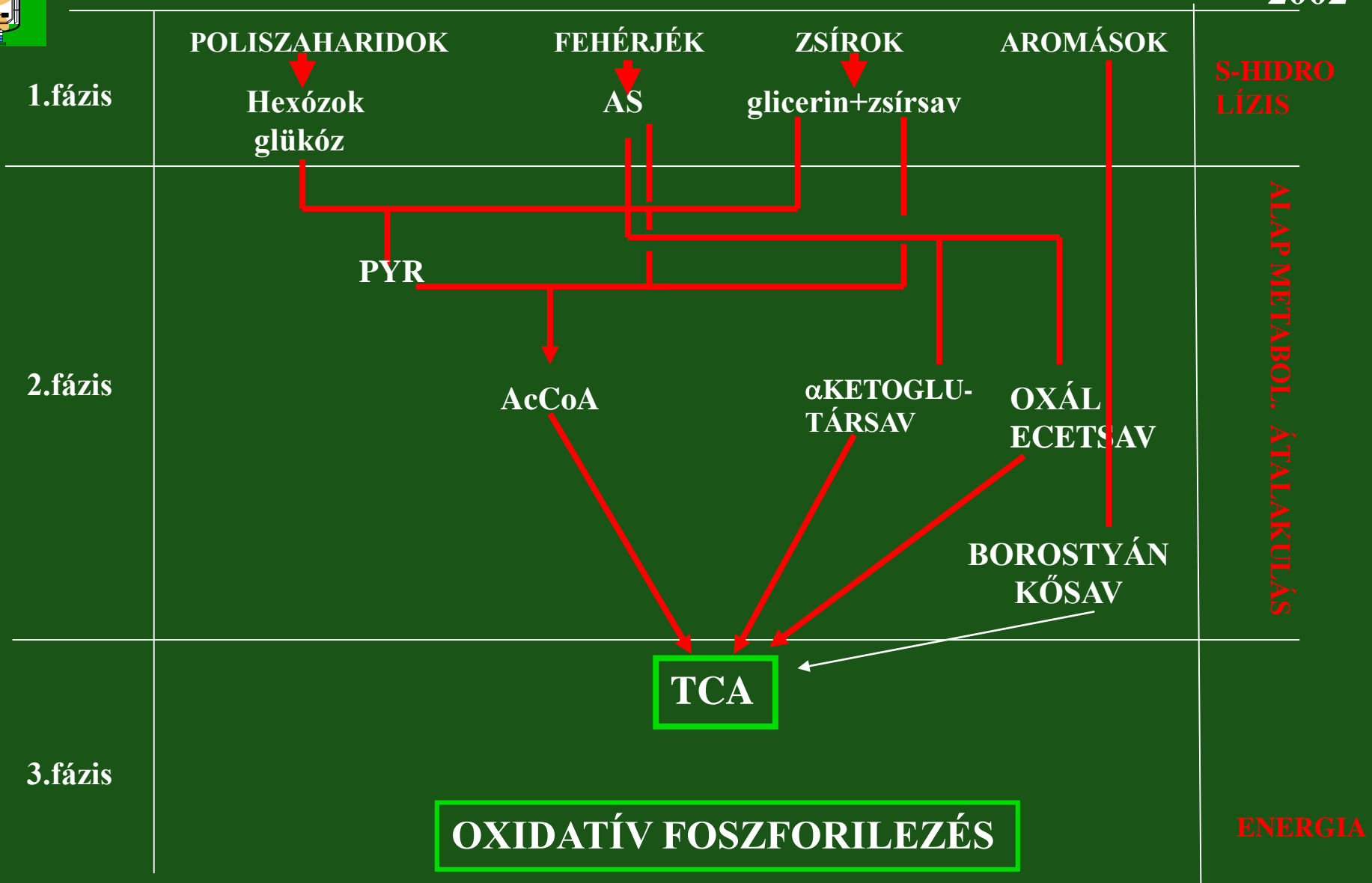


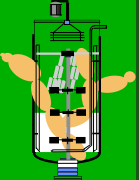


# Fermentációs tápoldatok

BIM2

2002

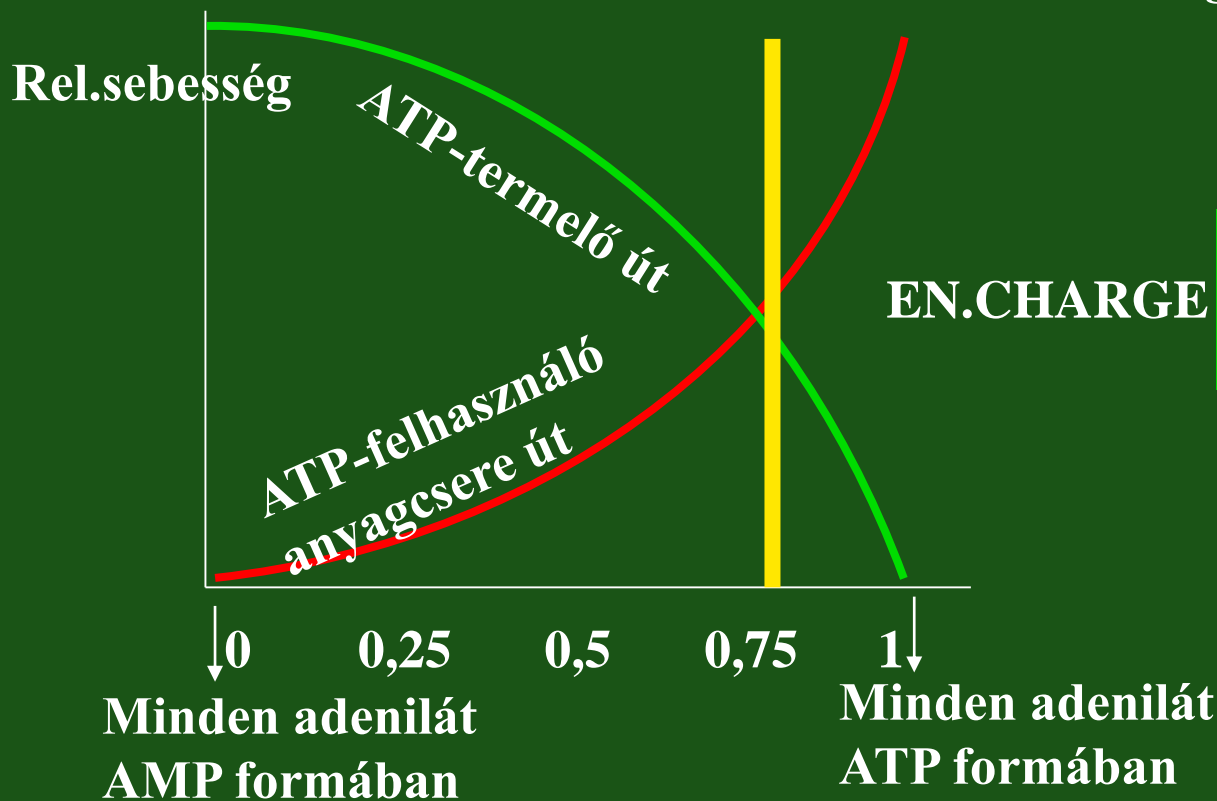




**ENERGY CHARGE**

**ENERGIA-TÖLTÉS**

Az energiaállapot indikátora



EN.CHARGE

$$= \frac{[ATP] + 1/2[ADP]}{[ATP] + [ADP] + [AMP]}$$

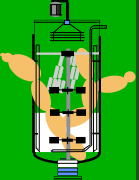
0,8-0,95

(Adenilát-kináz)

Direktebb mértéke az ATP hozzáférésnek a

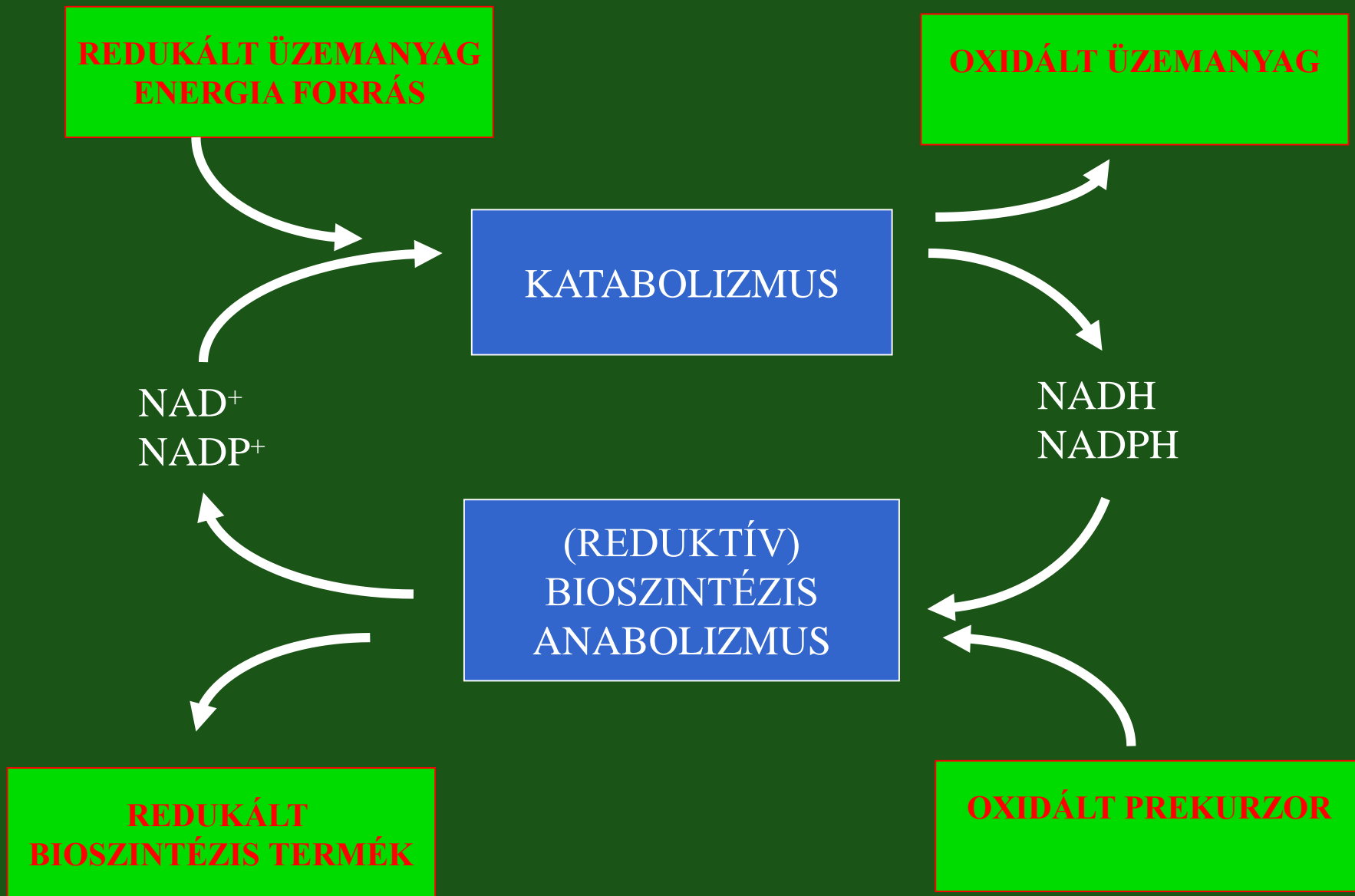
foszforilezési potenciál=  $\frac{[ATP]}{[ADP] [P_i]}$

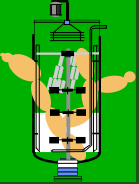
((350-400mg ATP/100g izom))



# Fermentációs tápoldatok „REDUKÁLÓ ERŐ”

BIM2  
2002





## Ipari táptalajok

C-forrás SZÉNHIDRÁTOK — glükóz ← HYDROL  
— szacharóz ← MELASZ %  
— malátakivonat  
— keményítő, dextrin  
— szulfitlég (hexózok, pentózok)  
! (— cellulóz)

NÖVÉNYI OLajok : szója, palma, gyapok

ALKOHOLOK — MeOH  
— EtOH ← CH

PARAFFINOK  $C_{12}$ - $C_{18}$  alkánok (60-as évek!)

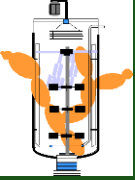
N-forrás SZERVETLEN —  $(NH_4)_2SO_4$ ,  $(NH_4)NO_3$ ,  $(NH_4)_2CO_3$   
— karbamid

TERMÉSZETES — szójaliszt  
— KUKORICALÉKVÁR %  
— MALÁTA  
— RIZSISZAK  
— HALLISZT ....  
— ÉLESZTŐEXTRAKT  
— PEPTONOK

OXIGÉN → igény → -átadás .....

NÖVEKEDÉSI FAKTOROK, VITAMINOK, BIOSZANYAGOK

EGYEDI TÁPOLDATOK → TÁPOLDAT OPTIMÁLÁS



$$x = x_0 2^{\frac{t}{t_g}} = x_0 2^n$$

Generációs idő - doubling time  
generation time

Sejtszám db/ml

N, x

Sejttömeg: sz.a.  
mg/ml, g/l, kg/m<sup>3</sup>

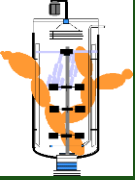
$$\frac{dx}{dt} = \mu \cdot x$$

MONOD, 1942

$\mu$ : fajlagos növekedési sebesség

$$\mu \equiv \frac{1}{x} \frac{dx}{dt}$$

$$h^{-1}$$



Jacques Monod

$$\frac{dx}{dt} = \mu \cdot x$$

$$x = x_0 e^{\mu t}$$

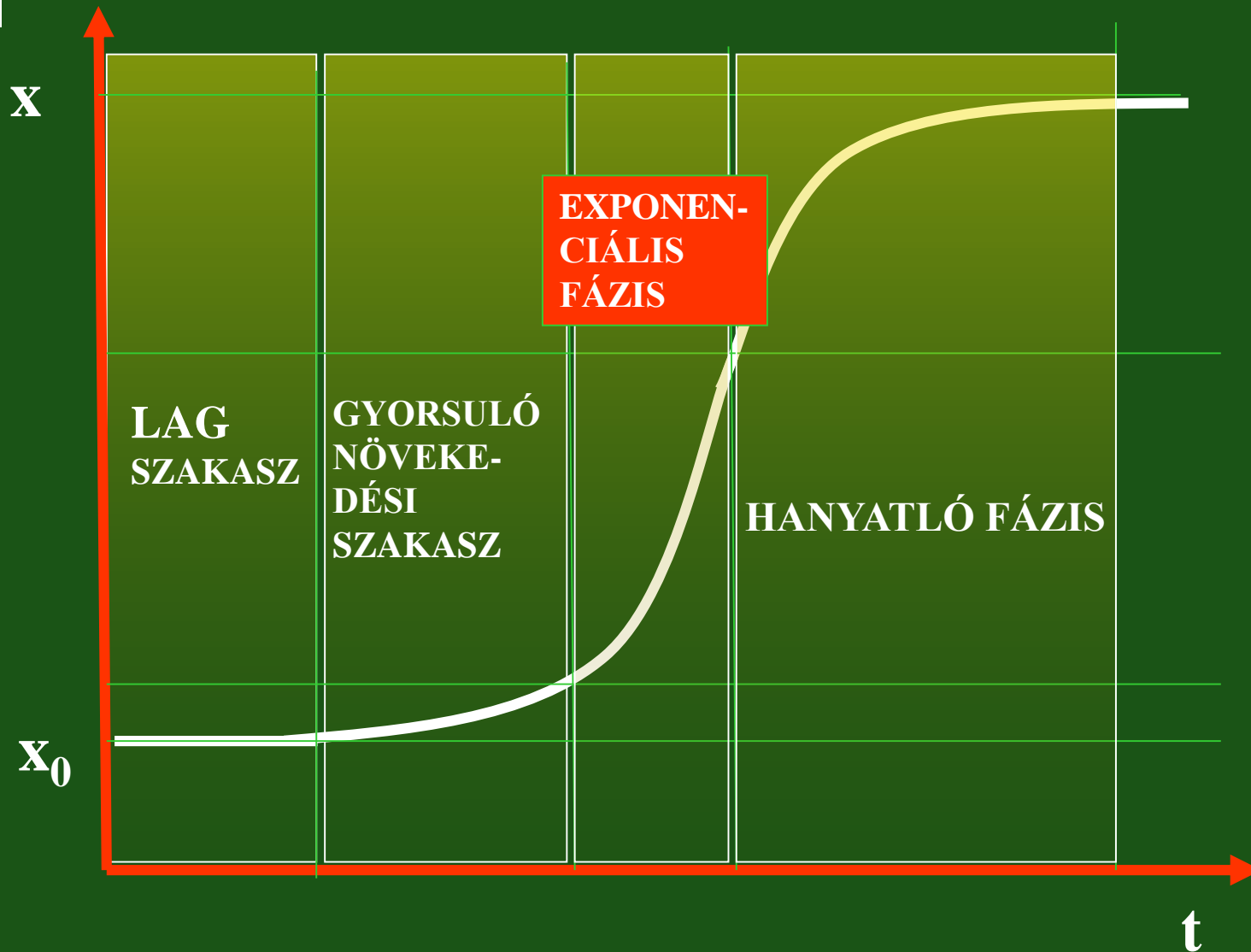
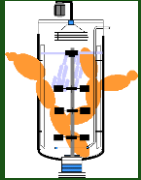
$$\frac{dN}{dt} = v \cdot N$$

$$N = N_0 e^{vt}$$

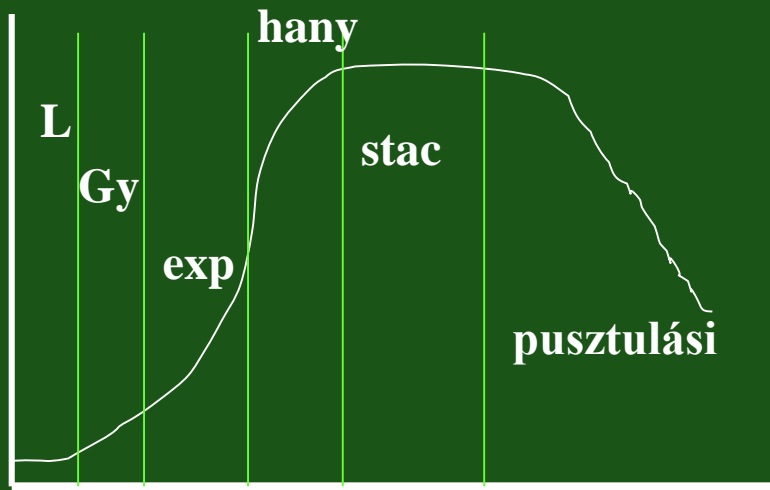
$\mu$  és a generációs idő kapcsolata:

$$t_g = \frac{\ln 2}{\mu}$$

$v$  : fajlagos szaporodási sebesség

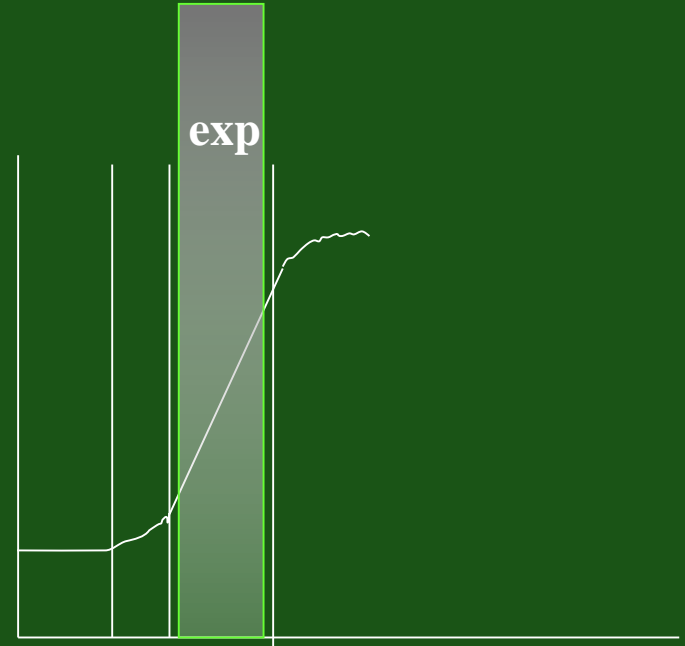


Élő sejtszám



idő

lg x

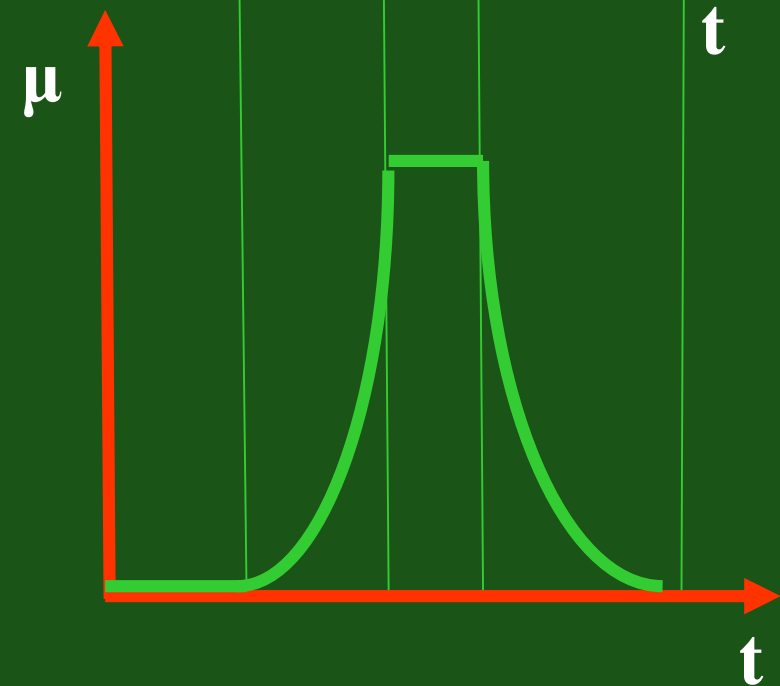
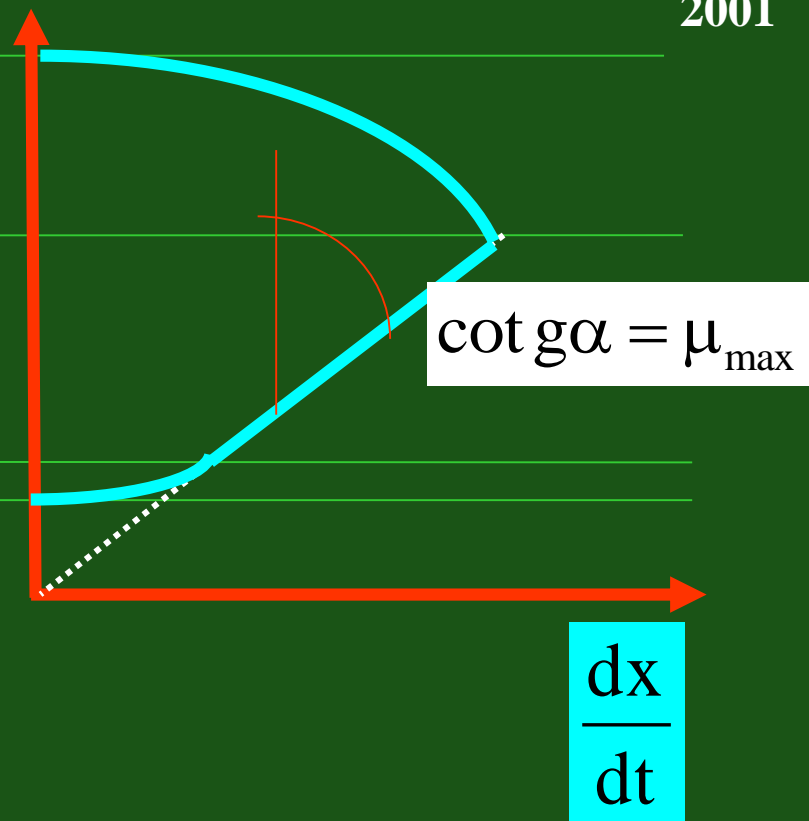
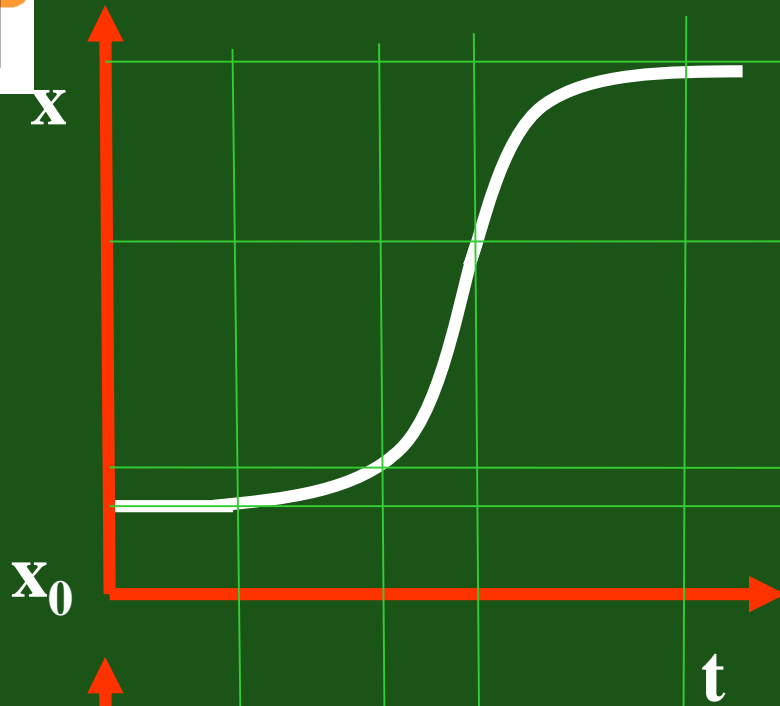
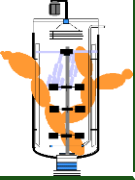


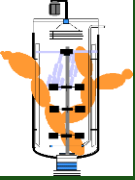
idő



# A mikroba szaporodás alapösszefüggései

BIM SB  
2001





## MI AZ OKA A HANYATLÓ FÁZISNAK?

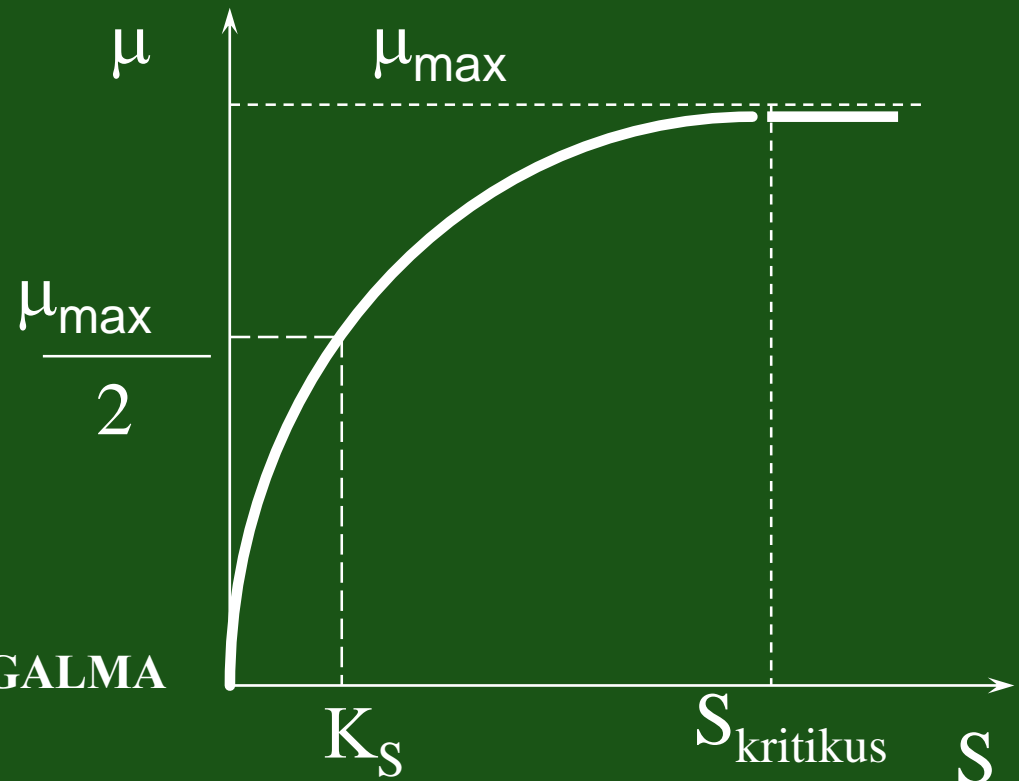
1. TÁPANYAG LIMITÁCIÓ
2. TOXIKUS METABOLIT TERMÉK(EK)
3. HELYHIÁNY

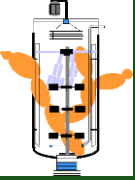
MONOD- modell

$$\mu = \mu_{\max} \frac{S}{K_S + S}$$

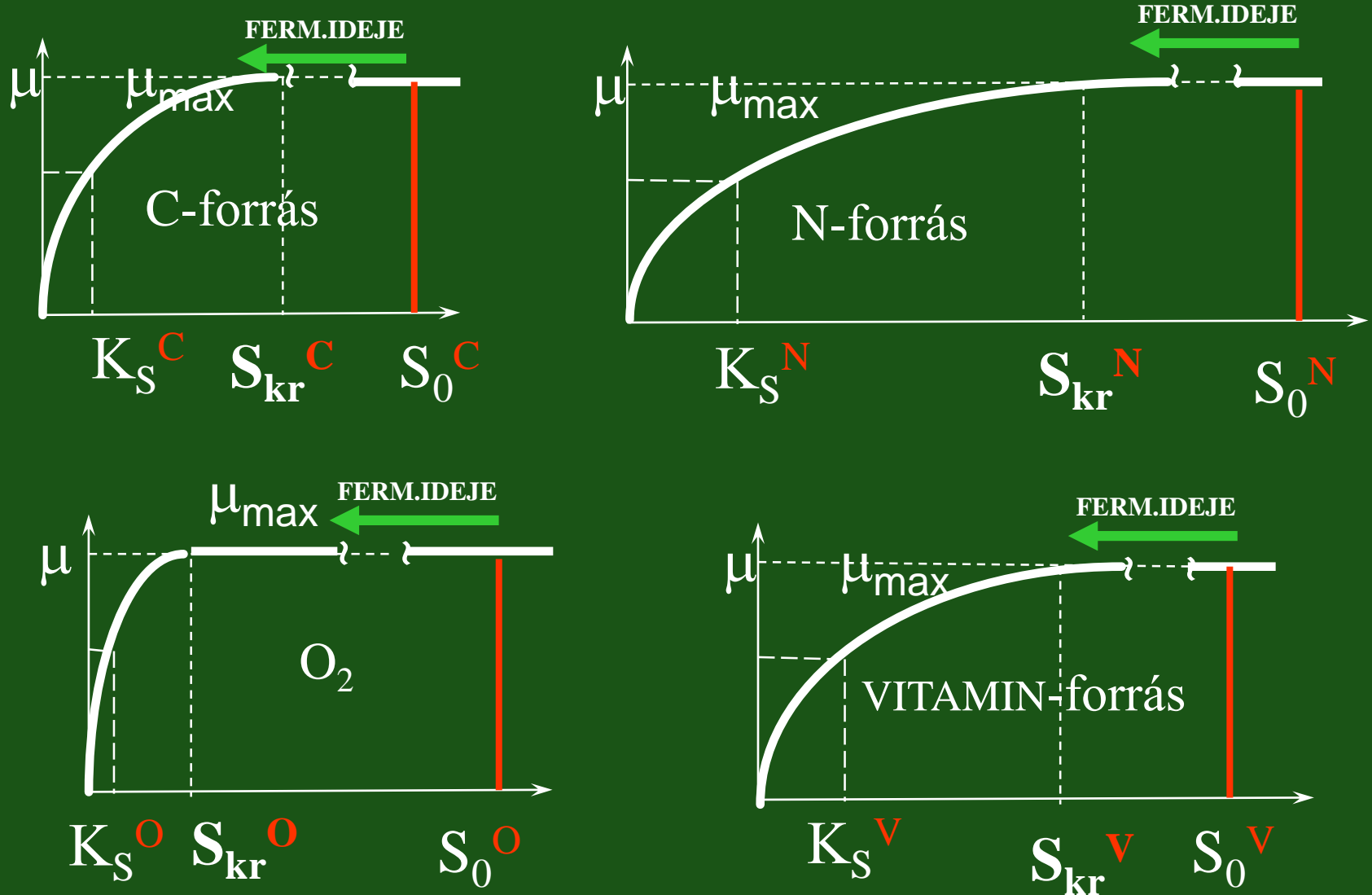
KRITIKUS KONCENTRÁCIÓ FOGALMA

LIMITÁLÓ SZUBSZTRÁT

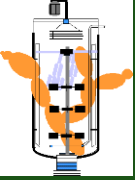




# MELYIK **S** LESZ **LIMITÁLÓ S** ???



LIMITÁLÓ SZUBSZTRÁT FOGALMA



LIMITÁLÓ SZUBSZTRÁTRA

HOZAM:

$$\frac{dx}{dS} = -Y_{x/s} = \frac{\Delta x}{\Delta S} = \frac{\frac{1}{x} \frac{dx}{dt}}{\frac{1}{S} \frac{dS}{dt}}$$

KITERJESZTÉS

$$\frac{dx}{dS_i} = -Y_{x/s_i} \quad \text{vagy} \quad = -Y_i$$

MINDÍG IGAZ:

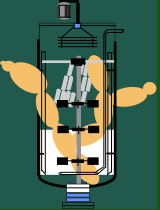
$$r_x = \frac{dx}{dt} = \mu x$$

Exponenciális és  
Hanyatló fázisban:

$$r_x = \frac{dx}{dt} = \mu \frac{S}{K_s + S} x$$
$$r_s = \frac{dS}{dt} = -\frac{1}{Y_{x/s}} \mu \frac{S}{K_s + S} x$$

megoldható  
diffegy.rendszer

MONOD-modell egyenletei



## Több limitáló szubsztrát

interaktív vagy multiplikatív leírás:

$$\mu_x = \mu_{x\max} \frac{S_1}{K_{s1} + S_1} \frac{S_2}{K_{s2} + S_2} \dots \frac{S_n}{K_{sn} + S_n}$$

$$\mu_x = \mu_{x\max} \prod_{i=1}^n \frac{S_i}{K_{si} + S_i}$$

additív leírás

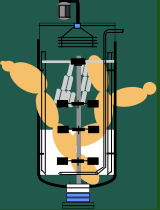
$$\mu_x = \mu_{x\max} \cdot \left( w_1 \frac{S_1}{K_{s1} + S_1} + w_2 \frac{S_2}{K_{s2} + S_2} \dots + w_n \frac{S}{K_{sn} + S_n} \right)$$

$$w_j = \frac{\frac{K_j}{S_j}}{\sum_{i=1}^n \frac{K_i}{S_i}}$$

súlyfüggvények

nem interaktív leírás

$$\mu = \mu(S_1) \text{ vagy } \mu = \mu(S_2) \text{ vagy } \dots \mu = \mu(S_n)$$



## Monod-modell „javításai”

Teissier egyenlet

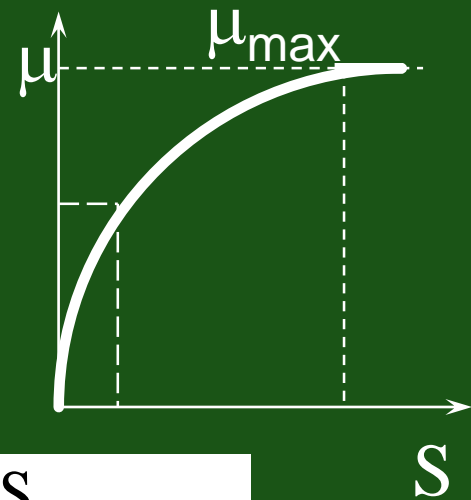
$$\mu = \mu_{x \max} \left( 1 - e^{-KS} \right)$$

Moser egyenlet

$$\mu = \mu_{x \max} \frac{S^n}{K_s + S^n} = \mu_{x \max} \left( 1 + K_s S^{-n} \right)^{-1}$$

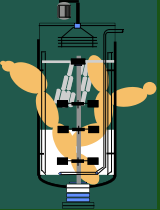
Contois egyenlet

$$\mu = \mu_{x \max} \frac{S}{K_{sx} X + S}$$



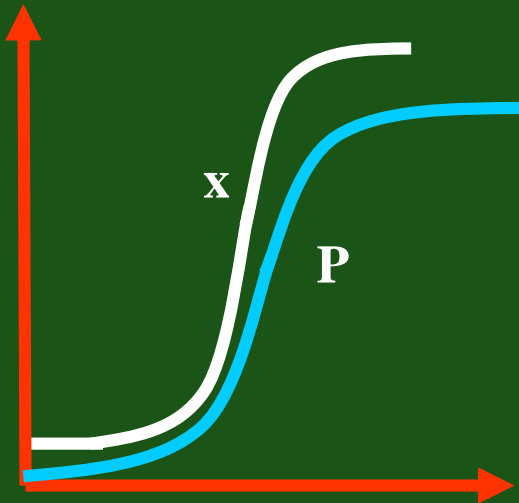
## SZUBSZTRÁT INHIBÍCIÓ

$$r_x = \frac{dx}{dt} = \mu_{x \max} \frac{S}{aS + \frac{S^2}{K_i} + K_S} x$$



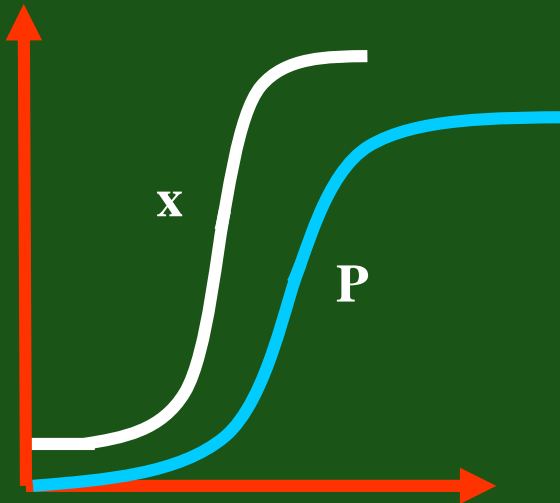
# GAEDEN-féle termékképződési típusok

Primer acs. termék



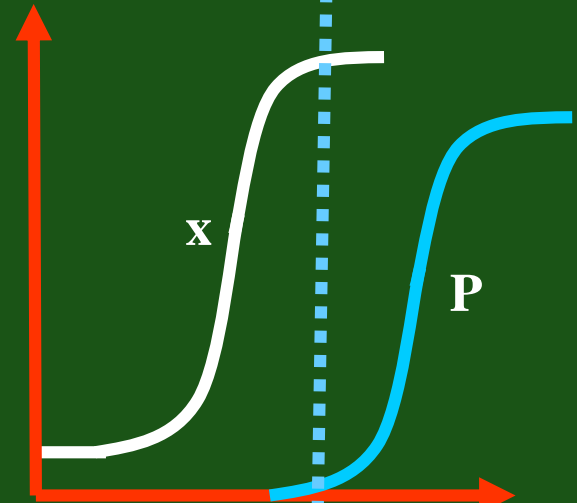
Növekedéshez kötött

.....

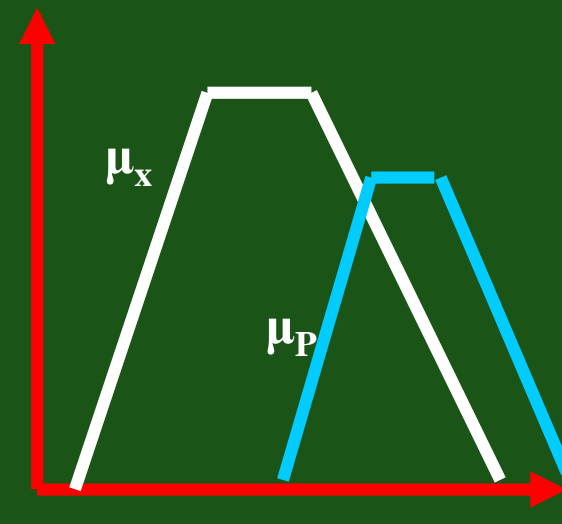
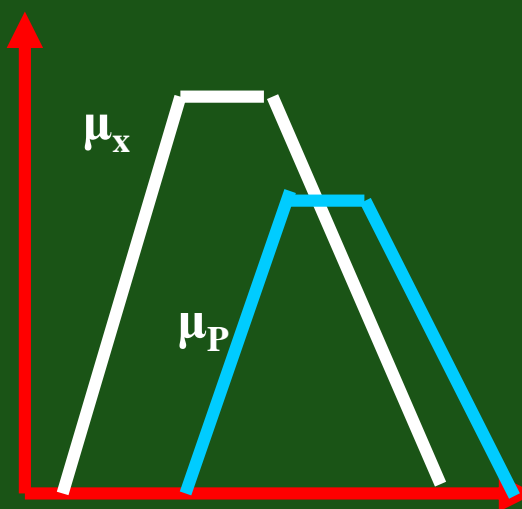
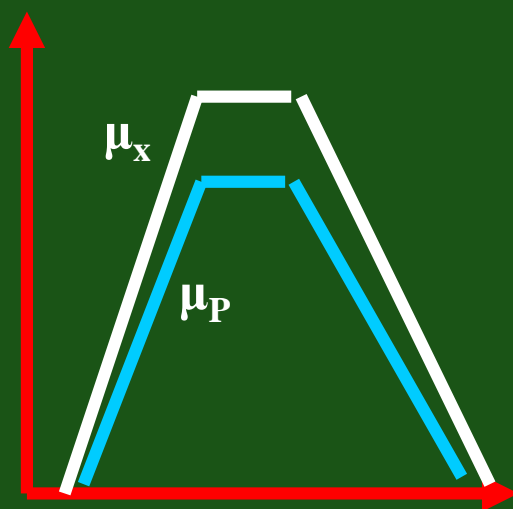


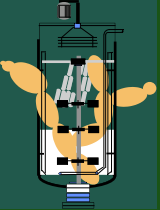
Vegyes típus

Szekunder acs. termék



Növekedéshez nem kötött



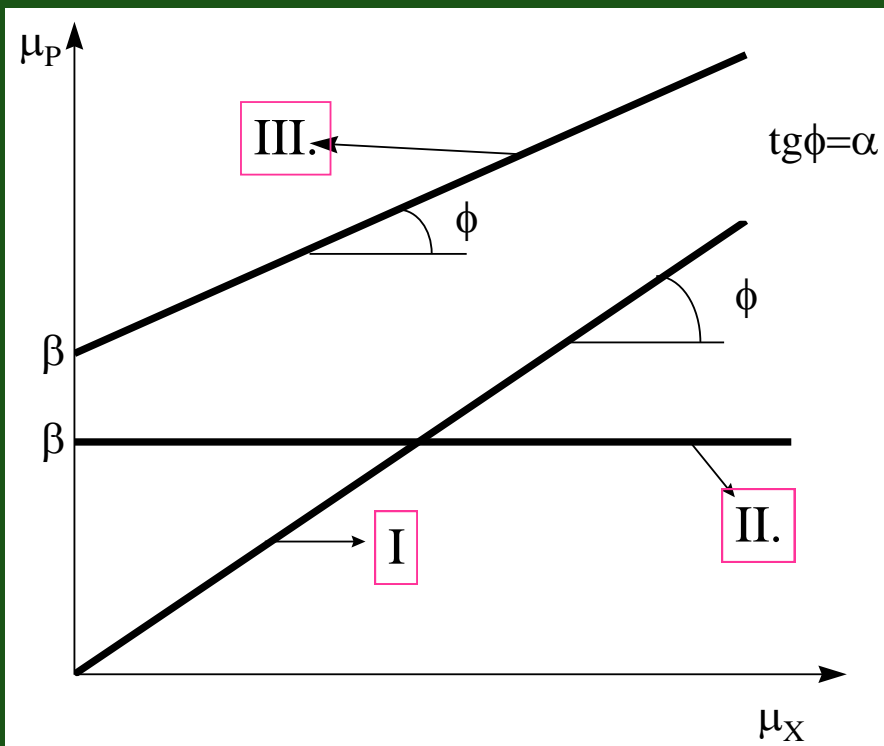


## TERMÉKKÉPZŐDÉS KINETIKAI LEÍRÁSA

## LUEDEKING – PIRET MODELL

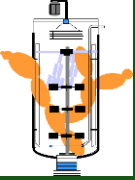
$$r_P = \frac{dP}{dt} = \alpha \frac{dx}{dt} + \beta x$$

$$\frac{1}{x} \frac{dP}{dt} = \mu_P = \alpha \mu_x + \beta$$



- I:**  $\alpha > 0$  és  $\beta = 0$  növekedéshez kötött termékképződés
- II:**  $\alpha = 0$  és  $\beta > 0$  növekedéshez nem kötött termékképződés
- III:**  $\alpha > 0$  és  $\beta > 0$  vegyes típusú fermentáció.





## C-forrás és hasznosulás

Mire fordítódik a C-forrás?

beépülés    energiatermelés

$$\Delta S = \Delta S_C + \Delta S_E$$

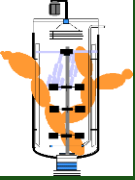
$$\frac{\Delta S}{\Delta X} = \frac{\Delta S_C}{\Delta X} + \frac{\Delta S_E}{\Delta X}$$

$$\frac{1}{Y_{x/s}} = \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_E}$$

Eredő hozam

szénhozam

energiahozam



Írjunk fel egy anyagmérleget a beépülő szénre

$$\alpha_2 \Delta X = \alpha_1 \Delta S_C$$

Sejttömeg C-tartalma

0,46-0,5 50%

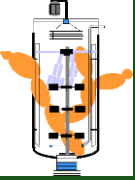
Szubsztrát C-tartalma

Glükóz:0,4

$$\frac{\Delta X}{\Delta S_c} = Y_C = \frac{\alpha_1}{\alpha_2}$$

$$Y_E = \frac{1}{\frac{1}{Y} - \frac{1}{Y_C}} = \frac{Y Y_C}{Y_C - Y}$$

$$Y_E = \frac{Y \cdot \frac{\alpha_1}{\alpha_2}}{\frac{\alpha_1}{\alpha_2} - Y} = \frac{Y \cdot \alpha_1}{\alpha_1 - Y \cdot \alpha_2}$$



$$\Delta S = \Delta S_c + \Delta S_E$$



?

**NÖVEKEDÉS**

**FENNTARTÁS -maintenance**

**SEJTMOZGÁS**

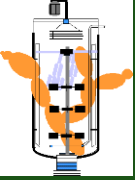
**OZMOTIKUS MUNKA**

**RENDEZETTSÉG FENNTARTÁSA**

**II.főtétel**

**reszintézis**

$$Y_E = \frac{\Delta x}{\Delta S_E} = \frac{\Delta x}{\Delta S_g + \Delta S_m}$$



$$\frac{1}{Y_E} = \frac{1}{Y_{EG}} + \frac{m}{\mu}$$

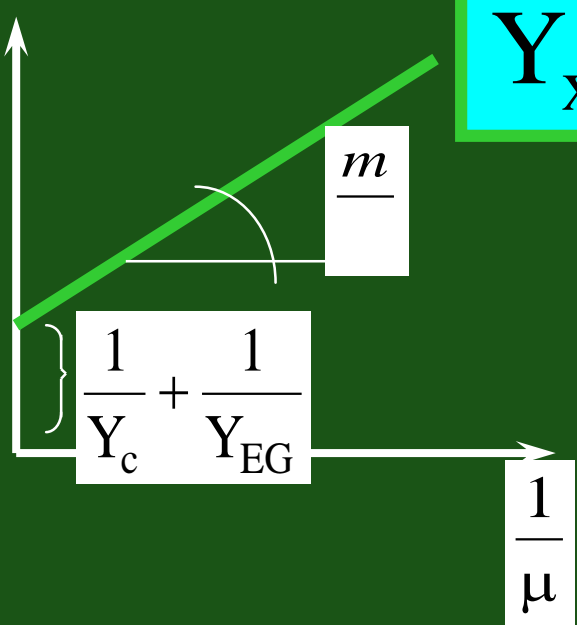
Fajlagos maintenance  
Koefficiens

$$g/gh = h^{-1}$$

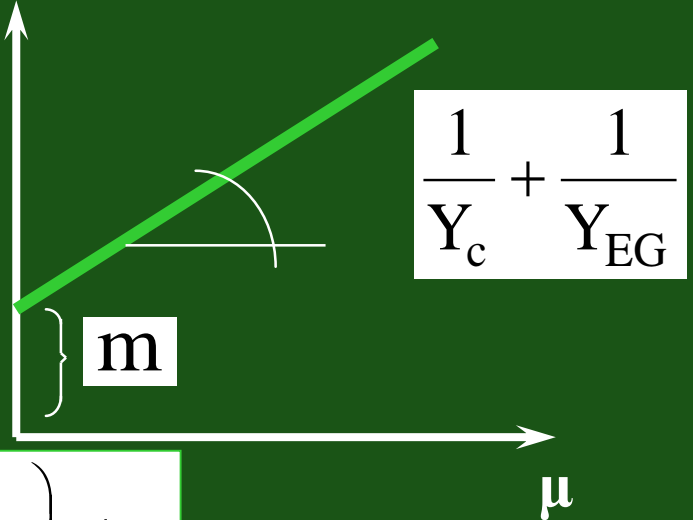
Eredő hozamra:

$$\frac{1}{Y_{X/S}} = \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_{EG}} + \frac{m}{\mu}$$

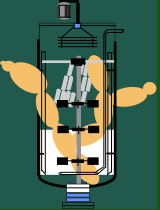
$$\frac{1}{Y_{X/S}}$$



$$\frac{\mu}{Y_{X/S}} = \mu_s$$



$$\mu_s = \left( \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_{EG}} \right) \mu + m$$

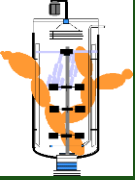


EREDETILEG ÁLLANDÓ  $Y$  „hozamkonstans”, de....

$$\frac{1}{Y_{x/s}} = \frac{1}{Y_C} + \frac{1}{Y_{EG}} + \frac{m}{\mu_x}$$

$$\frac{dS}{dt} = \frac{\partial S}{\partial x} \frac{dx}{dt} + \sum_i \frac{\partial S}{\partial P_i} \frac{dP_i}{dt}$$

$$\frac{1}{Y_{P/S_i}} = - \frac{\partial S}{\partial P_i}$$



ATP-hozam

$$Y_{\text{ATP}} = \frac{\Delta x}{\Delta \text{ATP}} = \frac{Y'_{x/s}}{Y_{\text{ATP}/s}}$$

g/mol

g/mol

mol/mol

$$Y'_{x/s} = M(s) \times Y_{x/s}$$

**10,5 g/mol**  
(8,3-32)

$$\frac{P}{O}$$

„P/O hányados”

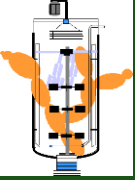
mol/gatom

**Oxidatív foszforilezés hatékonysága:**

**3/1=3**



$$Y_{\frac{p}{s}} = \frac{\Delta P}{\Delta S} \qquad Y_{\frac{p}{x}} = \frac{\Delta P}{\Delta x}$$



$$Y_H = Y_{\text{kcal}} = \frac{\Delta x}{-\Delta H_x \cdot \Delta x + \Delta H_s \cdot \Delta S} = \frac{\Delta x}{\Delta Q}$$

HŐ(TERMELÉSI)HOZAM

SEJTTÖMEG ÉGÉSHŐ

SZUBSZTR.ÉGÉSHŐ

METABOLIKUS  
HŐTERMELÉS

Ha van termék....

RQ respirációs hányados

$$\frac{\Delta \text{CO}_2}{\Delta \text{O}_2} = \frac{\frac{d\text{CO}_2}{dt}}{\frac{d\text{O}_2}{dt}} = \frac{q_{\text{CO}_2}}{q_{\text{O}_2}}$$

RQ<sub>max</sub> <> beépülés

$$\Delta\text{ATP} = (\Delta\text{ATP})_g + (\Delta\text{ATP})_m$$

$$\frac{1}{Y_{\text{ATP}}} = \frac{1}{Y_{\text{ATP}}^{\text{max}}} + \frac{m_{\text{ATP}}}{\mu}$$

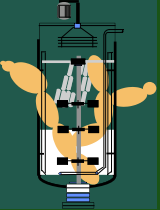
$$\frac{1}{Y_{\text{x/s}}} = \frac{1}{Y_c} + \frac{1}{Y_{\text{EG}}} + \frac{m}{\mu}$$

~~$$\frac{1}{Y_o} = \frac{1}{Y_o^{\text{beép}}} + \frac{1}{Y_{\text{OG}}^{\text{max}}} + \frac{m_o}{\mu}$$~~

~~$$\frac{1}{Y_N} = \frac{1}{Y_N^{\text{beép}}} + \left(\frac{m_N}{\mu}\right)$$~~

$$\frac{1}{Y_P} = \frac{1}{Y_P^{\text{beép}}}$$



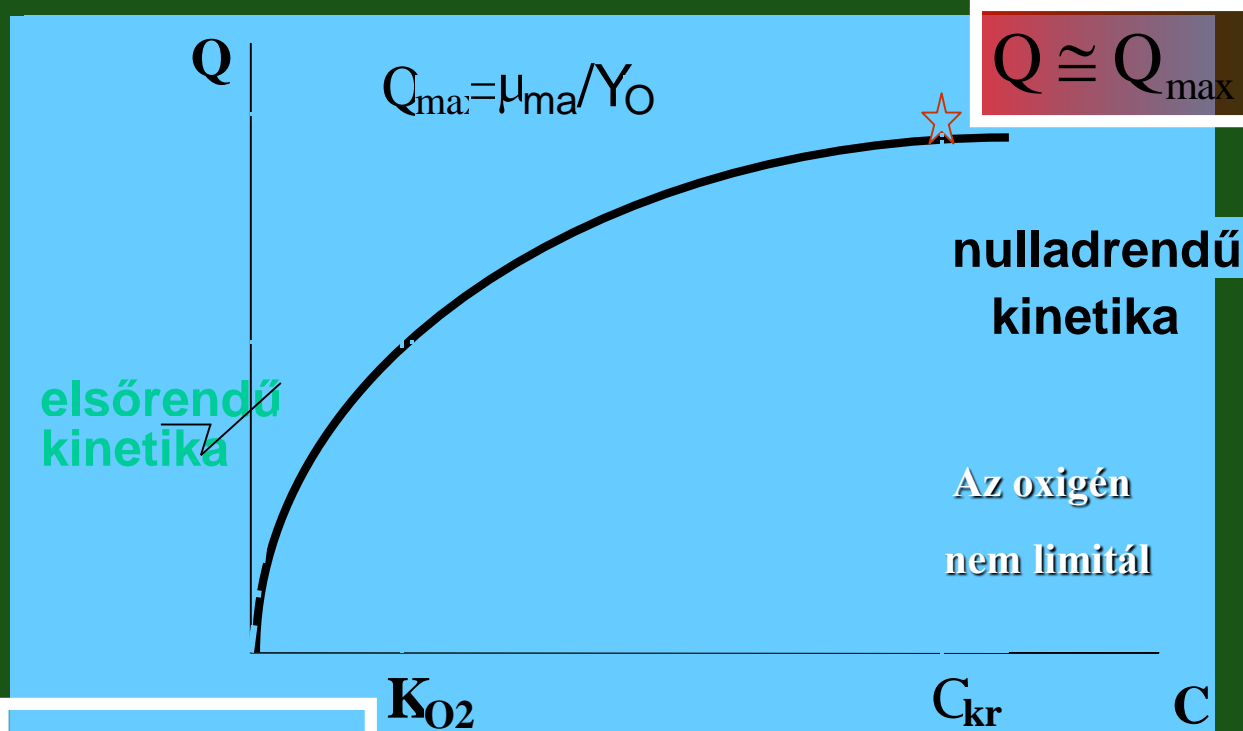


# Az oxigén szerepe , légzés, levegőztetés

Az oxigén is lehet limitáló szubsztrát

A mikrobák oxigénigényét két módon lehet megadni:

1. légzési sebesség =  $\frac{dc}{dt}$  [ mmol O<sub>2</sub>/ dm<sup>3</sup>.h ],  
[ kg O<sub>2</sub>/ m<sup>3</sup> .h ]



$Q \cong Q_{max}$

2. fajlagos légzési sebesség

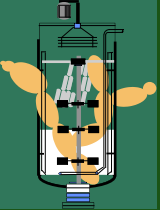
$Q = \frac{1}{x} \frac{dc}{dt}$  [ h<sup>-1</sup> ]

Az oxigén nem limitál

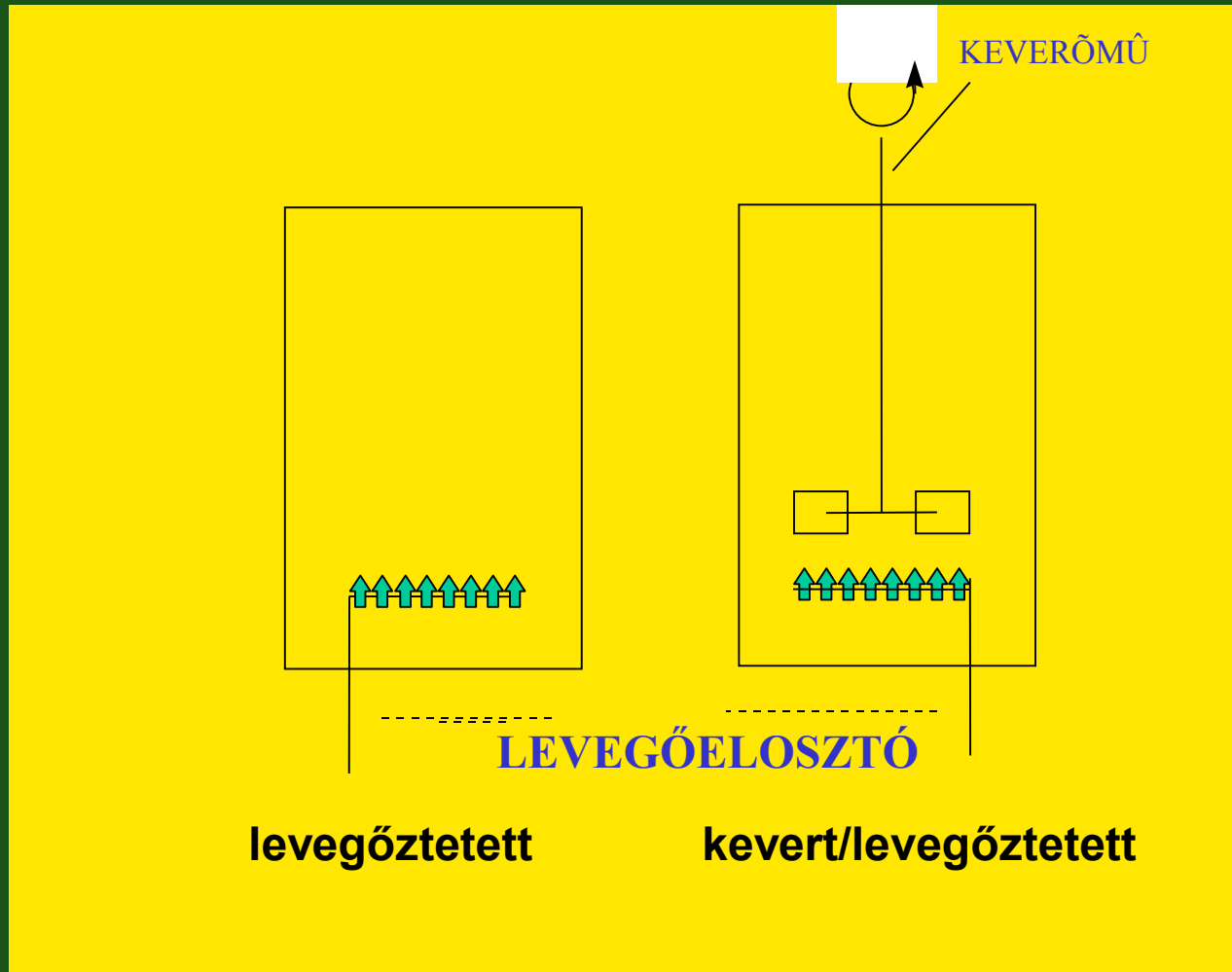
KRITIKUS OXIGÉN KONCENTRÁCIÓ

0,1-1 mg/dm<sup>3</sup>

$Q \cong Q_{max} \frac{c}{K_{O_2}}$

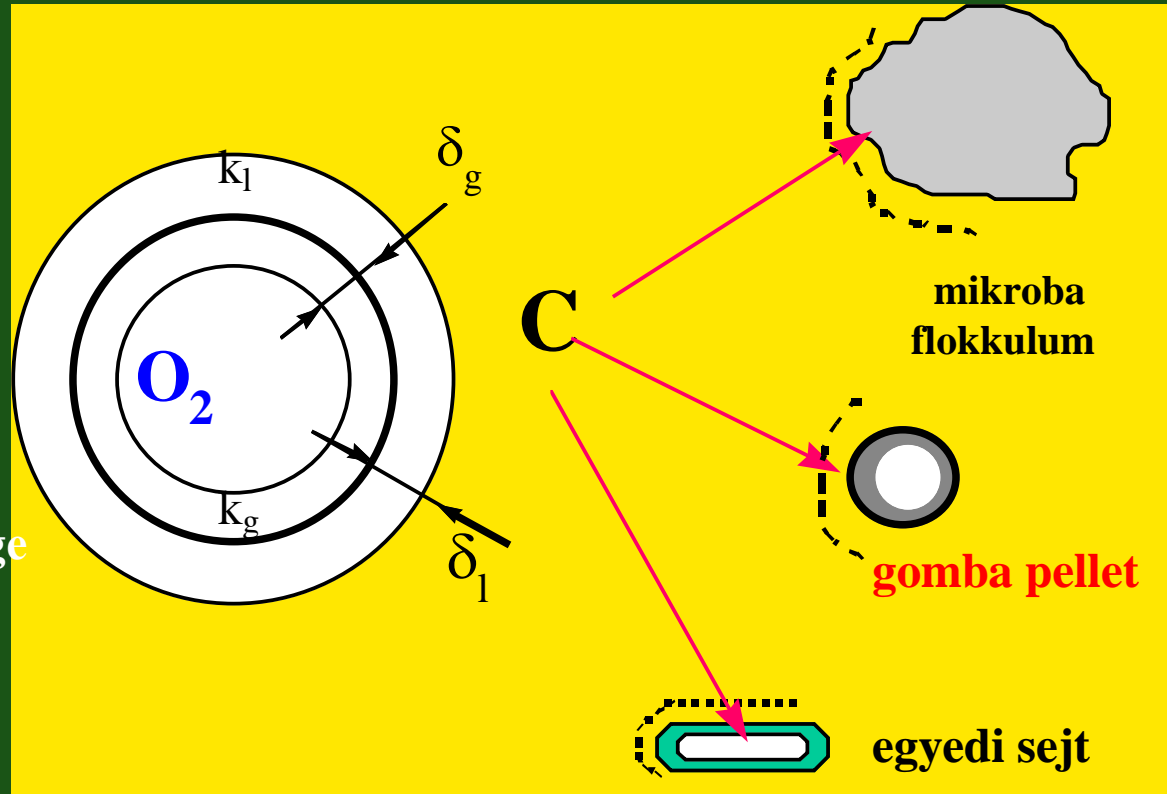


## A levegőztetés technikai megvalósítása



## Oxigén átadás buborékból

1. A gázbuborék főtömegéből diffúzió a gáz/folyadék határfelületre.  $1/k_g$  ellenállás  $k_g$  "vezetőképesség," (anyagátadási tényező)
2. diffúzió a  $\delta_l$  vastagságú – a gázbuborékot burkoló – stagnáló folyadékfilmen át. Ellenállása  $1/k_l$ , vezetőképessége  $k_l$  anyagátadási együttható.
3. Folyadék főtömege szintén ellenállást képvisel. Konvekció, de...

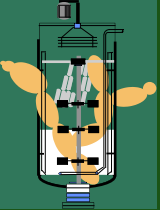


4. Mikrobákat körülvevő folyadékfilm.

*Oxigén felvétel* mechanizmusa, egy folyadék filmen keresztül történő diffúzióval kezdődik, majd

5. folytatódik a mikroba vagy mikrobátömeg (flokkulum) vagy mikroba telep (pellet) belsejébe történő diffúzióval oxigén transzporttal.

6. Ellenállásként tekinthetjük az oxigén hasznosulás "reakció ellenállását" is: a mikroba légzése is időben bizonyos sebességgel jellemezhető folyamat.



$$\frac{dC}{dt} = K_L a (C^* - C)$$

$K_L$  - az eredő folyadékoldali tömegátadási tényező [ $\text{cm} \cdot \text{s}^{-1}$ ]

$a$  - térfogategységre jutó anyagátadási felület [ $\text{cm}^2 \cdot \text{cm}^{-3} = \text{cm}^{-1}$ ]

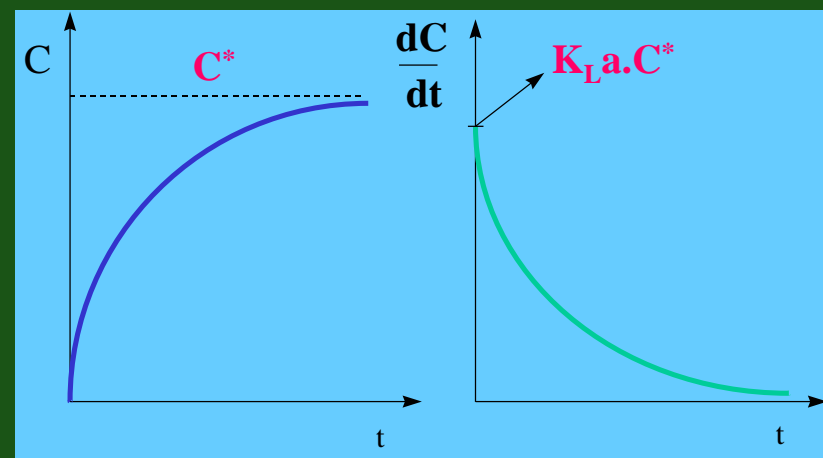
$K_L a$  - eredő folyadékoldali (térfogati)oxigénabszorpciós együttható [ $\text{s}^{-1}$ ]  
( $\text{h}^{-1}$ ).

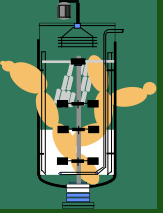
$C^*$  - telítési oxigén koncentráció ( $\text{mg}/\text{dm}^3$ )

$C$  - az aktuális oldott oxigén koncentráció ( $\text{mg}/\text{dm}^3$ )

$$\int_0^C \frac{dC}{C^* - C} = \int_0^C -d \ln(C^* - C) = \int_0^t K_L a \cdot dt$$

$$C = C^* \left( 1 - e^{-K_L a \cdot t} \right)$$





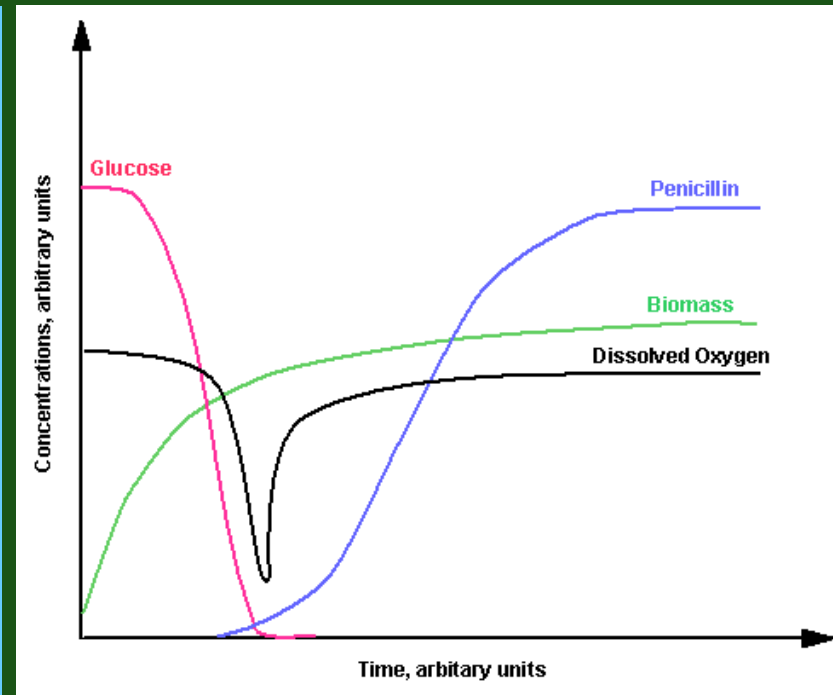
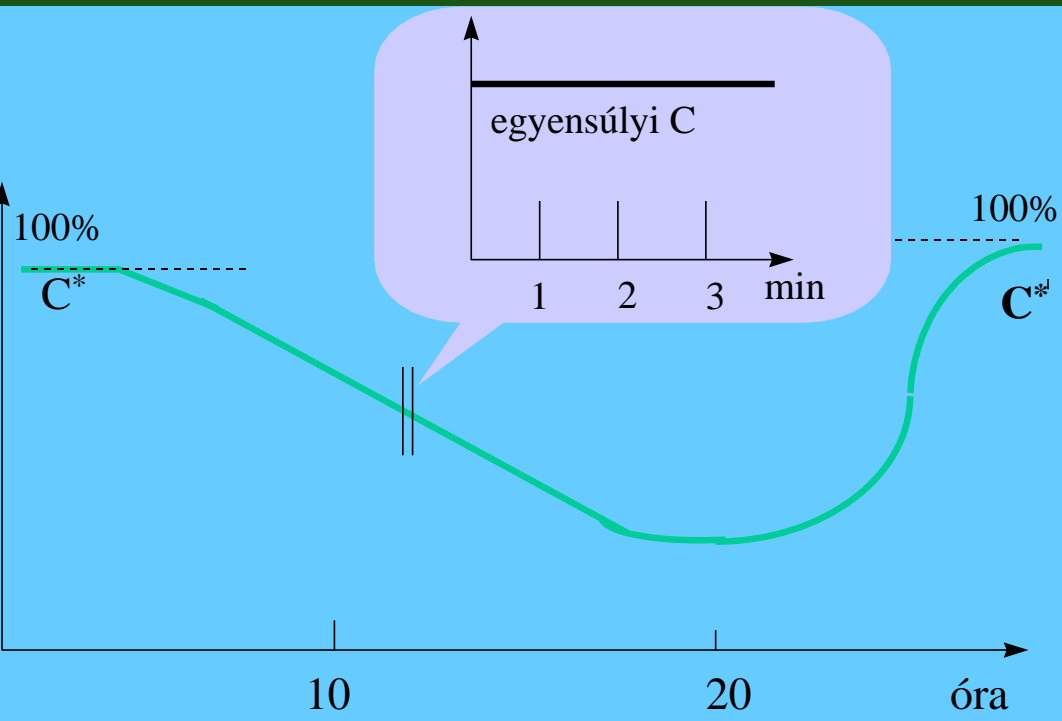
OLDÓDÁSI SEBESSÉG

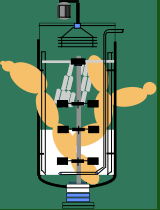
FOGYASZTÁSI SEBESSÉG

BIM2  
2002

$$\frac{dC}{dt} = K_L a (C^* - C) - xQ$$

mindíg  $\frac{dC}{dt} = 0$  és  $K_L a (C^* - C) = xQ$





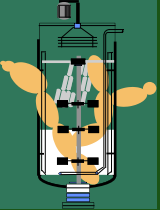
$$\frac{dC}{dt} = K_L a (C^* - C) - xQ$$

Mitől függ és hogyan a telítési oxigén koncentráció,  $C^*$  ?

Mitől függ és hogyan a  $K_L$  ?

Mitől függ és hogyan az  $a$  ?

Mitől függ és hogyan a  $K_L a$  ?



A telítési oxigén koncentráció függése a tenyésztési körülményektől

1. PARCIÁLIS NYOMÁS - Henry törvény :

$$C^* = \frac{1}{H} p_{O_2}$$

2. HŐMÉRSÉKLET : Cl-CI

$$\frac{d \ln H}{d\left(\frac{1}{T}\right)} = \frac{\Delta G}{R}$$

Cl-CI egyenlet közelítő megoldása

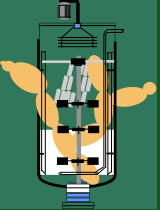
$$C^* \cong \frac{A}{B + t}$$

3. TÁPOLDAT ÖSSZETÉTELÉTŐL VALÓ FÜGGÉS

$$\lg \frac{C_0^*}{C^*} = \sum_i H_i I_i$$

$$I_i = 0,5 c_i z_i^2$$

$$\lg \frac{C_o^*}{C_{szerv}^*} = k C_{szerv}$$

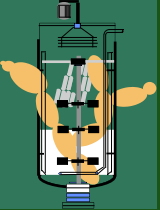


# MIVEL NÖVELHETŐ $C^*$ ÉRTÉKE?



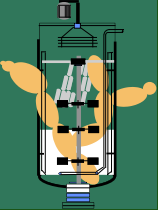
~~HŐMÉRSÉKLET  
TÁPOLDATÖSSZETÉTEL~~





$$\text{GÁZVISSZATARTÁS} = \text{Hold up} = \frac{\text{GÁZTÉRFOGAT}}{\text{ÖSSZTÉRFOGAT}}$$

$$a = H_0 \frac{6}{d_b}$$



A keverés szerepe, funkciói:

-energiabevitel a folyadékba

MOZGATÁS  
HŐ

P/V

$K_L a$

-a levegőztető gáz diszpergálása a folyadékban

BUBORÉKKÉPZÉS, ANYAGÁTADÁS

-a gáz- és folyadékfázis elválasztása

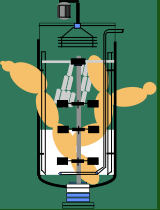
FORDÍTOTT A.ÁTADÁS

$CO_2$

-a fermentlé oldott és nem oldott komponenseinek jó elkeverése

ÁLTALÁNOS KEVEREDÉSI FUNKCIÓ

szubsztrátok, termékek...

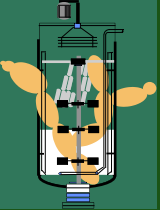


állandó geometriájú bioreaktorra

$$P = A' D_i^5 N^3 \rho \text{Re}^m \text{Fr}^n$$

teljesítményszám (Ne=Newton-szám vagy Eu=Euler-szám) :

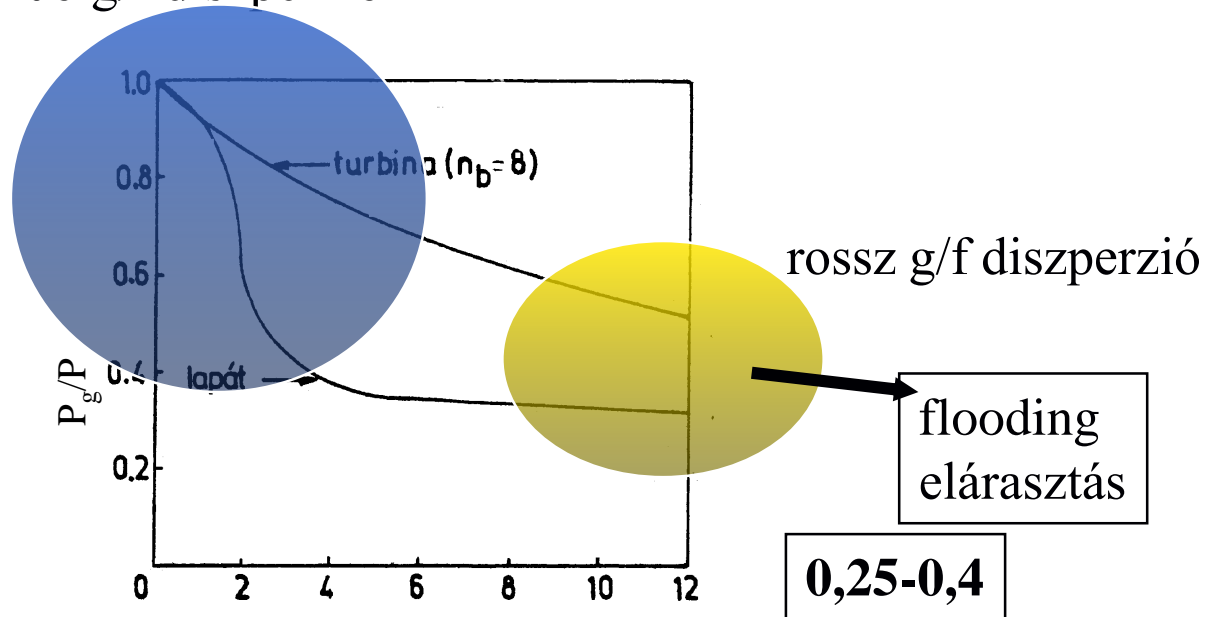
$$N_P = \frac{P}{D_i^5 N^3 \rho} = A' \text{Re}^m \text{Fr}^n$$



## LEVEGŐZTETÉSSEL P csökken

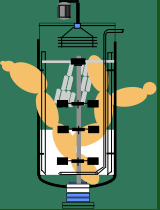
$$Na = \frac{\text{látszólagos felületi (lineáris) légsebesség}}{\text{keverő kerületi sebessége}} = \frac{\frac{F \text{ m}^3 / \text{s}}{\frac{D_i^2 \pi}{4} \text{ m}^2}}{ND_i \pi \text{ m} / \text{s}} = \frac{F}{ND_i^3}$$

Jó g/f diszperzió



$$\frac{P_{gq}}{P} = f(Na)$$

LEVEGŐZTETÉSI SZÁM \* 10<sup>2</sup> Q/ND<sub>i</sub><sup>3</sup>



$$K_L a \propto \left( \frac{P_g}{V} \right)^{0,4} v_s^{0,4} N^{0,5}$$

**labor fermentorokra**

$$K_L a \propto \left( \frac{P_g}{V} \right)^\alpha v_s^\beta N^{0,5}$$

**általánosan**

$\alpha$   
0,3 — 0,95

$\beta$   
0,50 — 67

mérettől függő állandók,